

## ЕСТЕСТВЕННЫЙ ФЛИККЕР-ШУМ ("ШУМ $1/f$ ") И СВЕРХПРОВОДИМОСТЬ

Ю.Л.Климонтович

Существование сверхпроводимости связывается с существованием в системе заряженных частиц Бозе флуктуаций тока и магнитного поля со спектром  $1/f$ . Диссипация и интенсивность источника шума пропорциональны частоте. Вследствие этого "постоянные" составляющие тока и магнитного поля затухают лишь за время порядка времени жизни установки.

**Естественный фликкер-шум.** Шумы типа  $1/f$  наблюдаются в различных системах, но до настоящего времени нет единого взгляда на их природу<sup>1</sup>. Мы основываемся на трактовке естественного (обусловленного "атомарной" структурой) фликкер-шума, предложенной в<sup>2,3</sup>. В<sup>4</sup> она использована для объяснения наличия шума  $1/f$  в музыке, который был обнаружен в<sup>5</sup>. В<sup>2,3</sup> задача расчета шума  $1/f$  сводится к решению уравнения диффузионного процесса некоторой физической величины  $n(\mathbf{R}, t)$  на временах  $\tau_{obs} \gg \tau \gg \tau_D$ . Здесь  $\tau_D = L^2/D$  – время диффузии,  $L$  – характерный размер образца. Для области фликкер-шума уравнение Ланжевена для компоненты Фурье  $n(\omega, \mathbf{k})$  имеет вид

$$(-i\omega + Dk^2)n(\omega, \mathbf{k}) = y(\omega, \mathbf{k}); \quad \omega_{min} \ll \omega \ll \tau_D^{-1}, \quad (1)$$

$$\langle yy \rangle_{\omega, \mathbf{k}} = 2Dk^2 n_{eff} \exp\left[-\frac{L_\omega^2 k^2}{2}\right]; \quad L_\omega^2 = D/\omega, \quad n_{eff} = AV_\omega \langle \delta n_V \delta n_V \rangle.$$

Минимальная частота  $\omega_{min}$  определяется временем наблюдения  $\tau_{obs}$ , которое значительно меньше времени жизни установки:  $\tau_{obs} \ll \tau_{life}$ . При условии  $\tau \gg \tau_D$  "частица" успевает продиффундировать много раз и покрывает объем  $V_\omega = L_\omega^3 \gg V$  ( $L_\omega = \sqrt{D/\omega}$ ). Вследствие этого интенсивность источника Ланжевена пропорциональна эффективной концентрации частиц.  $\langle \delta n_V \delta n_V \rangle$  – одновременный коррелятор флуктуаций, усредненных по объему образца  $V$ . Для идеального газа он равен  $n/V$ . Константу  $A$  находим из условия нормировки.

В (1) дисперсия в распределении Гаусса по  $\mathbf{k}$  пропорциональна частоте  $\omega$ . Это позволяет произвести в (1) замену  $k^2 \rightarrow \bar{k}^2 = \omega/D$  и перейти к уравнению для функции  $n(\omega)$ . Из него следует выражение для спектральной плотности фликкер-шума<sup>2,3</sup>

$$\langle \delta n \delta n \rangle_\omega = \frac{\pi}{\ln(\tau_{obs}/\tau_D)} \frac{\langle \delta n_V \delta n_V \rangle}{\omega}, \quad \tau_{obs}^{-1} \ll \omega \ll \tau_D^{-1}. \quad (2)$$

Оно может быть представлено в форме Хоуге<sup>1</sup>.

**Естественный фликкер-шум и сверхпроводимость.** До открытия высокотемпературной сверхпроводимости считалось, что теория сверхпроводимости, во всяком случае в своих основах, завершена. В настоящее время возникли новые вопросы, в частности, о физической причине исчезновения электрического сопротивления току заряженных бозе частиц, например, купперовских пар. Мы хотим показать, что существование сверхпроводимости связано с существованием шума  $1/f$  для флуктуаций тока и магнитного поля. Это обусловлено тем, что в уравнениях Ланжевена для тока и магнитного поля при фликкер-шуме диссипация и интенсивность источника шума пропорциональны  $|\omega|$ . Благодаря этому выделяются "постоянные" составляющие тока и магнитного поля – компоненты Фурье на частотах, определяемых временем жизни установки:  $\omega = \tau_{life}^{-1}$ . Таким образом, ширины спектров "пос-

тоянных" составляющих порядка  $\tau_{life}^{-1}$ . На фоне постоянных составляющих существует фликкер-шум, нижняя граница которого определяется временем наблюдения. При этом, как правило,  $\tau_{obs} \ll \tau_{life}$ .

Здесь рассматриваются лишь состояния значительно ниже точки фазового перехода, при котором образуется система заряженных частиц Бозе. Для расчета низкочастотных флуктуаций в области перехода надо ввести соответствующие источники Ланжевена в уравнения Гинзбурга – Ландау – Горькова или в соответствующие уравнения теории Бардина – Купера – Шриффера.

Рассмотрим два примера диссипативных уравнений. 1. Диссипация обусловлена вязкостью с коэффициентом  $\eta$ . Для малых токов и магнитных полей уравнение для ротора электрического тока имеет вид

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \vec{\Omega} + \frac{e^2 n_s}{mc} \mathbf{B} \right) = D \frac{\partial^2 \vec{\Omega}}{\partial \mathbf{R}^2}, \quad \vec{\Omega} = \text{rot } \mathbf{j}, \quad D = \eta / \rho. \quad (3)$$

2. Диссипация характеризуется эффективной частотой столкновений  $\nu$ . Уравнение для магнитного поля приводится тогда к виду

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \mathbf{B} - \delta_L^2 \frac{\partial^2 \mathbf{B}}{\partial \mathbf{R}^2} \right) = D \frac{\partial^2 \mathbf{B}}{\partial \mathbf{R}^2}, \quad D = \nu \delta_L^2 \quad (4)$$

$\delta_L$  – длина Лондона. Диссипация здесь связана со скин-эффектом. В уравнениях (3), (4) диссипация носит диффузионный характер, поэтому источники Ланжевена  $\vec{J}_{\vec{\Omega}}$ ,  $\mathbf{J}_{\mathbf{B}}$  для области фликкер-шума определяются формулами типа (1). После усреднения по  $k$  уравнение для  $\mathbf{B}$  принимает вид

$$\left( \frac{\partial}{\partial t} \left( \vec{\Omega} + \frac{e^2 n_s}{mc} \mathbf{B} \right) \right)_{\omega} + |\omega| \vec{\Omega}(\omega) = \mathbf{J}_{\vec{\Omega}}(\omega); \quad (\mathbf{J}_{\vec{\Omega}}^2)_{\omega} \propto |\omega| \langle \delta \vec{\Omega}_V \delta \vec{\Omega}_V \rangle. \quad (5)$$

Спектральная плотность источника определяется выражением (ср. с (2))

$$(\mathbf{J}_{\vec{\Omega}} \mathbf{J}_{\vec{\Omega}})_{\omega} = 2|\omega| \frac{\pi}{\ln(\tau_{obs}/\tau_D)} \langle \delta \vec{\Omega}_V \delta \vec{\Omega}_V \rangle. \quad (6)$$

Мы видим, что диссипативный член и интенсивность шума пропорциональны  $|\omega|$ . За постоянные составляющие принимаем значения  $\vec{\Omega}(\omega = \tau_{life}^{-1})$ ,  $\mathbf{B}(\omega = \tau_{life}^{-1})$ . При таком определении в (5), (6) диссипативный член и источник Ланжевена равны нулю и уравнение (5) удовлетворяется, когда  $\vec{\Omega}$  и  $\mathbf{B}$  связаны уравнением Лондона  $\text{rot } \mathbf{j} = - (e^2 n_s / mc) \mathbf{B}$  и, следовательно,

$$\frac{\partial^2 \mathbf{B}}{\partial \mathbf{R}^2} - \frac{1}{\delta_L^2} \mathbf{B} = 0. \quad (7)$$

Эти уравнения описывают экранировку магнитного поля (эффект Мейснера) и распределение постоянного электрического тока по сечению образца.

С помощью уравнения (5) можно произвести расчет низкочастотных флуктуаций. Для области естественного фликкер-шума, когда выполняются неравенства (2) и время наблюдения  $\tau_{obs} \ll \tau_{life}$ , спектр флуктуаций  $\delta \vec{\Omega}$  при  $\delta \mathbf{B} = 0$  определяется выражением (2) при замене в нем  $n$  на  $\vec{\Omega}$ . Чтобы рассчитать спектр индуцированных (пропорциональных  $\delta \mathbf{B}$ ) флуктуаций, надо использовать уравнения Максвелла.

Изложенное дает основания полагать, что существование сверхтекучести  $\text{He}^4$  при течи в узких зазорах возможно благодаря наличию низкочастотных флуктуаций скорости течения со спектром  $1/f$ . В этом случае коэффициент диффузии порядка постоянной Планка  $\hbar$ .

Пользуюсь возможностью поблагодарить проф. Л.Я.Кобелева за обсуждение настоящей работы.

#### Литература

1. *Weissman M.B.* Rev. of Mod. Phys., 1988, 60, 537.
2. *Климонтович Ю.Л.* Письма в ЖТФ, 1983, 9, 406.
3. *Климонтович Ю.Л.* Статистическая физика. М.: Наука, 1982; Harwood Academic Publishers, New York, 1986.
4. *Klimontovich Yu.L., Boon J.P.* Europhys. Lett., 1987, 3, 395.
5. *Voos R., Clarke J.* J. Acc. Soc. Am., 1978, 63, 258.

Московский государственный университет  
им. М.В.Ломоносова

Поступила в редакцию  
21 ноября 1989 г.

---