Закон проводимости Эфроса – Шкловского и локализованные состояния в слаболегированных манганитах лантана

*Н. И. Солин*¹⁾

Институт физики металлов Уральского отд. РАН, 620041 Екатеринбург, Россия

Поступила в редакцию 20 мая 2010 г.

Показано существование в слаболегированных манганитах лантана кластеров при температурах. примерно в 2 раза превышающих их температуру Кюри T_C . Электросопротивление в слаболегированных манганитах лантана описывается законом Эфроса – Шкловского. Определенные из магнитотранспортных свойств закономерности изменения размера кластеров от температуры и напряженности магнитного поля хорошо описываются в модели фазового расслоения на металлические капли малого радиуса в диэлектрической парамагнитной и антиферромагнитной матрицах. Результаты согласуются с существованием фазы Гриффитса.

Фазовое расслоение - сосуществование ферромагнитных металлических кластеров в непроводящей матрице-является одним из фундаментальных аспектов понимания природы колоссального магнитосопротивления в манганитах La_{1-x}A_xMnO₃, где Адвухвалентный щелочной металл [1-3]. Неизовалентное легирование, кроме появления ионов Mn⁺⁴, ферромагнитной связи, металлического состояния, приводит к структурным искажениям кислородного октаэдра как следствие несоответствия размеров трех и двухвалентных А-катионов. Введение в систему искажений или замороженного беспорядка (quenched disorder) приводит к собственным неоднородностям, присущим и совершенным кристаллам, и к локализации носителей с образованием ферромагнитных кластеров в антиферромагнитной матрице [2-4]. Эксперименты подтверждают существование магнитных кластеров при низких температурах [5-7].

Модель фазового расслоения [1] допускает образование автолокализованных состояний электронов проводимости типа ферромагнитных капель (магнитных флуктуаций малого радиуса или "температурных" ферронов [8]) выше T_C . Такая возможность активно обсуждалась в 70-е годы прошлого века [9]. Вопрос о существовании кластеров в манганитах в парамагнитном состоянии в настоящее время остается открытым [3]. Предсказывается [3,4] существование в манганитах температуры $T^* \gg T_C$ (аналога температуры Гриффитса [10]), при которой возникают кластеры. В разбавленном ферромагнетике, T_C которого зависит от разбавления, имеется вероятность образования ферромагнитных кластеров при температуре T^* , равной T_C неразбавленного ферро-

магнетика [10]. Модель Гриффитса используется для объяснения магнитных свойств многих разбавленных соединений, в том числе и манганитов [11].

Существование фазового расслоения в манганитах при $T > T_C$ может быть установлено экспериментальными и теоретическими исследованиями влияния кластеров на их электрические свойства. Известны способы описания магнитно-неоднородных манганитов [8, 12, 13]. Однако к настоящему времени нет количественной теории электропроводности фазово-разделенных сред и отсутствуют более или менее простые формулы для описания электрических свойств фазово-разделенных систем [3]. Выяснением механизмов электро- и магнетосопротивления манганитов, эволюции их с изменением легирования, сравнением результатов эксперимента с выводами кластерной модели может быть достигнут прогресс в понимании природы фазового расслоения и влияния его на электрические явления и природу колоссального магнетосопротивления в манганитах. Развитию этой проблемы посвящена настоящая работа.

Образцы. Исследования проведены на монокристаллах $La_{0.92}Ca_{0.08}MnO_3$;²⁾ $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$ ²⁾ и $La_{0.93}Sr_{0.07}MnO_3$;³⁾ на которых нейтронными методами показано существование анизотропных магнитных нанокластеров при гелиевых температурах [5,7]. Электрические, магнитные и решеточные свойства слаболегированных манганитов были объяснены в предположении существования суперпарамагнитных кластеров ниже $T \approx 275-300$ К, в 2–3 раза превышающих T_C образцов [14, 15]. В

²⁾Выращен Л.Пинсард (L.Pinsard) и др. [5] в лаборатории химии твердого тела Парижского университета.

³⁾Выращен А.М.Балбашовым в Московском энергетическом институте.

Ферромагнитная, антиферромагнитная и парамагнитная температуры Кюри (T_C , T_{CA} , и Θ), температура активации прыжка T_0 , температуры структурных переходов ($T_{OO'}, T_{ST}$), размер локализованных R_{kl} состояний исследованных образцов и их обозначения. Образцы, выращенные в атмосфере аргона, воздуха или измеренные вдоль разных кристаллографических направлений, отмечены индексами *ar*, *air*, *b*, с

Образец	Обозначение	$T_C, (T_{CA}), K$	Θ, Κ	$T_{OO'}, (T_{ST}), K$	$T_0, 10^3 $ K	$R_{kl},$ Å
$\mathrm{La}_{0.9}\mathrm{Ca}_{0.10}\mathrm{MnO}_3$	1	138, (112)	161	500	60.5 при $300 > T > T_C$	7.71
					34 при $T < T_{CA}$	13.7
${ m La_{0.93}Sr_{0.07}MnO_3}$	2_{c}^{ar}	122	155	465	73.7	6.33
${ m La_{0.93}Sr_{0.07}MnO_3}$	$3 \frac{a}{b} r$	122	155	465	83.7	5.57
${ m La_{0.93}Sr_{0.07}MnO_3}$	4^{air}	127	-	-	94.5	4.94
$\mathrm{La}_{0.92}\mathrm{Ca}_{0.08}\mathrm{MnO}_{3}$	5	126, (122)		570, (175)	88, $T > 175$ K;	4.30
					199, $T < 175~{ m K}$	2.31
$\mathrm{La}_{0.93}\mathrm{Ce}_{0.07}\mathrm{MnO}_{3}$	6 ^{a r}	132	76	pprox 600	210	2.20
$\mathrm{La}_{0.93}\mathrm{Ce}_{0.07}\mathrm{MnO}_3$	7 ^{<i>a r</i>}	131	76	pprox 600	260	1.80
$\mathrm{La}_{0.9}\mathrm{Ce}_{0.10}\mathrm{MnO}_3$	8	130		_	215	2.17

работе обсуждаются в основном результаты исследований хорошо аттестованного монокристалла $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$ [5,16,17]. Это соединение имеет $T_C = 138$ К, переходит в скошенное антиферромагнитное состояние при $T_{CA} = 112$ К с углом скоса $61.5 \pm 5^{\circ}$, с ферромагнитным обменом в слое $J_1 = 1$ мэВ, с антиферромагнитным обменом между слоями $J_2 = -0.28$ мэВ и претерпевает структурный переход при $T_{00'} \approx 500$ К. Измерения электросопротивления проведены стандартным 4-контактным методом в магнитном поле до 9 Тл в интервале температур 60-400 К.

На рис.1 приведены температурные зависимости электросопротивления нескольких монокристал-



Рис.1. Температурные зависимости электросопротивления монокристаллов манганитов. Обозначения образцов приведены в таблице. Для наглядности изображения значения ρ некоторых образцов умножены на постоянную величину

Письма в ЖЭТФ том 91 вып. 11-12 2010

лов La_{1-x}A_xMnO₃ (A \equiv Ca, Ce, Sr, $x = 0, 0.07 \div 0.1),$ магнитные и электрические свойства были исследованы ранее [14, 15, 18, 19]. Обозначения и некоторые параметры исследованных монокристаллов приведены в таблице. Температурная зависимость электросопротивления монокристаллов имела активационный характер $ho \sim \exp(\Delta E_
ho/k_D T)$ и описывалась с зависящей от температуры энергией активации ΔE_a . Видно, что в широкой области температур и электросопротивления температурная зависимость электросопротивления описывается (обозначены символами) законом Эфроса – Шкловского (ES) [20,21]: $\lg \rho \sim$ $\sim T^{-1/2}$. В компенсированных образцах 6-8 (ионы церия Се⁺⁴ являются донором [18]) линейная зависимость $\lg \rho \sim T^{-1/2}$ начинает выполняться с самых высоких ($T = 400 \,\mathrm{K}$) температур. В образцах 1-4 линейная зависимость $\lg \rho \sim T^{-1/2}$ выполняется в двух областях температур: при $T^* pprox 300 \pm 30 > T > T_C$ и при $T_2 < T_C$. Значение T^* близко к T_C проводящих манганитов с x = 0.2 - 0.3. Для $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$ значение T₂ совпадает с температурой установления скошенного антиферромагнитного состояния T_{CA} = = 112 К. В La $_{0.92}$ Ca $_{0.08}$ MnO $_3$ (5) изменение линейной зависимости $\lg \rho \sim T^{-1/2}$ происходит вблизи температуры структурного перехода $T_{ST} = 175 \text{ K} [17].$

Линейная зависимость $\lg \rho \sim T^{-1/2}$ наблюдалась в гранулярных композитах [22], которые являются в определенном смысле аналогами фазово-расслоенных систем, и обнаружена в манганитах и кобальтитах [23,24]. Если объем металлической фракции большой, гранулы (капли) касаются друг друга и проводимость металлическая. При малом объеме в гранулярных композитах, как и в магнитно-неоднородных манганитах, проводимость обусловлена туннелированием (прыжками) носителей между металлическими частицами, разделенных диэлектриком толщиной s. Линейная зависимость $\lg \rho \sim T^{-1/2}$ в гранулярных металлах объясняется [25] туннелированием носителей с изменяющимся от температуры расстоянием между кластерами.

Линейная зависимость $\lg \rho \sim T^{-1/2}$ наблюдается в компенсированных полупроводниках при низких температурах [20]. Результаты интерпретировались как проводимость с переменной длиной прыжка между локализованными состояниями в присутствии так называемой щели Эфроса – Шкловского в плотности состояний вблизи уровня Ферми. Вычисления [26] показывают, что в манганитах в присутствии некоторого немагнитного беспорядка плотность состояний вблизи уровня Ферми конечна и может иметь параболическую форму, что должно приводить к закону проводимости Эфроса Шкловского [20, 21]:

$$\rho(T) = \rho_1^* \exp[(T_0/T)^{1/2}], \qquad (1)$$

где $T_0 = 2.8 e^2 / 4 \pi^* k_B^* \varepsilon^* R_{kl}, e$ -заряд электрона, k_B постоянная Больцмана, є-диэлектрическая проницаемость, R_{kl} - размер локализованного состояния (кластера), ρ_1 – слабо зависит от T и R_{kl} . Такой вид проводимости объясняется прыжками между спиновыми поляронами, локализованными электронэлектронным взаимодействием в неупорядоченной среде и возникновением щели Эфроса – Шкловского. Значения T₀ качественно характеризуют изменения *R*_{kl} с изменением легирования, компенсации, температуры, напряженности магнитного поля. В частности, для $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$ значения R_{kl} увеличиваются примерно в 2 раза при переходе в ферромагнитную область (см. таблицу). Значения R_{kl}, оцененные из электрических и магнитных измерений [14], близки друг другу.

На рис.2 приведены температурные зависиэлектросопротивления мости монокристаллов La_{0.92}Ca_{0.08}MnO₃, La_{0.93}Sr_{0.07}MnO₃ и La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ в магнитном поле H = 0, 3, 6 и 9 Тл. Для сравнения результатов работы с выводами теории удобнее применять величину относительного магнитосопротивления $MR_H \equiv \rho(H=0)/\rho(H)$. Наибольшее значение магнитосопротивления обнаружено в монокристаллах La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ (вставка на рис.2). Магнитосопротивление растет с увеличением напряженности магнитного поля и при понижении температуры. Такой характер магнитосопротивления предсказывался в работах [13]. Вблизи T_C на зависимости $MR_H(T)$ наблюдается небольшой пик MC. В магнитном поле закон ES не выполняется в парамагнитном состоянии и выполняется в ферромагнитном состоянии. Это свидетельст-



Рис.2. Температурные зависимости электросопротивления монокристаллов $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$, $La_{0.93}Sr_{0.07}MnO_3$ и $La_{0.92}Ca_{0.08}MnO_3$ в магнитном поле 0, 3, 6 и 9 Тл. Для La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ символами отмечена область температур, где выполняется линейная зависимость $\mathrm{Log}
ho \sim T^{-1/2}$. Для ясности изображения значения ρ некоторых образцов умножены на постоянную величину. Стрелками отмечены Т_С образцов. На вставке приведены температурные зависимости магнитосопротивления $MR_H = \rho(H = 0)/\rho(H)$ монокристалла $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$ при H = 1, 3, 6 и 9 Тл

вует о сильной температурной зависимости R_{kl} от напряженности магнитного поля в парамагнитном состоянии, в согласии с теоретическими представлениями (см. ниже выражения (4) и (5)).

Магнитосопротивление в фазово-разделенных системах определяется размерами кластеров [26]: уменьшение беспорядка спинов в магнитном поле приводит к увеличению R_{kl} и уменьшению электросопротивления ρ . Выполнение закона ES позволяет определить закономерности изменений размера локализованных состояний в магнитном поле. Из закона ES следует, что относительное изменение размера локализованных состояний (магнитных кластеров) $\Delta R_{kl}/R_{kl}^0$ может быть оценено по изменению электросопротивления $MR_H \equiv \rho(H = 0)/\rho(H)$ в магнитном поле:

$$\Delta R_{kl}/R_{kl}^0 \equiv \equiv [R_{kl}(T,H) - R_{kl}(T,H=0)]/R_{kl}(T,H=0) = = 1 - 1/[1 - (T/T_0)^{1/2*} \text{Ln} M R_H]^2.$$
(2)

Минимизация свободной энергии ΔF при образовании металлических кластеров ("температурных" ферронов) [8] в парамагнитной диэлектрической матрице дает следующее выражение для размера кластера в магнитном поле:

$$\Delta R_{kl}/R_{kl}^0 = MH/5k_BTn\mathrm{Ln}(2S+1). \tag{3}$$

Здесь $R_{kl}(T, H = 0) \equiv R_{kl}^0 = a[t\pi/2k_BT \ln(2S+1)]^{1/5}$ [8], t-интеграл переноса, S-спин магнитного иона, a-период решетки, n-плотность носителей тока (или концентрация легирующего двухвалентного металла).

Полагаем, что при $T \gg \theta$ выполняется закон Кюри-Вейса и намагниченность определяется выражением $M = \chi_0 H = CH/(T - \Theta)$, где χ_0 -парамагнитная восприимчивость, C-константа Кюри-Вейса, Θ -парамагнитная температура Кюри [27]. Тогда

$$\Delta R_{kl} / R_{kl}^0 = \chi_0 H^2 / 5k_B T n \text{Ln}(2S+1) =$$

= $b_{PM} H^2 / [5T(T-\Theta)],$ (4)

где $b_{PM} = C_0 S(S+1) da^3 / [nM_{mol} Ln(2S+1)], C_0 =$ = $Ng^2 \mu_B^2 / 3k_B^2$, μ_B – магнетон Бора, N – число Авогадро, *g*-фактор, M_{mol} и *d* – молярный вес и плотность соединения. Выражение (4) справедливо при $b_{PM} H^2 \ll 1$. Оценки показывают, что для наших соединений это условие хорошо выполняется для $H \leq$ 30-40 Тл при T > 200 К.

В выражении (4) все параметры модели известны, и можно легко проверить соответствие теории эксперименту. На вставках рис.3 представлены поле-



Рис.3. Полевые зависимости $\Delta R_{kl}^*T^*(T-\Theta)/R_{kl}^0$ для T=345,300,275 и 250 К. На вставках приведены полевые зависимости $\Delta R_{kl}/R_{kl}$ при 5 значениях температур

вые зависимости относительного изменения размера кластеров $\Delta R_{kl}/R_{kl}^0$ при 6 фиксированных значениях температур, полученные из измерений ρ и MR_H

Письма в ЖЭТФ том 91 вып. 11-12 2010

La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃. Видно, что $\Delta R_{kl}/R_{kl} \sim H^2$ при $T = 345-225 \gg \Theta$ и отклоняется от этой зависимости при приближении к $T = \Theta = 161$ К La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃. Значения $\Delta R_{kl}^*T^*(T-\Theta)/R_{kl}^0 \sim H^2$ для T = 345, 300, 275 и 250 К (рис.3) при $\Theta = 161$ К укладываются на одну прямую, что подтверждает справедливость выражения (4). Значение S = 1.90-1.93, определенное из наклона прямой (b_{PM}) рис.3 при g = 2, a = 4 Å, d = 6 г/см³, $M_{mol} = 232$ г, x = 0.1, близко к экспериментальному значению S = 1.90.

Некоторые расхождения линий в малых полях (не заметные на кривых рис.3), могут быть объяснены влиянием полей размагничивания или анизотропии формы кластеров [8] $H_a \approx 1$ Тл. Известно, что кластеры анизотропны при низких температурах [5]. Об анизотропии формы кластеров при $T > T_C$ свидетельствует и обнаруженная в кристаллах La_{0.93}Sr_{0.07}MnO₃ [15] зависимость ρ от направления тока к кристаллографическим осям (кривые 2 и 3 на рис.1).

Следующей проверкой справедливости выражения (4) является определение парамагнитной восприимчивости χ_0 образца из полевых зависимостей $\Delta R_{kl}/R_{kl} \sim H^2$ при постоянной температуре и известных значениях x и S. На вставке рис.4 приведены температурные зависимости χ_0 монокристалла



Рис.4. Температурная зависимость $R_{kl}^0 H^2 / \Delta R_{kl} T$ монокристалла La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ при H = 3, 6 и 9 Тл. Вставка – температурные зависимости парамагнитной восприимчивости χ_0 , определенные из измерений намагниченности при H = 1 Тл $(1_{M/H})$ и магнитосопротивления $(2_{\rm MRH})$ монокристалла La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃

La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃, полученные из измерений намагниченности при H = 1 Tл $(1_{(M/H)})$ и измерений магнитосопротивления (2_{MR}) , приведенных на вставке рис.2. Абсолютные значения χ_0 различаются на менее 15%, значения $\Theta = 160 \pm 2$ К практически совпа-

дают, значения эффективного момента $\mu_{\rm ef}$ различаются примерно на 5%.

На рис.4 приведены температурные зависимости выражения $R_{kl}^0 H^2 / [\Delta R_{kl} T]$ для 3 значений H: 3, 6 и 9 Тл. Наблюдается хорошая линейная зависимость $R_{kl}^0 H^2 / [\Delta R_{kl} T]$ от температуры в соответствии с выражением (4). Видна небольшая аномалия вблизи $T^* \approx 280-290$ К. Зависимость $R_{kl}^0 H^2 / [\Delta R_{kl} T]$ от H может быть исключена также введением поля анизотропии $H_a \approx 1$ Тл.

Результаты, аналогичные приведенным на рис.3 и 4 для $La_{0.9}Ca_{0.1}MnO_3$, получены и для $La_{0.93}Sr_{0.07}MnO_3$ с $T^* = 260-270$ К.

Радиус металлического кластера в диэлектрической антиферромагнитной матрице в магнитном поле имеет вид [8,12]

$$\Delta R_{kl}/R_{kl}^0 = [1/(1 - b^{AFM} \cdot H)]^{1/5} - 1 \approx b^{AFM} \cdot H/5$$
(5)

при $b^{AFM} \cdot H \ll 1$, где $R_{kl}^{AFM}(H = 0) =$ = $a[\pi t/4I_{ff}S^2]^{1/5}$, $b^{AFM} = g\mu_B S/2I_{ff}S^2 n_{drob}z$, I_{ff} -интеграл обменного взаимодействия, z-число ближайших соседей, n_{drob} -концентрация капель (кластеров).

На вставке рис.5 приведены полевые зависимости $\Delta R_{kl}/R_{kl}$ при 73 К $\leq T < T_{CA} = 112$ К, полученные



Рис.5. Температурная зависимость приведенного магнитосопротивления $\ln MR_H/[1 - 1/(1 + b^{AFM} \cdot H)^{1/2}]$ при H = 1, 3, 6 и 9 Тл. Вставка – полевые зависимости $\Delta R_{kl}/R_{kl}$ при 73–112 К

из измерений ρ и MR_H La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ (вставка на рис.2) в предположении выполнения закона ES. Видно (вставка на рис.5), что наблюдается линейная зависимость $\Delta R_{kl}/R_{kl}$ от напряженности магнитного поля при $H > H_a \approx 1$ Тл со слабо зависящими от температуры значениями b^{AFM} . Уменьшение кон-

центрации кластеров $n_{\rm drob} \approx 0.05 < x = 0.1$, оцененные из b^{AFM} La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ при $I_{ff} = 1$ мэВ [17], z = 6, согласуется с уменьшением T_0 (с увеличением R_{kl}) примерно в 2 раза при переходе в магнитно упорядоченное состояние (см. таблицу).

Если $\Delta R_{kl}/R_{kl} \sim b^{AFM} \cdot H$, а электросопротивление подчиняется закону Эфроса – Шкловского (1), тогда приведенное магнитосопротивление (зависящее только от T), принимает вид

$$\ln M R_H / [1 - 1/(1 + b^{AFM} \cdot H)^{1/2}] \approx$$

$$\approx 2 \ln M R_H / b^{AFM} \cdot H = (T_0/T)^{1/2}.$$
(7)

Видно на рис.5, что это соотношение хорошо выполняется при H > 1 Тл для экспериментально определенных значений b^{AFM} из вставки рис.5. Эти результаты показывают, что существует поле анизотропии $H_a \approx 1$ Тл, выше которого R_{kl} резко увеличивается. Значение $H_a \approx 1$ Тл согласуется с величиной щели в спектре спиновых волн и магнитной анизотропии $H_a = 0.19$ мэВ = 1.6 Тл La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ [5].

В обычных магнитных полупроводниках магнитные поляроны распадаются в непосредственной близости к T_C . В чем причина существования фазового расслоения в манганитах до комнатных температур?

При концентрации акцепторов меньше порога протекания электрон локализуется на ионе Mn⁺³, образуя Mn^{+4} . Так как все соседние 8 ионов Mn^{+3} эквивалентны, то состояние электрона, очевидно, размазано между всеми ионами Mn, создавая вокруг носителя заряда "ферромагнитную" область – магнитный полярон [26] – элементарную ячейку кластера с размером $R_{kl} = R_{\mathrm{Mn-Mn}} = 1a \approx 4\,\mathrm{\AA}$, где a-параметр решетки. Вследствие этого электрон оказывается в потенциальной яме кулоновской блокады $E \sim 1/R_{kl}$, а эффективный момент парамагнитной восприимчивости становится выше, чем соответствующий момент ионов Mn⁺³ и Mn⁺⁴ [26]. Исследования парамагнитной восприимчивости La_{0.9}Ca_{0.1}MnO₃ [24] говорят о возникновении таких поляронов ниже температуры структурного перехода $T_{O'O''} = 450 \,\mathrm{K}$, то есть при появлении ян-теллеровских искажений. В компенсированных с Се⁺⁴ образцах спиновые корреляции сохраняются до 600 К [18], что, по-видимому, признак их высоких значений $T_{O'O''}$.

При $x = 0.07 \div 0.1$ среднее расстояние между акцепторами близко к размеру полярона, в котором локализован электрон, и волновые функции электронов между ближайшими поляронами могут перекрываться, что может способствовать, кроме анизотропии поляронов [5], объединению их в более крупные образования – кластеры. Из-за выигрыша в обменной энергии и упругих напряжений в решетке магнитные кластеры большого размера могут образоваться путем объединения поляронов малого радиуса и содержать несколько электронов. Вследствие этого ближний порядок в кластере и фазовое расслоение наступают при температуре $T_{\rm ps} \approx 250-300$ К, приблизительно равной T_C проводящих манганитов с $x \approx 0.2 \div 0.3$. Такими процессами можно объяснить существование кластеров и, по-видимому, фазы Гриффитса, в слаболегированных манганитах лантана при $T \gg T_C$.

Заключение. В слаболегированных манганитах фазовое расслоение возникает при $T \gg T_C$, электрические свойства описываются в модели металлических капель малого радиуса в диэлектрической парамагнитной и антиферромагнитной матрице.

Работа выполнена в рамках программы научного сотрудничества УрО РАН и ДВО РАН и поддержана Программой ОФН РАН "Физика новых материалов и структур".

Автор благодарен М. Аньон (M.Hennion) и А.М. Балбашову – за предоставление монокристаллов.

- Э. Л. Нагаев, УФН 166, 833 (1996); Письма в ЖЭТФ 6, 484 (1967).
- J. Moreo. S. Yunoki, and E.Dagotto, Science 283, 2034 (1999).
- 3. E. Dagotto, New Journal of Physics 7, 67 (2005).
- 4. J. Burgy et al., Phys. Rev. Letters 87, 277202 (2001).
- M. Hennion, F. Mussa, G. Biotteau et al., Phys. Rev. Lett. 81, 1957 (1998).
- P. J. Algarabel, J. M. De Teresa, J. Blasco et al., Phys. Rev. B 67, 134402 (2003).
- 7. С.Ф. Дубинин, В.Е. Архипов, С.Г. Теплоухов и др., ФТТ 43, 2192 (2003).
- 8. М. Ю. Каган, К. И. Кугель, УФН 171, 577 (2001).
- М. А. Кривоглаз, УФН 106, 360 (1972); Т. Kasuya, А. Yanase, and T. Takeda, Solid State Commun. 8, 1543, 1551 (1970).

- 10. R. B. Griffits, Phys. Rev. Letters 23, 17 (1969).
- M. B. Salamon, P. Lin, S. H. Chun et al., Phys. Rev. Lett. 88, 197203 (2002); C. Magen et al., Phys. Rev. Lett. 96, 167201 (2006); S. Huang et al., Phys. Rev. B 73, 094431 (2006); C. He et al.; Phys. Rev. B 76, 014401 (2007); J. M. De Teresa et al., Nature 386, 256(1997).
- M. Yu. Kagan et al., J. Phys. A: Math. Gen. 36, 9155 (2003).
- А. О. Сбойчаков, А. Л. Рахманов, К.И. Кугель и др., ЖЭТФ 122, 869 (2002); К.И. Кугель, А. Л. Рахманов, А.О. Сбойчаков и др., ЖЭТФ 125, 648 (2004); А.L. Rakhmanov, К.I. Kugel et al., Phys. Rev. B 63, 174424 (2001).
- 14. Н.И. Солин, ЖЭТФ 128, 623 (2005).
- Н.И. Солин, В.А. Казанцев, С.В. Наумов и др., ФТТ 47, 1826 (2005).
- M. Hennion, F. Mussa, G. Biotteau et al., Phys. Rev. Lett. 81, 1957 (1998).
- F. Mussa, M. Hennion, G. Biotteau et al., Phys. Rev. B 60, 12299 (1999).
- Н.Н. Лошкарева, А.В. Королев, Т.И. Арбузова и др., ФТТ 44, 1827 (2002).
- Н.Н. Лошкарева, К.Н. Михалев, И.А. Фогель и др., ФММ 95, 23 (2003).
- Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос, Электронные свойства легированных полупроводников, М.: Наука, 1979.
- J. Zhang and B. I. Shklovskii, Phys. Rev. B 70, 115317 (2004).
- P. Sheng, B. Abeles, and Y. Arie, Phys. Rev. Lett. 31, 44 (1973).
- A. A. Taskin, A. N. Lavrov, and Yoichi Ando, Phys. Rev. B **71**, 134414 (2005); J. Wu, J. W. Lynn, C. J. Glinka et al., Phys. Rev. Lett. **94**, 037201 (2005); R. Laiho, K. G. Lisunov, L. Lahderanta et al., J. Phys.: Condens. Matter. **13**, 1233 (2001).
- Н.И. Солин, С.В. Наумов, Т.И. Арбузова и др., ФТТ 50, 1831 (2008).
- J.S. Helman and B. Abeles, Phys. Rev. Lett. 37, 1429 (1976).
- 26. C.M. Varma, Phys. Rev. B 54, 7328 (1996).
- 27. С.В. Вонсовский, Магнетизм, М.: Наука, 1971.