

# Генерация в кремнии отраженной второй гармоники, индуцированной постоянным током

O. A. Акципетров<sup>1)</sup>, B. O. Бессонов, A. A. Федягин, B. O. Вальднер<sup>+</sup>

Физический факультет МГУ им. М.В. Ломоносова, 119992 Москва, Россия

<sup>+</sup>Московский институт радиотехники, электроники и автоматики, 119454 Москва, Россия

Поступила в редакцию 10 декабря 2008 г.

Экспериментально наблюдалась генерация отраженной второй оптической гармоники, индуцированной постоянным током, на поверхности центросимметричного монокристалла кремния. Протекание постоянного электрического тока с поверхностной плотностью  $j_{\max} \sim 10^3 \text{ A/cm}^2$  приводит к нарушению симметрии электронной функции распределения и индуцирует оптическую вторую гармонику с интенсивностью, соответствующей дипольной квадратичной восприимчивости  $\chi^{(2)d}(j_{\max}) \sim 3 \cdot 10^{-15} \text{ м/B}$ .

PACS: 7.57.Lm, 76.60.-k

Нелинейная оптика поверхности центросимметричных сред является одной из интенсивно развивающихся областей диагностической нелинейной оптики. Благодаря высокой чувствительности к свойствам поверхности, эффект генерации отраженной второй гармоники (ВГ) используется в качестве удобного метода исследования поверхности твердого тела и твердотельных наноструктур [1]. Важную роль при таких исследованиях играют эффекты генерации ВГ, индуцированной внешними воздействиями. Электроиндуцированная вторая гармоника (ЭВГ) [2] и магнитоиндуцированная вторая гармоника (МВГ) [3] в настоящее время широко используются для исследования электронных и магнитных свойств поверхностей и наноструктур.

Кремний является материалом с хорошо изученными оптическими и нелинейно-оптическими свойствами и поэтому может служить модельным объектом для нелинейно-оптических исследований центросимметричных полупроводников. Специфика центросимметричных материалов заключается в том, что тензоры дипольных нелинейных восприимчивостей четного порядка равны нулю в объеме этих сред и, как следствие, объемная дипольная ВГ в них отсутствует [4]. Вклад во вторую гармонику для объема центросимметричной среды определяется малой квадрупольной добавкой к квадратичной восприимчивости и может быть феноменологически описан введением вектора нелинейной поляризации следующего вида:  $\mathbf{P}_{2\omega}^{\text{bulk}} \propto \hat{\chi}^{(2)a,b} \mathbf{E}_\omega \nabla \mathbf{E}_\omega$ , где  $\hat{\chi}^{(2)a,b}$  – тензор квадрупольной квадратичной восприимчивости среды, который возникает из-за пространственной

дисперсии оптической волны накачки на частоте  $\omega$ :  $\mathbf{E}_\omega = \mathbf{E}_0 \exp(i\omega t - i(\mathbf{k}\mathbf{r}))$ , где  $\mathbf{E}_0$  – амплитуда волны и  $\mathbf{k}$  – ее волновой вектор.

Однако при наличии поверхности из-за нарушения инверсной симметрии в приповерхностном слое появляется большой дипольный вклад в квадратичную нелинейную восприимчивость. Отмечают три основных механизма нарушения инверсной симметрии в приповерхностном слое центросимметричных материалов:

1) нарушение инверсной симметрии из-за нарушения трансляционной симметрии (“обрыва”) кристаллографической структуры в приповерхностном слое в направлении нормали к поверхности [5], вклад которого в нелинейную поляризацию среды можно записать в виде  $\mathbf{P}_{2\omega}^{\text{surf}} \propto \hat{\chi}^{(2)d,s} \mathbf{E}_\omega \mathbf{E}_\omega$ , где  $\hat{\chi}^{(2)d,s}$  – тензор поверхностной дипольной квадратичной восприимчивости;

2) нарушение инверсной симметрии электрическим полем, направленным по нормали к поверхности в области пространственного заряда [6], для которого нелинейная поляризация имеет вид –  $\mathbf{P}_{2\omega}^{\text{efish}} \propto \hat{\chi}^{(3)d,b}(E^{dc}) \mathbf{E}_\omega \mathbf{E}_\omega \mathbf{E}^{dc}$ , где  $\hat{\chi}^{(3)d,b}(E^{dc})$  – тензор дипольной объемной кубичной восприимчивости среды, не обращающейся в нуль и в центросимметричных средах, и  $\mathbf{E}^{dc}$  – напряженность статического электрического поля в области пространственного заряда;

3) нарушение инверсной симметрии при неоднородных поверхностных механических деформациях приповерхностного слоя [7], вклад которого в нелинейную поляризацию имеет вид –  $\mathbf{P}_{2\omega}^{\text{stress}} \propto \hat{\chi}^{(2)d,s}(\sigma) \mathbf{E}_\omega \mathbf{E}_\omega$ , где  $\hat{\chi}^{(2)d,s}(\sigma)$  – тензор квадратич-

<sup>1)</sup>e-mail: aktsip@shg.ru

ной дипольной восприимчивости, зависящий от тензора напряжений  $\hat{\sigma}$ .

Кроме этих трех механизмов нарушения инверсной симметрии, связанных, в конечном счете, с нецентросимметричными деформациями кристаллографической структуры элементарной ячейки, существует еще один механизм, который до сих пор экспериментально не исследовался. Электрический ток, текущий через центросимметричный полупроводник, искажает равновесную функцию распределения электронов в полупроводнике, которая в равновесии симметрична в пространстве квазимпульсов. Таким образом, протекание постоянного тока приводит к нарушению центросимметричности электронной подсистемы. В результате такого нарушения симметрии появляется ранее отсутствовавшая нелинейная поляризация:  $\mathbf{P}_{2\omega}^{\text{curent}}(\mathbf{j}) = \hat{\chi}^{(2)d}(\mathbf{j}) \mathbf{E}_\omega \mathbf{E}_\omega$ , где  $\mathbf{j}$  – плотность тока и  $\hat{\chi}^{(2)d}(\mathbf{j})$  – тензор дипольной квадратичной восприимчивости, индуцированной постоянным током с плотностью  $\mathbf{j}$ . В работе [8] была рассмотрена микроскопическая модель генерации токоиндуцированной ВГ (ТВГ) в модельном прямозонном полупроводнике. Расчеты, проведенные на основе формализма матрицы плотности, показали, что несимметричность функции распределения электронов в зоне проводимости приводит к появлению токоиндуцированного вклада  $\hat{\chi}^{(2)d}(\mathbf{j})$  в квадратичную восприимчивость. Токоиндуцированный вклад имеет узкий резонанс, соответствующий межзонному переходу электронов в окрестность уровня Ферми. Этот вклад пропорционален плотности тока:  $\hat{\chi}^{(2)d}(\mathbf{j}) \propto |\mathbf{j}|$ , и меняет знак при смене направления протекания тока на противоположное:  $\hat{\chi}^{(2)d}(\mathbf{j}) = -\hat{\chi}^{(2)d}(-\mathbf{j})$ .

Симметрийный анализ показывает, что в моноцистальлах кремния с ориентацией (001) для  $s-s$ -поляризованной волны накачки и  $s-s$ -поляризованной волны второй гармоники ( $s-s$  комбинация поляризаций нелинейного взаимодействия) можно выделить две геометрии проведения эксперимента, в одной из которых эффект ТВГ максимален, а в другой – отсутствует. В продольной (разрешенной) геометрии протекания тока, когда вектор поляризации накачки параллелен вектору плотности тока, эффект ТВГ максимален. В поперечной (запрещенной) геометрии протекания тока, когда вектор поляризации волны накачки перпендикулярен вектору плотности тока, эффект ТВГ должен отсутствовать.

В данной работе в центросимметричном моноцистальле кремния наблюдалась генерация ТВГ, связанная с нарушением инверсной симметрии постоянным электрическим током, текущим вдоль поверхности.

На рис.1а схематично представлена геометрия эксперимента по наблюдению эффекта генерации ТВГ.

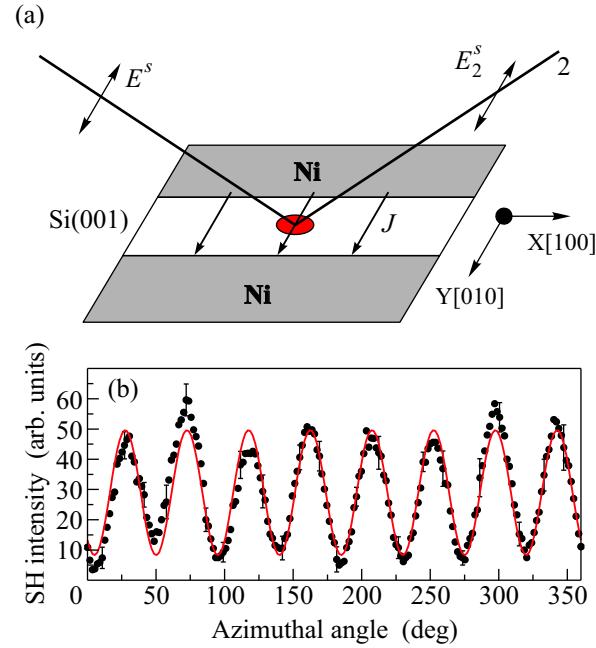


Рис.1. (а) Схема кремниевой структуры с никелевыми электродами и детали нелинейно-оптического эксперимента:  $E_\omega^s$  and  $E_{2\omega}^s$  –  $s$ -поляризованные поля волн накачки и ВГ,  $\mathbf{j}$  – плотность тока. Система координат соответствует направлениям кристаллографических осей кремния. (б) Азимутальная анизотропная зависимость интенсивности ВГ в  $s-s$ -комбинации поляризаций волн накачки и ВГ

В качестве объекта для наблюдения эффекта генерации ТВГ был взят монокристалл кремния  $p$ -типа с ориентацией (001) и высокой степенью легирования (концентрация акцепторных примесей  $N_a = 5 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$ ). На пластину кремния, покрытую пленкой естественного окисла, при остаточном давлении  $10^{-5}$  торр напылялись никелевые электроды толщиной  $300 \pm 30$  нм. Зазор между электродами ориентирован вдоль кристаллографической оси  $X$ , и его ширина составляет  $200 \pm 20$  мк. Далее, для формирования омического контакта между кремнием и никелем производился отжиг этой структуры согласно процедуре, описанной в [9]. Сопротивление контактов полученной структуры металл – полупроводник составило  $\sim 0.02$  Ом. Измеряемая напрямую температура образца в процессе нелинейно-оптического эксперимента не превышала  $40^\circ\text{C}$ . Плотность тока в приповерхностной области толщиной порядка 50 нм, соответствующей глубине проникновения излучения

второй гармоники на длине волны ВГ  $\lambda_{2\omega} = 390$  нм, составляла  $j_{\max} \simeq 10^3$  А/см<sup>2</sup>.

В качестве излучения накачки использовалось излучение фемтосекундного титан-сапфирового (Ti:Sap)-лазера, перестраиваемого в диапазоне длин волн от 700 до 840 нм, с длительностью импульса 80 фс, частотой повторения 86 МГц и средней мощностью 130 мВт. Излучение фокусировалось в зазор между электродами в пятно диаметром 40 мкм под углом падения 45°. Излучение ВГ выделялось при помощи фильтров BG-39 общей толщиной 8 мм и регистрировалось ФЭУ, работающим в режиме счета фотонов.

Нужно отметить, что предлагаемая схема эксперимента по обнаружению ТВГ предполагает также наблюдение побочных эффектов, которые могут маскировать истинно токоиндуцированную ВГ, связанную с нарушением симметрии электронной функции распределения. Такими побочными эффектами, связанными с воздействием постоянного тока в кремнии на генерацию ВГ, могут быть: а) токовый нагрев кремния и соответствующие температурные изменения оптических восприимчивостей; б) появление электроиндукционного вклада в ВГ за счет тангенциального электростатического поля, возникающего вследствие наложения потенциала к токовым электродам; в) влияние тока на ВГ, индуцированную механическими напряжениями.

Для устранения последнего побочного эффекта все эксперименты проводились в *ss*-комбинации поляризаций волн излучений накачки и ВГ, в которой существует только анизотропная квадрупольная ВГ от объема кремния (001) [5]. Зависимость интенсивности ВГ от азимутального угла в этом случае имеет вид осциллирующей зависимости с восемью минимумами и максимумами на шумовом пьедестале (рис.1b). Если плоскость падения накачки параллельна одной из кристаллографических осей *X* или *Y* кремния или составляет с ними угол 45°, вклад в) в интенсивность ВГ исчезает. Это значит, что при такой экспериментальной геометрии зануляется (в пределах экспериментальной ошибки) интенсивность ВГ как от поверхности, так и от объема кремния (001), в том числе и ВГ, индуцированная механическими напряжениями.

Особенно важен учет маскирующей роли тепловых эффектов (эффекты а) в нашей классификации). Поскольку токоиндуцированная квадратичная восприимчивость меняет свой знак при смене направления протекания тока на противоположное, то фаза волны ТВГ должна быть чувствительна к направлению протекания тока, в то время как тепловые эф-

фекты от направления протекания тока зависеть не должны. Поэтому эффект генерации ТВГ исследовался нами методом однолучевой интерферометрии ВГ [10] с внешним источником ВГ (эталоном) [11] (рис.2a). В качестве эталона использовалась пленка

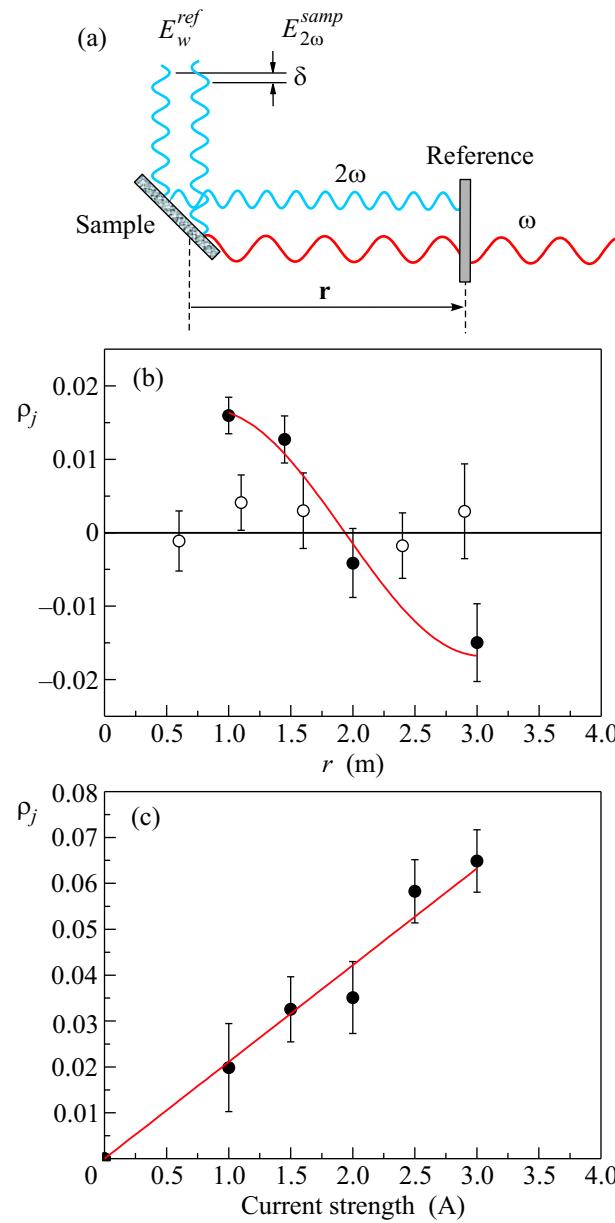


Рис.2. (а) Схема однолучевой интерферометрии ВГ. (б) Интерференционная зависимость токового контраста при длине волны накачки 780 нм в разрешенной геометрии при токе  $J = 1$  А (темные точки) и в запрещенной геометрии при токе  $J = 4$  А (светлые точки). (с) Зависимость токового контраста от силы тока. Длина волны накачки – 780 нм

оксида олова 30 нм на стеклянной подложке. Суммарная интенсивность полей ВГ от образца и эталона

$I_{2\omega}(j, r) \sim (\mathbf{E}_{2\omega}^{\text{sample}}(j, r) + \mathbf{E}_{2\omega}^{\text{ref}}(r))^2$ , где  $\mathbf{E}_{2\omega}^{\text{sample}}(j, r)$  и  $\mathbf{E}_{2\omega}^{\text{ref}}(r)$  – комплексные амплитуды полей ВГ от образца и эталона, соответственно, содержит перекрестный член, который меняет свой знак при смене направления протекания тока на противоположное, и является гармонической функцией  $r$  – положения эталона относительно образца. Таким образом, в качестве характеристики токоиндуцированной ВГ может быть введена величина, называемая токовым контрастом интенсивности ВГ, которая определяется выражением

$$\rho_j = \frac{I_{2\omega}^+(j, r) - I_{2\omega}^-(j, r)}{I_{2\omega}^{\text{ref}}} \propto 4E_{2\omega}^{\text{ref}} E_{2\omega}^{\text{samp}}(j) \cos[\delta], \quad (1)$$

где  $I_{2\omega}^+(j, r)$  и  $I_{2\omega}^-(j, r)$  – интенсивности ВГ при протекании тока в противоположных направлениях;  $E_{2\omega}^{\text{samp}}(j)$ ,  $E_{2\omega}^{\text{ref}}$  – соответствующие действительные амплитуды полей ВГ от образца и эталона. Разность фаз между волнами ВГ  $\delta = 2\pi r/L + \Phi^{\text{ref}} + \Phi^{\text{samp}}$ , где  $r$  – расстояние от эталона до образца;  $\Phi^{\text{samp}}$  и  $\Phi^{\text{ref}}$  – фазы полей ВГ;  $L = \lambda_\omega(2\Delta n)^{-1}$  – период интерференционной картины, в которой  $\Delta n = n(2\omega) - n(\omega)$ .

Таким образом, все эксперименты проводились: 1) методом интерферометрии ВГ с внешним референсным источником для исключения побочных тепловых эффектов и 2) в *ss*-комбинации поляризаций волн накачки и ВГ, при азимутальной ориентации образца в минимуме кристаллографического сигнала, для исключения побочного влияния тока на механические напряжения и на объемный квадрупольный вклад в интенсивность ВГ. Последнее условие автоматически выполнялось для разрешенной и запрещенной геометрии протекания тока. Для каждой экспериментальной точки измерялся сигнал при протекании тока в противоположных направлениях, после чего вычислялся токовый контраст  $\rho_j$ .

На рис.2б темными точками показана экспериментальная зависимость токового контраста от расстояния между эталоном и образцом для разрешенной геометрии ТВГ. Сплошная линия – результат аппроксимации осциллирующей частью выражения (1) при  $L = 4.8$  см, что соответствует дисперсии воздуха  $\Delta n = n(2\omega) - n(\omega)$  для длины волны накачки 780 нм [12]. Наличие интерференционной картины, а также неравенство нулю токового контраста говорит о чувствительности фазы волны ВГ, индуцированной током, к направлению протекания тока – то есть о генерации ТВГ. Из интерференционной картины было определено положение эталона, при котором токовый контраст имел максимальное значение. Дальнейшие эксперименты проводились при таком положении эталона. Светлыми точками на рис.2б пока-

зано отсутствие эффекта генерации ТВГ в запрещенной геометрии протекания тока: токовый контраст в пределах экспериментальной ошибки равен нулю. На рис.2с приведена зависимость токового контраста  $\rho_j$  от плотности тока  $j$ , имеющая линейный характер. Согласно выражению (1),  $\rho_j \propto E_{2\omega}^{\text{samp}}(j) \propto \hat{\chi}^{(2)d}(j)$ . Следовательно, из линейной зависимости  $\rho_j$  следует линейная зависимость токоиндуцированной квадратичной восприимчивости  $\hat{\chi}^{(2)d}(j)$  от плотности тока  $j$ , что совпадает с теоретическими предсказаниями в работе [8].

Остается еще один побочный эффект, который может маскировать обнаружение ТВГ. В случае, когда ток течет вдоль поверхности кремния, помимо ТВГ, может существовать еще один вклад в ВГ, определяемый тангенциальным электрическим полем  $E_{\text{driv}}$ , которое создает ток в зазоре. Этот вклад может проявляться в виде электроиндуцированной ВГ, имеющей ту же симметрию, что и токоиндуцированная ВГ.

Однако два следующих экспериментальных факта подтверждают, что наблюдаемый эффект является в чистом виде токоиндуцированной ВГ.

Во-первых, в работе [13] был исследован спектр электроиндуцированной ВГ в кремнии (001) и было показано, что максимум интенсивности ЭВГ достигается при энергии фотона ВГ 3.35 эВ. Измеренный в данной работе спектр ТВГ демонстрирует значительное различие в спектральных зависимостях ЭВГ и ТВГ. Это говорит о том, что наблюдаемый эффект не является электроиндуцированным.

На рис.3а представлены спектральные зависимости токового контраста, измеренного в данном эксперименте, и нормированного коэффициента ЭВГ из работы [13]. Отсутствие в спектре токового контраста резонанса в районе 3.35 эВ, соответствующего объемному двухфотонному резонансу прямых переходов в кремнии, свидетельствует о том, что наблюдаемый эффект не является ни кристаллографическим, ни электроиндуцированным. Наличие узкого резонанса в районе 3.53 эВ качественно согласуется с результатами теоретической модели генерации ТВГ в полупроводниках [8]. На рис.3б схематически показана зонная структура кремния в окрестности критической точки  $E'_0$  прямых переходов. В случае кремния *p*-типа, функция распределения для дырок аналогична функции распределения электронов, рассмотренной в модельных расчетах в работе [8]. Для высоколегированного кремния *p*-типа, который использовался в данном эксперименте, локальный уровень Ферми при комнатной температуре лежит в валентной зоне и, согласно оценке, находится на  $\sim 0.1$  эВ ниже ее верхнего края при  $k=0$ . Следовательно, в спектре

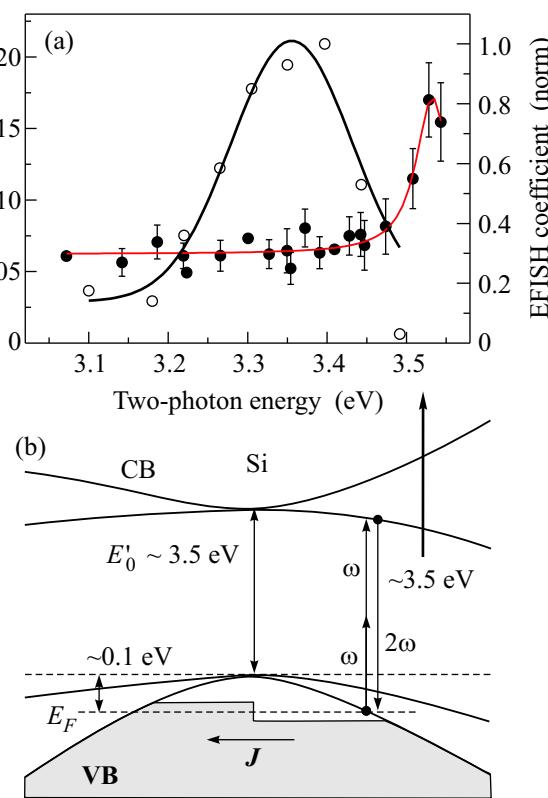


Рис.3. (а) Спектральная зависимость токового контраста, измеренная при токе  $J = 4$  А (темные точки) и спектральная зависимость ЭВГ из работы [13] (светлые точки). Сплошные линии – результаты аппроксимации лоренцевой формой линии. (б) Схема зонной структуры высоколегированного кремния  $p$ -типа. Электрический ток  $J$  искажает функцию распределения электронов, что схематически изображено в виде ступенек в валентной зоне. Стрелками указаны электронные переходы с поглощением и испусканием фотонов накачки и ВГ

ТВГ можно ожидать узкого резонанса в окрестности 3.5 эВ, что и наблюдается в эксперименте.

Еще одним подтверждением токовой (а не полевой) природы наблюдаемого эффекта является сравнение интенсивности ЭВГ  $I_{2\omega}(E_{driv})$ , ожидаемой при прикладываемых в нашем эксперименте электрических полях, и интенсивности ТВГ  $I_{2\omega}(j)$ , измеренной в эксперименте. Такое сравнение показывает, что последняя, как минимум, на 2 порядка больше. Напряженность электрического поля между электродами, характерная для наших образцов и экспериментальных условий, составляет  $E_{driv} \approx 1$  В/см. В то же время, типичная величина электрического поля в экспериментах, по наблюдению электроиндукционной ВГ,  $E^{dc} \approx 10^5$  В/см [13]. Поскольку интенсивность ЭВГ при таком электростатическом по-

лее в условиях эксперимента в работе [13] по порядку величины соответствует интенсивности кристаллографической  $p$ -поляризованной ВГ от поверхности кремния (001), то в качестве оценки ее интенсивности  $I_{2\omega}(E^{dc})$  можно взять интенсивность отраженной  $p$ -поляризованной ВГ, измеренной для наших образцов. Отсюда, для интенсивности ТВГ, которая может быть пересчитана из токового контраста  $\rho_j$ , соотношение  $I_{2\omega}(j)/I_{2\omega}(E_{SCR}) \sim 5 \cdot 10^{-6}$ . Для интенсивности ЭВГ  $I_{2\omega}(E_{driv})$ , ожидаемой в нашем эксперименте, это соотношение имеет вид  $I_{2\omega}(E_{driv})/I_{2\omega}(E_{SCR}) \propto [E_{driv}/E_{SCR}]^2 \sim 10^{-8} \div 10^{-10}$ , что на 2 порядка меньше, чем для интенсивности наблюданной ТВГ.

Сравнивая интенсивности сигналов ТВГ и отраженной ВГ от кристаллического кварца, дипольная квадратичная восприимчивость которого хорошо известна [14], можно оценить максимальное значение токоиндуцированной квадратичной восприимчивости в наших условиях:  $\chi^{(2)d}(j_{max}) \sim 3 \cdot 10^{-15}$  м/В.

В заключение, результаты можно суммировать следующим образом. В работе экспериментально наблюдалась генерация токоиндуцированной второй гармоники в центросимметричном монокристалле кремния. Постоянный электрический ток с поверхностной плотностью  $j_{max} \sim 10^3$  А/см<sup>2</sup> индуцирует оптическую вторую гармонику, соответствующую дипольной квадратичной восприимчивости  $\chi^{(2)d}(j_{max}) \sim 3 \cdot 10^{-15}$  м/В. Наблюдение токоиндуцированного эффекта открывает перспективы для развития новых методов исследования полупроводниковых устройств, позволяющих измерять направления и плотности токов в приповерхностных областях полупроводниковых приборов.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (гранты # 06-02-39013 и # 07-02-92113).

1. Y. R. Shen, Nature (London) **337**, 519 (1989).
2. S. H. Lee, R. K. Chang, and N. Bloembergen, Phys. Rev. Lett. **18**, 167 (1967).
3. Ru-Pin Pan, H. D. Wei, and Y. R. Shen, Phys. Rev. B **39**, 1229 (1989).
4. Y. R. Shen, *The Principles of Nonlinear Optics*, Wiley, New York, 1984.
5. H. W. K. Tom, T. F. Heinz, and Y. R. Shen, Phys. Rev. Lett. **51**, 1983 (1983).
6. J. I. Dadap, X. F. Hu, M. H. Anderson et al., Phys. Rev. B **53**, 7607R (1996).
7. W. Daum, H.-J. Krause, U. Reichel, and H. Ibach, Phys. Rev. Lett. **71**, 1234 (1993).
8. J. B. Huglin, Appl. Phys. Lett. **67**, 1113 (1995).

9. A. Singh and W. S. Khokle, Proc. of the IEEE **75**, 852 (1987).
10. G. Berkovic, Y. R. Shen, G. Marowsky, and R. Steinhoff, J. Opt. Soc. Am. B **6**, 205 (1989).
11. J. I. Dadap, J. Shan, A. S. Weling et al., Opt. Lett. **24**, 1059 (1999).
12. O. A. Aktsipetrov, E. D. Mishina, T. V. Misuryaev et al., Surf. Sci. **402-404**, 576 (1998).
13. O. A. Aktsipetrov et al. Phys. Rev. B **60**, 8924 (1999).
14. R. J. Pressley, Edit., *Handbook of lasers with selected data on optical technology*, Chemical Rubber Co. Cleveland, 1971.