

ОБ ОЦЕНКЕ НЕПЕРТУРБАТИВНЫХ ЭФФЕКТОВ В РЕШЕТОЧНОЙ КХД ТЕРМОДИНАМИКЕ

М.И. Горенштейн, О.А. Могилевский

На основе анализа монте-карловских расчетов в решеточной КХД обнаружен новый непертурбативный вклад в термодинамические функции кварк-глюонной системы.

1. Расчеты методом Монте-Карло (МК) на решетке являются пока единственным способом изучения непертурбативных эффектов в квантовой хромодинамике (КХД), исходя из первых принципов теории. Для оценки этих эффектов в КХД при конечной температуре мы проводим в настоящей статье анализ МК данных для термодинамических функций в области температур между T_c и $(4 \div 5) T_c$ ($T_c \cong 200$ МэВ – температура фазового перехода деконфайнмента), рассматривая их как своего рода "экспериментальные данные". Наш интерес к указанной области температур диктуется тем, что при $T \gg T_c$ непертурбативные вклады пренебрежимо малы, а при $T < T_c$ явление конфайнмента трансформирует кварк-глюонные степени свободы в адронные, что делает связь термодинамики с исходным (кварк-глюонным) лагранжианом КХД слишком сложной. В результате анализа МК данных мы обнаруживаем новые свойства уравнения состояния КХД материи при $T > T_c$.

2. Представим плотность энергии $\epsilon(T)$ и давление $p(T)$ в виде

$$\epsilon = \epsilon_0 + \epsilon_1, \quad p = p_0 + p_1, \quad (1)$$

где ϵ_0, p_0 – величины, полученные из теории возмущений, ϵ_1, p_1 – непертурбативные вклады. Будем рассматривать ϵ_0 и p_0 при $T > T_c$ как термодинамические функции квази-идеального газа кварков и глюонов

$$\epsilon_0 = \sigma T^4, \quad p_0 = \frac{1}{3} \sigma T^4, \quad (2)$$

где $\sigma \cong \text{const}$ – значение постоянной Стефана – Больцмана, "перенормированное" за счет эффектов конечного размера решетки^{1, 2} и однопетлевых поправок теории возмущений $\sim g^2(T)T^4$ (в рассматриваемой области температур зависимость константы связи g от температуры является весьма слабой).

В работе Х.Заца³ для (1) при $T > T_c$ использовалась модель мешков

$$\epsilon = \epsilon_0 + B, \quad p = p_0 - B \quad (3)$$

и для функции $\delta \equiv \epsilon - 3p$ по МК данным $SU(2)$ -глюодинамики⁴ была получена оценка

$\delta \cong 4B (B^{1/4} \cong 190 \text{ МэВ})$, что, по мнению автора подтверждает справедливость модели мешков. Этот результат наталкивается, однако, на серьезное противоречие при сравнении его с расчетами однопетлевой теории возмущений на конечной решетке. Согласие этих расчетов для функции $\epsilon(T)$ с МК данными свидетельствует об отсутствии существенного непертурбативного вклада в плотность энергии при $T > T_c$. Данное обстоятельство, также как и необходимость линейной температурной зависимости величины δ для согласования МК данных, было отмечено ранее одним из авторов ⁶.

3. Мы рассматриваем случай нулевого химического потенциала, когда имеет место равенство

$$T \frac{dP}{dT} - p = \epsilon. \quad (4)$$

Если функция $p(T)$ известна, то $\epsilon(T)$ находится из формулы (4) однозначно. Если же задана функция $\epsilon(T)$, то (4) является дифференциальным уравнением для $p(T)$, общее решение которого имеет вид

$$p(T) = T \left[\int \epsilon(T) \frac{dT}{T^2} + C \right], \quad (5)$$

где C — произвольная постоянная. Из (5) следует, что в общем случае функция $p(T)$ содержит больше информации о системе, чем $\epsilon(T)$! Этот элементарный факт не был замечен ранее, и в подавляющем большинстве МК расчетов вычислялась только функция $\epsilon(T)$.

Мы проанализировали данные МК расчетов в $SU(2)$ -глюодинамике ⁴ и $SU(3)$ калибровочной теории с $n_f = 2$ вильсоновскими кварками ⁷. Работы ^{4, 7} являются практически единственными, в которых вычислены одновременно $p(T)$ и $\epsilon(T)$ в достаточно широкой области температур выше T_c . Мы находим: 1) непертурбативные вклады в плотность энергии практически отсутствуют, т. е. $\epsilon_1 \cong 0$; 2) имеется существенный непертурбативный вклад в давление, т. е. $p_1 = 0$; 3) единственной возможностью для одновременного выполнения 1) и 2) является согласно (5) линейная по T зависимость непертурбативного давления p_1 .

Таким образом, мы приходим к новому уравнению состояния КХД материи при $T > T_c$

$$\epsilon = \epsilon_0 = \sigma T^4, \quad p = p_0 + p_1 = \frac{1}{3} \sigma T^4 - AT; \quad A = \text{const} > 0. \quad (6)$$

Описание МК данных ^{4, 7} с помощью формулы (6) показано на рис. 1, 2 и выглядит, на наш взгляд, весьма убедительно. Для параметра A находим (в (7б) учтен поправочный коэффициент, устраняющий эффекты конечного размера решетки):

$$A^{1/3} \cong 36,3 \Lambda_L^{SU(2)} \cong 0,8 T_c, \quad (7a)$$

$$A^{1/3} \cong 230 \Lambda_L^{SU(3)}(n_f=2) \cong 1,5 T_c. \quad (7b)$$

4. Формула (3) для термодинамических функций вместе с предположением об идеальном газе π -мезонов при $T < T_c$ широко используется для различных феноменологических расчетов. Популярность этой модели (модель мешков) связана, на наш взгляд, не с ее теоретической обоснованностью, а лишь с тем, что она дает экономный способ параметризации функций $p(T)$ и $\epsilon(T)$ при фазовом переходе первого рода. В этом отношении использование формул (6) вместо (3) можно рассматривать как новую модель, столь же экономную, как и модель мешков. Температура фазового перехода T_c от идеального газа "безмассовых" π -мезонов с числом внутренних степеней свободы $\gamma_h = 3$ к кварк-глюонной плазме (6) с u , d -кварками ($\gamma_q = 37$) определяется тогда выражением

$$T_c = \left[\frac{90A}{\pi^2 (\gamma_q - \gamma_h)} \right]^{1/3} \cong 0,64 A^{1/3}, \quad (8)$$

что находится в хорошем согласии с результатом (76), полученным из анализа МК данных. Скачок плотности энергии в точке фазового перехода равен $\Delta\epsilon = 3AT_c \cong 2 \text{ ГэВ/Фм}^3$.

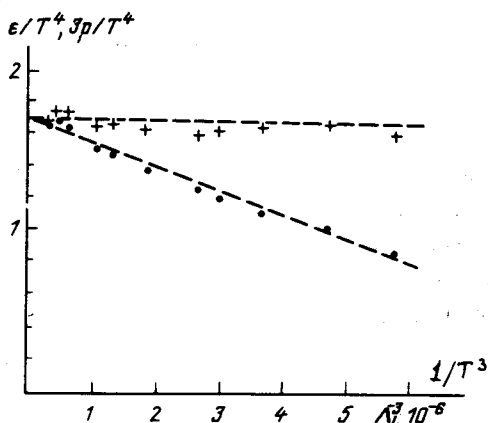


Рис. 1. МК данные для $SU(2)$ калибровочной системы без кварков на решетке $10^3 \times 3^4$: + — ϵ/T^4 , ● — $3p/T^4$. Штрихованными линиями показаны полученные из (6) функции σ и $\sigma - 3A/T^3$. Параметр A дается формулой (7а)

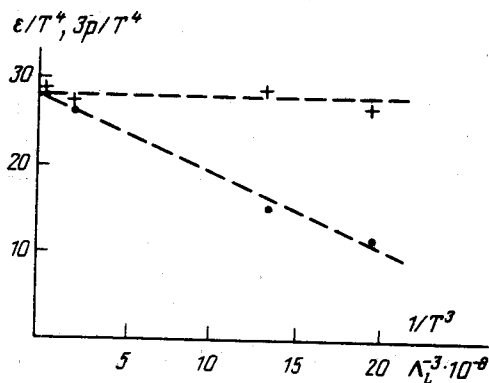


Рис. 2. МК данные для $SU(3)$ системы с вильсоновскими фермионами двух сортов на решетке $8^3 \times 3^7$. Обозначения те же, что и на рис. 1. Параметр A дается формулой (76)

Естественно, возникает вопрос о физическом смысле непертурбативной добавки p_1 в давление в формуле (6). Уже из соображений размерности напрашивается интерпретация параметра A как плотности числа неких "квазичастиц", которые должны нести нулевую энергию и импульс, но приводить к ненулевому вкладу в давление. Число таких квазичастиц в объеме 1 Фм³ равно согласно (76) примерно трем.

Авторы благодарны К.А.Бугаеву, В.М.Емельянову, Г.М.Зиновьеву, Ю.М.Макеенко, Э.В.Шуряку за полезные обсуждения.

Литература

1. Engels J., Karsch F., Satz H. Nucl. Phys., 1982, B205, 239.
2. Горенштейн М.И., Могилевский О.А. ЯФ, 1987, 46, 302.
3. Satz H. Phys. Lett., 1982, 113B, 245.
4. Engels J., Karsch F., Montvay I., Satz H. Nucl. Phys., 1982, B205, 545.
5. Heller U., Karsch F. Nucl. Phys., 1985, B251, 254.
6. Могилевский О.А. Труды Международного сем. по проб. физ. выс. энер., Дубна 1986, Д1, 2-86-668, стр. 227.
7. Celik T., Engels J., Satz H. Nucl. Phys., 1985, B256, 670.