

Влияние упорядочения на структуру и теплоемкость кубических карбонитридов ванадия VC_xN_y

А. И. Гусев¹⁾, В. Н. Липатников

Институт химии твердого тела Уральского отд. РАН, 620219 Екатеринбург, Россия

Поступила в редакцию 16 октября 2006 г.

Представлены экспериментальные результаты по изменению кристаллической структуры и теплоемкости нестехиометрических кубических карбонитридов ванадия VC_xN_y ($x+y=0.85$) в области фазовых переходов беспорядок – порядок. Установлено, что при температуре ~ 1100 К в карбонитридах ванадия по механизму фазового перехода первого рода образуются упорядоченные фазы $\text{V}_6(\text{C},\text{N})_5\square$ и $\text{V}_8(\text{C},\text{N})_7\square$, имеющие структуры типа V_6C_5 и V_8C_7 . Определены каналы переходов беспорядок – порядок. Установлено, что в неметаллической подрешетке обнаруженных упорядоченных фаз атомы С и N образуют одну подрешетку, а структурные вакансии \square – другую. Распределение атомов С и N в своей подрешетке является статистическим.

PACS: 61.50.Ks, 61.66.Fn, 65.40.–f

Основными нестехиометрическими соединениями двойных систем V–С и V–N являются кубические (со структурой *B1*) карбид VC_y и нитрид VN_y ванадия, имеющие широкие области гомогенности $\text{VC}_{0.65}$ – $\text{VC}_{0.88}$ и $\text{VN}_{0.72}$ – $\text{VN}_{1.0}$ соответственно [1, 2]. Изоморфизм и близкие параметры кристаллических решеток кубических карбида VC_y и нитрида VN_y ванадия обусловливают образование ими неограниченных карбонитридных твердых растворов VC_xN_y ($0.75 \leq x+y \leq 1.0$) [3], наследующих кубическую кристаллическую структуру *B1* неупорядоченных фаз VC_y и VN_y .

Известно, что неупорядоченное состояние нестехиометрических карбидов и нитридов ванадия термодинамически равновесно при температуре выше 1300–1400 К, а при пониженной температуре образуются разнообразные упорядоченные фазы. В кубическом карбиде VC_y обнаружены фазы V_6C_5 с моноклинной [4, 5] или тригональной [5, 6] симметрией и кубическая фаза V_8C_7 [5, 7–10]. При упорядочении кубического нитрида ванадия VN_y образуется тетрагональная фаза $\delta'\text{-VN}_y$ [11] или $\text{V}_{32}\text{N}_{26}$ [12].

Большое разнообразие упорядоченных фаз карбида и нитрида ванадия должно, казалось бы, приводить к столь же многочисленным упорядоченным карбонитридным фазам.

Однако об упорядочении карбонитридов переходных металлов, в том числе карбонитридов ванадия, известно очень мало. В стехиометрических кубических карбонитридах VC_xN_y ($x+y=1.00$) упорядочения атомов углерода и азота в неметаллической

подрешетке не обнаружено [13], однако в карбонитриде $\text{VC}_{0.66}\text{N}_{0.25}$ с дефицитом по неметаллическим атомам внедрения С и N образуется кубическая (пр. гр. *P4₃32*) сверхструктура. В нестехиометрических карбонитридах VC_xN_y с $x < 0.62$ ($0.91 < x+y < 0.97$) авторы [13, 14] упорядочения тоже не нашли. По нейтронографическим данным [15], в нестехиометрических карбонитридах ванадия $\text{VC}_{0.53}\text{N}_{0.30}$, $\text{VC}_{0.56}\text{N}_{0.21}$ и $\text{VC}_{0.61}\text{N}_{0.21}$, отожженных при температуре от 1470 до 970 К, образуется тригональная (пр. гр. *P3₁* или *P3₁₂*) сверхструктура типа $\text{V}_6(\text{C},\text{N})_5$, тогда как в карбонитриде $\text{VC}_{0.20}\text{N}_{0.57}$ упорядочение отсутствует. Таким образом, имеющиеся структурные данные по упорядочению карбонитридов ванадия весьма ограничены и неоднозначны. Каких-либо сведений о влиянии упорядочения на микроструктуру и свойства карбонитридов ванадия VC_xN_y в литературе вообще нет.

В связи с этим в данной работе изучены кристаллическая структура и теплоемкость нестехиометрических карбонитридов ванадия VC_xN_y ($x+y=0.85$) в закаленном высокотемпературном неупорядоченном состоянии и в состоянии после отжига с понижением температуры от 1400 до 300 К. Теплоемкость весьма чувствительна к фазовым превращениям беспорядок – порядок, и исследование температурной зависимости $C_p(T)$ позволяет непосредственно обнаружить даже слабые эффекты, связанные с упорядочением.

Нестехиометрические карбонитриды ванадия получали горячим прессованием при температуре 2173 К и давлении прессования 35 МПа в инертной атмосфере Ar, продолжительность прес-

¹⁾e-mail: gusev@ihim.uran.ru

сования составляла 30 мин. В качестве исходных реагентов использовали порошки близких к стехиометрии карбида $VC_{0.87}$ и нитрида $VN_{0.985}$ ванадия. Подготовленные порошковые смеси прессовали в графитовых тиглях. Для предотвращения контакта между образцом и графитом внутреннюю поверхность тигля покрывали графитовой и циркониевой фольгой; графитовая фольга предотвращала растрескивание образца, а циркониевая фольга выполняла роль геттера и диффузионного барьера. Пористость синтезированных образцов VC_xN_y не превышала 2%. Все синтезированные образцы были гомогенны и содержали только неупорядоченную кубическую фазу со структурой $B1$.

Для получения карбонитридов ванадия в упорядоченном состоянии синтезированные компактные образцы отжигали в вакуумированных запаянных ампулах из оптического кварца; перед отжигом ампулы промывали аргоном. Режим отжига был следующий: выдержка 20 час при температуре 1423 К, снижение температуры до 1073 К в течение 1 ч, 20-часовая выдержка при 1073 К, снижение температуры до 973 К и выдержка при этой температуре в течение 60 ч, дальнейшее охлаждение образцов до 300 К в течение 10 ч. Наличие или отсутствие упорядоченных фаз контролировали рентгенофазовым анализом.

Оптико-микроскопические и металлографические исследования проводили в отраженном поляризованном белом свете на полированных образцах карбонитридов, поверхность шлифов травили водным раствором 10% KOH + 10% $K_3[Fe(CN)_6]$ (концентрация в вес. %). Микроструктуру образцов изучали на оптическом поляризационном микроскопе Neophot-2 (Carl Zeis Jena) при увеличении от 100 до 1000 раз.

Содержание углерода и азота в карбонитридах ванадия определяли методом газовой хроматографии на газовом хроматографе Carlo Erba CHN 1108, а содержание кислорода – методом горячей вакуумной экстракции на эксалографе EAQ-201 (Balzers). Свободный углерод в образцах карбонитридов ванадия отсутствовал. Примеси металлов определяли методом полуколичественного эмиссионного спектрального анализа на спектрографе СТЭ-1.

Первоначальную структурную аттестацию карбонитридов ванадия проводили методом рентгеновской дифракции в $CuK\alpha_{1,2}$ -излучении в интервале углов 2θ от 10° до 130° с шагом 0.02° . Рентгенограммы получали методом порошка на автодифрактометрах ДРОН-УМ1 и Siemens D-500 с геометрией съемки по Брэггу–Брентано. Для структурных отражений отношение сигнал/шум составляло от 70 до 100. Полуширина θ_R функции разрешения ди-

фрактометра Siemens D-500 определяли в специальном эксперименте на отожженном крупнозернистом (с зернами размером 10–20 мкм) стехиометрическом карбиде вольфрама WC. Оценка гомогенности проводилась по форме отражений и расщеплению дублетов $K\alpha_1$ и $K\alpha_2$. Прецизионное определение положения дифракционных отражений на рентгенограммах и периода базисной кристаллической решетки достигалось съемкой с эталоном (порошком монокристаллического кремния с периодом кубической решетки $a = 0.543086$ нм). Съемка с эталоном позволила измерять период металлической ГЦК подрешетки исследованных карбонитридов с точностью до $5 \cdot 10^{-5}$ нм. Для определения структуры упорядоченных фаз карбонитридов ванадия рентгенограммы снимали в режиме пошагового сканирования с $\Delta 2\theta = 0.02^\circ$ с временем экспозиции в каждой точке от 5 до 10 с.

Теплоемкость отожженных образцов карбонитридов ванадия VC_xN_y измеряли в дифференциальном сканирующем калориметре Netzsch DSC404 в атмосфере особо чистого аргона при нагреве от 300 до 1500–1600 К и последующем охлаждении от максимальной температуры нагрева до 300 К. Измерения проводили при скорости нагрева и охлаждения $20\text{ K} \cdot \text{мин}^{-1}$ с шагом по температуре 5 К. Для калибровки калориметра по температуре и мощности нагрева использовали высокочистые алюминий и золото. Дополнительно как эталон сравнения применяли сапфир.

Были синтезированы пять образцов, которые по данным химического анализа имели состав $VC_{0.45}N_{0.40}$, $VC_{0.53}N_{0.32}$, $VC_{0.61}N_{0.24}$, $VC_{0.69}N_{0.16}$ и $VC_{0.77}N_{0.08}$, то есть были нестехиометрическими и содержали 15% структурных вакансий в неметаллической подрешетке. Относительное содержание углерода и азота в неметаллической подрешетке карбонитридов ванадия составляло $x + y = 0.85$. Период кристаллической решетки a_{B1} кубических карбонитридов при переходе от $VC_{0.45}N_{0.40}$ к $VC_{0.77}N_{0.08}$ увеличивается от 0.4151 до 0.4159 нм, то есть растет по мере замещения азота углеродом. Металлографическое исследование микроструктуры неупорядоченных карбонитридов VC_xN_y подтвердило их однофазность. Отсутствие интерференционной окраски зерен неупорядоченных карбонитридов ванадия VC_xN_y свидетельствует об изотропности наблюдаемой фазы. Средний размер зерен в образцах неупорядоченных карбонитридов ванадия VC_xN_y ($x + y = 0.85$) составляет 6–8 мкм.

После отжига при температуре $T < 1423$ К карбонитридов $VC_{0.45}N_{0.40}$, $VC_{0.53}N_{0.32}$ и $VC_{0.61}N_{0.24}$ с относительным содержанием углерода $x \leq 0.61$ на

их рентгенограммах не появилось никаких дополнительных отражений, указывающих на возможное упорядочение; период кристаллической решетки a_{B1} не изменился. Микроструктура компактных образцов $VC_{0.45}N_{0.40}$, $VC_{0.53}N_{0.32}$ и $VC_{0.61}N_{0.24}$ после отжига тоже практически не изменилась.

Напротив, отжиг карбонитридов $VC_{0.69}N_{0.16}$ и $VC_{0.77}N_{0.08}$ привел к появлению на их рентгенограммах большого числа дополнительных слабых отражений (рис.1). Выполненный симметрийный анализ показал, что эти отражения являются сверхструктурными и соответствуют кубической (пр. гр. $P4_332$) упорядоченной фазе $V_8(C,N)_7$ со структурой типа V_8C_7 и тригональной (пр. гр. $P3_1$) или моноклинной (пр. гр. $C2/m$) упорядоченной фазе $V_6(C,N)_5$ со структурой типа V_6C_5 . Канал перехода беспорядок – порядок, связанный с образованием тригональной или моноклинной фазы $V_6(C,N)_5$, включает лучи трех звезд $\{k_9\}$, $\{k_4\}$ и $\{k_3\}$ волновых векторов, а кубическая (пр. гр. $P4_332$) сверхструктура $V_8(C,N)_7$ образуется по каналу перехода, включающему лучи звезд $\{k_9\}$, $\{k_8\}$ и $\{k_4\}$ (нумерация звезд волновых векторов первой зоны Бриллюэна ГЦК решетки дана в соответствии с [1, 16]). Поскольку образование упорядоченных фаз $V_6(C,N)_5$ и $V_8(C,N)_7$ связано с несколькими звездами волновых векторов, то есть с одновременным искажением симметрии по нескольким неприводимым представлениям, то из этого следует, что превращения беспорядок – порядок $VC_xN_y \rightarrow V_6(C,N)_5 \square$ и $VC_xN_y \rightarrow V_8(C,N)_7 \square$ являются фазовыми переходами первого рода.

Из сравнения экспериментальных и рассчитанных теоретических рентгенограмм следует, что в неметаллической подрешетке наблюдаемых карбонитридных упорядоченных фаз структурные вакансии \square образуют одну подрешетку, а неметаллические атомы С и N – другую, причем распределение атомов С и N в своей подрешетке является статистическим. Таким образом, при упорядочении карбонитридов ванадия так же, как при упорядочении нестехиометрических карбидов, образуются подрешетка атомов внедрения и подрешетка вакансий, а разделения на углеродную и азотную подрешетки не происходит. Такой характер упорядочения обусловлен тем, что разница в пространственном распределении электронной плотности вблизи узла неметаллической подрешетки, занятого атомом С или N, и вблизи вакантного узла той же подрешетки гораздо больше, чем разница в распределении электронной плотности вблизи узла, занятого атомом С, и вблизи узла, занятого атомом N [17]. Величины атомных смещений вокруг узлов, занятых атомами С и N, отлича-

ются друг от друга значительно меньше, чем смещения вблизи неметаллического атома от смещений вокруг вакансии [10]. Иначе говоря, в нестехиометрическом соединении упорядочение в дефектной подрешетке происходит между вакансиями, с одной стороны, и атомами этой же подрешетки, с другой.

В отожженном карбонитриде $VC_{0.77}N_{0.08}$ содержание кубической упорядоченной фазы $V_8(C,N)_7$ достигает ~ 80 вес.%, тогда как содержание упорядоченной фазы $V_6(C,N)_5$ не превышает ~ 20 вес.%. В отожженном карбонитриде $VC_{0.69}N_{0.16}$ с меньшим содержанием углерода основной упорядоченной фазой является фаза $V_6(C,N)_5$, а кубическая упорядоченная фаза $V_8(C,N)_7$ присутствует в количестве менее 30 вес.%. Таким образом, отжиг нестехиометрических карбонитридов ванадия VC_xN_y ($0.77 \geq x \geq 0.69$, $x + y = 0.85$) приводит к упорядочению, причем в зависимости от содержания углерода образуются те же сверхструктуры и в той же последовательности, что и в нестехиометрическом карбиде ванадия VC_y [1]. Отжиг карбонитридов ванадия VC_xN_y ($x + y = 0.85$) с содержанием углерода $x < 0.69$ не приводит к упорядочению. Это, по-видимому, является следствием меньшей склонности к упорядочению нитрида ванадия VN_y по сравнению с карбилем VC_y . Действительно, для нестехиометрического нитрида ванадия VN_y температуры перехода беспорядок – порядок не превышают 800–950 К [1, 12], тогда как в нестехиометрическом карбиде ванадия VC_y упорядочение начинается уже при температуре 1400–1450 К [1, 2, 11].

Сверхструктурные отражения карбонитридов $VC_{0.77}N_{0.08}$ и $VC_{0.69}N_{0.16}$ сильно уширены (рис.1), тогда как ширина структурных отражений практически совпадает с функцией углового разрешения дифрактометра θ_R . Степень гомогенности карбонитридов ванадия высока, поэтому уширение, обусловленное негомогенностью образцов, отсутствует. Поскольку образцы были подвергнуты многочасовому отжигу с медленным понижением температуры, то в них отсутствуют микродеформации и нет причины для деформационного уширения отражений. Таким образом, измеряемое уширение $\beta = 2.355(\theta_{exp}^2 - \theta_R^2)^{1/2}$, где θ_{exp} – ширина сверхструктурных дифракционных отражений, обусловлено только малым размером доменов упорядоченной фазы, то есть $\beta = \beta_s$. Средний размер домена $\langle d \rangle$ (или, более точно, средний размер области когерентного рассеяния) связан с размерным уширением $\beta_s(2\theta)$, измеренным в радианах, формулой $\langle d \rangle = k\lambda/[\beta_s(2\theta)\cos\theta]$ [18], где $k \approx 1$ – форм-фактор частицы (домена), λ – длина волны

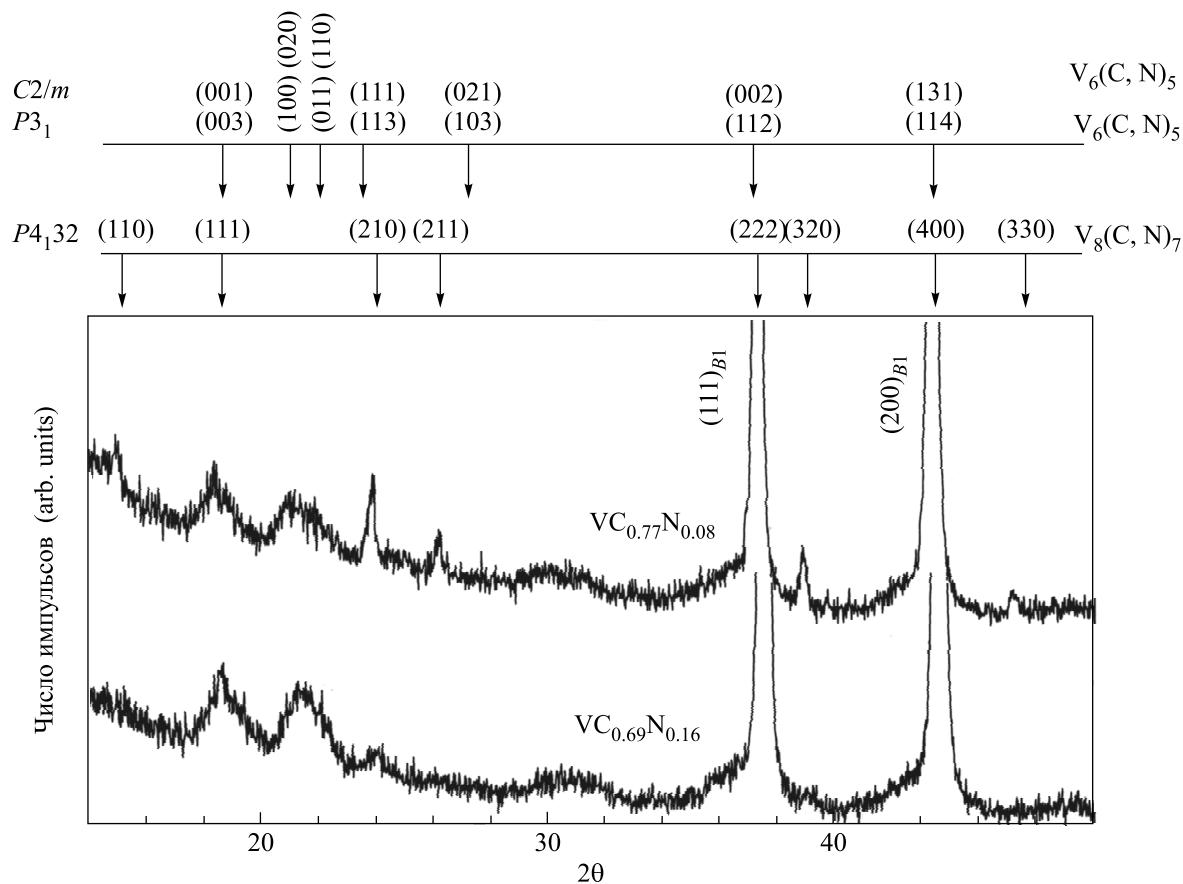


Рис.1. Участки рентгенограмм отожженных карбонитридов ванадия $VC_{0.77}N_{0.08}$ и $VC_{0.69}N_{0.16}$. Стрелками показано положение сверхструктурных отражений для упорядоченных фаз $V_6(C,N)_5$ и $V_8(C,N)_7$, имеющих структуру типа V_6C_5 и V_8C_7 , соответственно. Для всех отражений указаны индексы Миллера, соответствующие пространственной группе упорядоченной фазы

излучения. Средний размер доменов упорядоченной фазы, оцененный по уширению сверхструктурных отражений, для отожженных карбонитридов $VC_{0.77}N_{0.08}$ и $VC_{0.69}N_{0.16}$ равен 20–30 и 30–40 нм, соответственно.

Металлографический анализ шлифов отожженных карбонитридов $VC_{0.77}N_{0.08}$ и $VC_{0.69}N_{0.16}$ подтвердил результаты дифракционного анализа. Типичная для этих отожженных карбонитридов ванадия микроструктура показана на рис.2. До отжига в неупорядоченных карбонитридах наблюдается одна изотропная кубическая базисная фаза со структурой $B1$ и с хорошо ограниченными зернами со средним размером 3–8 мкм (в $VC_{0.69}N_{0.16}$) и 5–10 мкм (в $VC_{0.77}N_{0.08}$). После отжига границы зерен стали менее четкими, изломанными. Фактически это означает, что домены упорядоченной фазы как бы прорастают в зернах базисной фазы по направлению от границ к центру, со временем распространяясь в глубь зерен неупорядоченной базисной фазы. Изменение микроструктуры

карбонитридов $VC_{0.77}N_{0.08}$ и $VC_{0.69}N_{0.16}$, упорядоченных в процессе отжига, подобно изменению микроструктуры при образовании в карбидах ванадия $VC_{0.875}$ и $VC_{0.83}$ упорядоченных фаз V_8C_7 и V_6C_5 , соответственно [19].

Прямая (при нагреве) и обратная (при охлаждении) температурные зависимости теплоемкости $C_p(T)$ карбонитридов ванадия $VC_{0.45}N_{0.40}$, $VC_{0.53}N_{0.32}$ и $VC_{0.61}N_{0.24}$ совпадают в пределах ошибок измерения и во всем изученном интервале температур являются гладкими, без каких-либо особенностей. Таким образом, измерение теплоемкости не обнаружило каких-либо фазовых превращений в этих карбонитридах, что согласуется со структурными данными, по которым в этих карбонитридах упорядочение отсутствует.

На температурных зависимостях теплоемкости отожженных карбонитридов $VC_{0.69}N_{0.16}$ и $VC_{0.77}N_{0.08}$ при нагреве в области температур 1140–1300 К наблюдается скачок, указывающий на переход

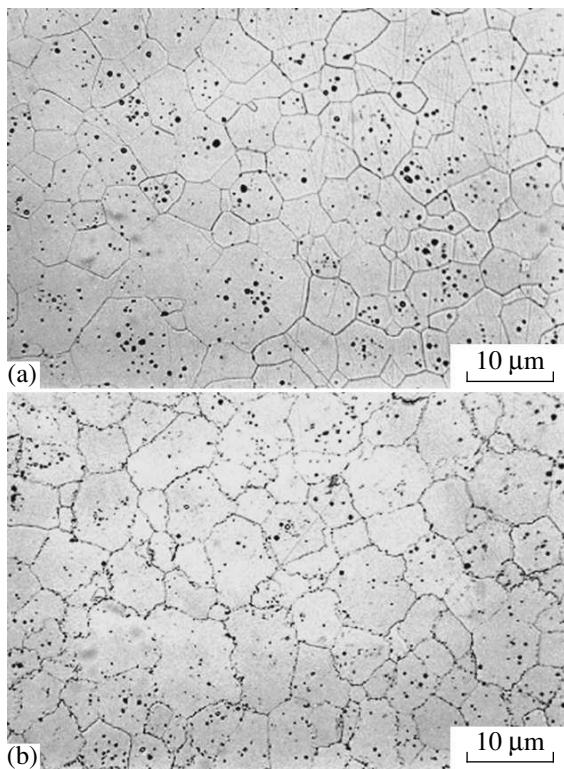


Рис.2. Микроструктура нестехиометрического карбонитрида $\text{VC}_{0.77}\text{N}_{0.08}$: (а) до отжига, (б) после отжига. До отжига в неупорядоченном карбонитриде наблюдается одна изотропная кубическая базисная фаза со структурой $B1$ и со средним размером зерен 5–10 мкм. После отжига границы зерен стали изломанными и как бы изъеденными. Это является следствием образования на границах зерен упорядоченной кубической фазы $\text{V}_8(\text{C},\text{N})_7$, со структурой типа V_8C_7 и ее прорастания по направлению от границ к центру зерен. Размер доменов упорядоченной фазы, оцененный из дифракционных данных, составляет 30–40 нм

из упорядоченного состояния в неупорядоченное; при охлаждении на кривой $C_p(T)$ также наблюдается скачок, смещенный относительно первого примерно на 150 К в область меньших температур (рис.3). На рентгенограммах этих карбонитридов присутствует большое число сверхструктурных отражений (см. рис.1), которые соответствуют кубической (пр. гр. $P4_332$) упорядоченной фазе $\text{V}_8(\text{C},\text{N})_7$ со структурой типа V_8C_7 (только отражение в области $2\theta \sim 21.5^\circ$ относится к упорядоченной фазе $\text{V}_6(\text{C},\text{N})_5$ со структурой типа V_6C_5). По-видимому, скачок теплоемкости, наблюдавшийся в процессе нагрева и начинающийся при ~ 1140 К, связан с разупорядочением кубической фазы $\text{V}_8(\text{C},\text{N})_7 \rightarrow \text{VC}_{0.77}\text{N}_{0.08}$. При охлаждении от 1500 К наблюдается аналогичная

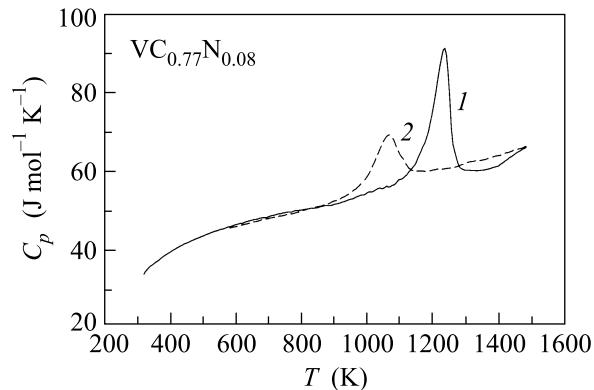


Рис.3. Изменение теплоемкости C_p отожженного карбонитрида $\text{VC}_{0.77}\text{N}_{0.08}$ при нагреве (1) и охлаждении (2): теплота равновесного перехода порядок – беспорядок равна $\Delta H_{\text{trans}} \approx 1.1 \text{ кДж} \cdot \text{моль}^{-1}$. Теплоемкость карбонитрида ванадия $\text{VC}_{0.69}\text{N}_{0.16}$ меняется аналогично

картина, причем температура начала упорядочения почти такая же или на 10–20 К меньше, чем температура начала разупорядочения при нагреве; сам пик теплоемкости, связанный с равновесным фазовым переходом беспорядок – порядок, смещен в область более низких температур (рис.3). Температурный интервал между пиками теплоемкости при нагреве и охлаждении карбонитрида $\text{VC}_{0.77}\text{N}_{0.08}$ представляет собой область метастабильности, наличие которой указывает на первый род обратимого фазового перехода беспорядок – порядок, связанного с образованием упорядоченной кубической фазы $\text{V}_8(\text{C},\text{N})_7$ типа V_8C_7 . При $T > 1270$ К теплоемкость неупорядоченного карбонитрида ванадия заметно больше, чем теплоемкость упорядоченного карбонитрида, а при температуре ниже 750 К упорядоченный карбонитрид имеет несколько более высокую теплоемкость, чем закаленный неупорядоченный.

Наблюдавшийся пик теплоемкости имеет достаточную симметричную форму, характерную для фазовых переходов первого рода, что согласуется с выводом о первом роде превращения беспорядок – порядок, сделанным на основе данных о канале перехода. Однако ширина пика очень велика и составляет более 100 К при нагреве и охлаждении (см. рис.3). Для типичных переходов первого рода пик теплоемкости очень узкий, обычно его ширина менее 10 К. Понятно, большая ширина пика обусловлена заторможенной кинетикой перехода, так как теплоемкость измеряли через каждые 5 К с большой скоростью нагрева $20 \text{ К} \cdot \text{мин}^{-1}$. Размытость пика связана также с наличием в образце $\sim 20\%$ второй упорядоченной фазы с отличающейся температурой перехода T_{trans} .

Кроме того, размытие пика может отражать изменение ближнего порядка, которое постепенно происходит вблизи температуры перехода наряду со скачкообразным изменением дальнего порядка.

Относительная величина тепловых эффектов при обратимом превращении порядок – беспорядок в карбонитридах $VC_{0.69}N_{0.16}$ и $VC_{0.77}N_{0.08}$ в 2.0–2.5 раз меньше, чем при аналогичном превращении в карбиде $VC_{0.875}$. Отсюда следует, что замещение части атомов углерода атомами азота приводит как к некоторому уменьшению температуры перехода, так и к существенному ослаблению самого превращения. Действительно, в карбонитридах VC_xN_y с содержанием азота $y > 0.16$ образования упорядоченных фаз уже не обнаружено.

В целом из полученных данных следует, что упорядочение кубических карбонитридов ванадия VC_xN_y ($x + y = 0.85$) с образованием сверхструктур $V_8(C,N)_7$ и $V_6(C,N)_5$ происходит при температуре ~ 1140 К как переход первого рода. Упорядочение, которое на атомном уровне связано с перераспределением в неметаллической подрешетке атомов внедрения С и N, с одной стороны, и структурных вакансий, с другой стороны, на уровне микроструктуры сопровождается измельчением зерен исходной неупорядоченной кубической фазы на домены упорядоченной фазы и формированием в компактном образце наноструктуры. Образование доменов начинается на поверхности зерен неупорядоченной фазы.

Исследование поддержано проектом Российского фонда фундаментальных исследований № 06-03-32047.

1. A. I. Gusev, A. A. Rempel, and A. A. Magerl, *Disorder and Order in Strongly Non-stoichiometric Compounds. Transition Metal Carbides, Nitrides and Oxides*, Berlin – Heidelberg – New York – London, Springer, 2001.

2. В. Н. Липатников, А. И. Гусев, *Упорядочение в карбидах титана и ванадия*, Екатеринбург, УрО РАН, 2000.
3. А. И. Гусев, Изв. АН СССР. Неорган. материалы **19**, 1319 (1983).
4. J. Billingham, P. S. Bell, and M. H. Lewis, Philosoph. Mag. **25**, 661 (1972).
5. V. N. Lipatnikov, A. I. Gusev, P. Ettmayer, and W. Lengauer, J. Phys.: Condensed Matter **11**, 163 (1999).
6. J. D. Venables, D. Kahn, and R. G. Lye, Philosoph. Mag. **18**, 177 (1968).
7. C. H. de Novion, N. Lorenzelli, and P. Costa, Compt. Rend. Acad. Sci. Paris B **263**, 775 (1966).
8. С. И. Алямовский, П. В. Гельд, Г. П. Швейкин, Е. Н. Щетников, ЖНХ **13**, 895 (1968).
9. T. Athanassiadis, N. Lorenzelli, and C. H. de Novion, Ann. Chum. France **12**, 129 (1987).
10. D. Rafaja, W. Lengauer, P. Ettmayer, and V. N. Lipatnikov, J. Alloys Comp. **269**, 60 (1998).
11. Б. В. Хаенко, Изв. АН СССР, Неорган. материалы **15**, 1952 (1979).
12. T. Onozuka, Trans. Japan. Inst. Metals **23**, 315 (1982).
13. Ф. Файзуллаев, И. Каримов, М. Каланов, А. Эмиралиев, Изв. АН Узб. ССР, Сер. физ.-мат. наук № 5, 74 (1979).
14. Ф. Файзуллаев, И. Каримов, М. Каланов и др., ФММ **49**, 209 (1980).
15. Ф. Файзуллаев, И. Каримов, М. Каланов и др., Изв. АН СССР. Неорган. Материалы **17**, 1000 (1981).
16. О. В. Ковалев, *Неприводимые представления пространственных групп*, Киев, Изд-во АН УССР, 1961.
17. A. A. Rempel, L. V. Zueva, V. N. Lipatnikov, and H.-E. Shaefer, Physica Status Solidi (a) **169**, R9 (1998).
18. A. I. Gusev and A. A. Rempel, *Nanocrystalline Materials*, Cambridge, Cambridge Intern. Science Publ., 2004.
19. В. Н. Липатников, А. И. Гусев, Неорган. материалы **42**, 16 (2006).