Эффекты конденсации и рассеяния излучения при плазмодинамическом разлете продуктов детонации азида свинца

И.А.Измайлов, В.В.Наумов¹⁾, В.А.Кочелап

Институт физики полупроводников им. Лашкарева НАНУ, 03028 Киев, Украина

Поступила в редакцию 24 июля 2013 г.

Рассмотрена кинетика суперлюминесценции атомов свинца Pb ${}^{3}P_{1}^{0} \rightarrow {}^{1}D_{2}$ (722.9 нм) и ${}^{3}P_{1}^{0} \rightarrow {}^{3}P_{2}$ (405.8 нм) при быстром адиабатическом расширении и охлаждении продуктов детонации азида свинца Pb(N₃)₂ при разлете в вакуум. Проведен анализ эффектов конденсации и рассеяния света на капляхкластерах в оптически активной гетерофазной среде с целью интерпретации экспериментов в лазерных детонационных плазмодинамических системах на основе азидов металлов.

DOI: 10.7868/S0370274X13180033

1. Известно много разных лазерных систем на электронных переходах атомов и молекул ближнего ИК и видимого спектрального диапазона, которые возбуждаются электрическим разрядом, электронным пучком или светом [1]. Однако поиски эффективных коротковолновых ($\lambda < 1$ мкм) химических лазеров продолжаются до сих пор [2]. Одним из возможных методов реализации таких систем является накачка активной среды путем плазмодинамической детонации взрывчатых веществ (ВВ) [3]. Особый интерес представляет детонация азидов металлов, в частности азида свинца $Pb(N_3)_2$, инициируемая коротким (~10 нс) флэш/лазерным импульсом (температура вспышки BB $\sim 600 \, \text{K}$) [4]. В результате быстропротекающей цепной реакции детонационного взрыва образуется плазменное облако продуктов детонации (ПД) высокой плотности, содержащее электронно-возбужденные молекулы азота N₂*, в том числе метастабильные состояния $N_2^*(A^3\Sigma_u^+, v)$ (энергия возбуждения $E_e^* \sim 6.2\,{
m sB}$, время жизни $\tau^* \sim 1.9\,\mathrm{c}$). Они эффективно заселяют энергетические уровни атомов свинца Pb^* (${}^{3}P_i$, ${}^{3}P_1^0$ и другие высоковозбужденные состояния вблизи ионизационного предела). Далее при быстром адиабатическом расширении и охлаждении ПД в сверхзвуковом сопле или разлете в вакуум возникают инверсия заселенностей и сильно неравновесная люминесценция на атомарных переходах $\mathrm{Pb}^* \ {}^3P_1^0 \rightarrow {}^1D_2$ и ${}^{3}P_{1}^{0} \rightarrow {}^{3}P_{2}$ на длинах волн λ_{1} = 722.9 нм в красной и $\lambda_2 = 405.8$ нм в фиолетовой областях спектра. Генерация света на этих линиях изучалась в газоразрядных лазерах на парах свинца [5]. Суперлюминесценция же в настоящее время интенсивно иссле-

6 Письма в ЖЭТФ том 98 вып. 5-6 2013 361

дуется в задачах лазерно-детонационного инициирования энергетических материалов на основе азидов [6], а также в процессах импульсной лазерной абляции при плазменном синтезе наночастиц с участием нанокластеров Pb [7,8].

Цель данной работы – анализ эффектов конденсации и рассеяния излучения на каплях-кластерах, которые наблюдаются в лазерных детонационных плазмодинамических системах на основе азида свинца.

2. Кинетический механизм возбуждения суперлюминесценции в $\Pi \square Pb(N_3)_2$ представляется схемой из следующих элементарных процессов:

(1) $Pb(N_3)_2 \rightarrow N_3, N_2, N + Pb^*,$ (2) $N_3 + N_3 \rightarrow 3N_2^*(A, B, C),$ (3) $N_3 + N \rightarrow N_2 + N_2^*(A),$ (4) $N + N + M \rightarrow N_2^*(A, B, C) + M,$ (5) $N_2^*(C, B) + M \rightarrow N_2^*(A) + M,$ (6) $N_2^*(A) + N_2^*(A) \rightarrow N_2^*(C, B) + N_2(X, v),$ (7) $N_2^*(A) + Pb \rightarrow N_2 + Pb^*,$ (8) $Pb^* \rightarrow Pb^+ + e^-,$ (9) $Pb^* + M \rightarrow Pb + M,$ (10) $Pb^* \rightarrow Pb + h\nu.$

Здесь (1) – детонационное разложение $Pb(N_3)_2$ с образованием радикалов азота и атомов свинца; (2), (3) – экзотермические реакции радикалов азота с образованием триплетных состояний $N_2^*(A, B, C)$; (4) – рекомбинация-диссоциация азота; (5) – тушение молекул $N_2^*(B, C)$; (6) – пулинг молекул $N_2^*(A)$; (7) – возбуждение атомов Pb* при *EE*-энергопередаче от $N_2^*(A)$; (8) – ионизация атомов Pb*; (9) – тушение атомов Pb*; (10) – излучение фотонов $h\nu$ атомами Pb*; М – частицы, участвующие в столкновениях, в том числе ионы Pb⁺ и свободные электроны e^- .

¹⁾e-mail: vadym.naumov@gmail.com

На рис. 1 показана динамика люминесценции атомов Pb* при разлете ПД через сопло Лаваля с



Рис. 1. Динамика излучения атомов Pb^{*} в ПД Pb(N₃)₂ [4]: $1 - \lambda_1 = 722.9$ нм, $2 - \lambda_2 = 405.8$ нм. Время индукции $t_0 = 6$ мкс. Масса заряда ВВ M = 3 мг. Дистанция z = 44 мм

геометрической степенью расширения $A/A_0 = 16$ (число Маха ~4.5), которая наблюдалась в экспериментах [4]. Вначале, через некоторое время t₀ после инициации детонации обе линии Pb I (722.9 и 405.8 нм) имеют пик излучения, которое быстро затухает. Потом люминесценция 722.9 нм (в отличие от 405.8 нм) "возгорается" и усиливается более чем на порядок величины. Аналогичная картина наблюдается и при свободном разлете в вакуум. Такое нелинейное поведение люминесценции в разлетной плазме объясняется релаксационной кинетикой само-ограниченных переходов атомов ${
m Pb}^{*} {}^{3}P_{1}^{0} \rightarrow {}^{1}D_{2}, {}^{3}P_{2}$ [5] при EE-энергообмене с молекулами N_2^* $(A^3\Sigma_u^+, \upsilon)$ [9] (см. рис. 2). Согласно [4] на переходе с резонансного уровня $Pb^* {}^3P_1^0$ $(4.37 \, \text{эB})$ на метастабильный уровень ${}^{1}D_{2}$ $(2.66 \, \text{эB})$ высвечивается 80% энергии излучения ПД в стадии разлета.

Параметры инверсной заселенности и усиления света на переходе Pb^{*} ${}^{3}P_{1}^{0} \rightarrow {}^{1}D_{2}$ ($\lambda = 722.9$ нм) рассчитывались нами в соответствии с теорией спонтанной и стимулированной хеми-люминесценции [10] на основе радиационно-плазмодинамической модели разлета с учетом кинетического механизма (1)–(10). Расчеты показали, что при быстром расширении и охлаждении ПД достигаются плотность инверсии $\Delta N \approx (0.8-2) \cdot 10^{12}$ см⁻³ и коэффициент усиления света $\alpha \approx 0.5$ см⁻¹ (для доплеровски уширенной линии 722.9 нм). При этом время существования инверсии определяется не временем высвечивания атомов Pb^{*} ${}^{3}P_{1}^{0}$ (~1 мкс), как в газоразрядных системах [5], а временем жизни метастабилей N₂^{*}($A^{3}\Sigma_{u}^{+}, v$), несущих запас электронной энергии и создающих квази-



Рис. 2. Диаграмма уровней энергии атомов Pb и молекул N₂ [9]

непрерывную столкновительную *EE*-накачку в миллисекундном масштабе [9].

Однако, как показывают эксперименты [4], облако ПД содержит сконденсировавшиеся капли – кластеры свинца субмикронного размера. Рассеяние излучения на частицах *к*-фазы может приводить к уменьшению усиления света *α*.

3. Рассмотрим процесс конденсации паров свинца в ПД на простой модели адиабатического расширения при разлете в вакуум – модели Зельдовича– Райзера [11]. Пусть $M = \rho_0 V_0$ – масса заряда ВВ в объеме V_0 с энергией $E_0 = \rho_0 V_0 q_0$, где ρ_0 – плотность ($\approx 4.7 \text{ г/см}^3$), q_0 – удельная энергия ($\approx 1.6 \text{ кДж/г}$). Критический радиус детонации азида свинца $r_{0*} \approx 10$ мкм, скорость детонации согласно условиям Чепмена–Жуге (показатель политропы $n \approx 3$) $D_0 \approx 5.1 \text{ км/с}$, так что в объеме $V_0 \approx \pi r_{0*}^3$ заряд ВВ детонирует практически мгновенно за время $t_{0*} = r_{0*}/D_0 \approx 2 \cdot 10^{-9}$ с. При этом адиабатическая температура ПД за фронтом детонационной волны $T_0 \approx 4 \text{ кK}$ [6].

Письма в ЖЭТФ том 98 вып. 5-6 2013

Положим, что: 1) термохимические превращения ВВ завершаются до начала разлета ПД; 2) начальная плотность ПД по порядку величины равна нормальной плотности ВВ; 3) конденсация в облаке ПД начинается в той стадии расширения и охлаждения, когда тепловыделение закончено. Так как теплота взрыва намного больше теплоты испарения, почти вся энергия ПД превращается в кинетическую энергию инерционного разлета со средней скоростью $u_m = (2q_0)^{1/2} \approx 1.8 \,\mathrm{кm/c}$. Облако ПД расширяется от времени t по закону $r = u_m t$, а плотность ρ падает по закону $\rho = \rho_0 (t_0/t)^3$, где $t_0 \approx r_0/u_m$, r_0 – начальный радиус ПД. Температура охлаждающегося газа Т определяется уравнением адиабаты Пуассона, $T = T_0 (\rho/\rho_0)^{\gamma-1}$, а давление p – уравнением состояния $p = \rho RT$, где γ – показатель адиабаты $(7/5 < \gamma < 5/3), R$ – газовая постоянная (среда полагается политропной [12]).

Условие конденсации – точка "росы" – находится в точке пересечения адиабаты с кривой упругости насыщенного пара свинца:

$$p_s = p_a \exp[q_r(1/T_b - 1/T)/R], \tag{1}$$

где p_a – давление пара Рb при нормальных условиях; $T_b = 2020 \,\mathrm{K}$ – температура кипения; $q_r = 860 \,\mathrm{Дж/r}$ – теплота парообразования. Пройдя точку росы ($t = t_c$), пар становится пересыщенным ($S = p/p_s > 1$). После этого возникают центры конденсации. Резкое охлаждение ($dT/dt > 10^8 \,\mathrm{K/c}$) при расширении вызывает "замораживание" диссоциации и ионизации $y = y_e(T_p)$. Ионы ускоряют нуклеацию в пересыщенном паре, хотя степень ионизации невелика ($y_e \sim 10^{-6}, n_e = 1 \cdot 10^{12} \,\mathrm{cm}^{-3}, T_e = 3 \,\mathrm{kK}$ [4]).

Число зародышей κ -фазы ν зависит от плотности пара, скорости расширения и степени пересыщения/переохлаждения. Так как зародышеобразование происходит быстро по сравнению со временем разлета, процесс считается квазистационарным. Скорость нуклеации J_{ν} в области максимума переохлаждения θ_m связана с параметрами насыщенного состояния свинца трансцендентным уравнением

$$J_m^{-1} = Bt_c q_r / RT \times$$
$$\times \{\theta_m^3 / b[1 - \exp(q_r \theta_m / RT)] t_c / \tau \}^3, \qquad (2)$$

где $\theta = 1 - T/T_p$ – степень переохлаждения; T_p – температура насыщенного пара; B = 0.525; b = $= (16/3)\pi\sigma^3 V_m^2 R^2/k_B^3 q_r^2$, $\sigma = 45$ H/см – коэффициент поверхностного натяжения; V_m – объем зародыша; k_B – константа Больцмана; τ – время газокинетических столкновений. Критический размер устойчивого зародыша, характерного для кластеризации свинца, имеет порядок $a \approx 1-2$ нм [13]. Такой кластер содержит 10–20 атомов Pb. При большой степени переохлаждения, $0 < \theta_m < 1$, когда испарением можно пренебречь, для числа зародышей сверхкритического размера имеем

$$\nu_c = (3\pi/8)J_m t_c \theta_m^3/b. \tag{3}$$

Образование капель определяется условиями термодинамики фазового перехода. Баланс энергии в двухфазной системе представляется уравнением адиабаты:

$$[C_V(1-\kappa) + C_c\kappa)dT + RT(1-\kappa)dV/V =$$
$$= [q_r - (C_c - C_V)d\kappa, \qquad (4)$$

где C_V, C_c – теплоемкости пара и κ -фазы; V – удельный объем, κ – степень конденсации. Изменение величины κ во времени описывается дифференциальным уравнением

$$d\kappa/dt = \nu_c^{1/3} (1-\kappa) \kappa^{2/3} \times (1-\exp(q_r \theta_m/RT)) (t_c/t)^3 / \tau.$$
(5)

Здесь в рамках модели жидкой капли считается, что скорость прилипания атомов к кластеру зависит от числа атомов в кластере N_a как $k_n = (8k_{\rm B}T/\pi m_a)^{1/2}\pi r_{\rm W}^2 N_a^{2/3}$, где m_a – приведенная масса, $r_{\rm W} \approx 0.2$ нм – радиус Вигнера–Зейца [13].

Система уравнений (1)–(5) решалась численно для двух случаев: 1) y = 0 (без учета ионизации); 2) $y = y_e(T_p)$, с учетом ионизации по методике Райзера [11], когда начальная степень конденсации равна замороженной степени ионизации, определяемой формулой Саха в точке росы ($t = t_c$). Результаты расчетов величины κ в расширяющемся облаке ПД для условий эксперимента [4] приведены на рис. 3. Видно, что полной конденсации не происходит даже при неограниченном ($t \to \infty$) разлете ПД.

Зная степень конденсации κ и концентрацию зародышей ν_c , получаем оценку среднего радиуса капель/кластеров по формуле $r_c = (3\kappa\rho/4\pi\nu_c\rho_m)^{1/3} \approx (0.2-0.8)$ мкм для разных условий ПД ($\rho_m = 10.7 \,\mathrm{r/cm^3}$ – плотность свинца при температуре плавления $T_m = 600 \,\mathrm{K}$). Отметим, что при расширении в сопле Лаваля число и размер капель получаются меньшими, чем при разлете в вакуум, т.е. обеспечиваются более однородные условия для условий, указанных на рис. 1, при $t = 20 \,\mathrm{mkc}$ ($n \approx 1 \cdot 10^{18} \mathrm{cm^{-3}}$, $T \approx 2 \,\mathrm{sK}$) имеем $\nu_c \approx 7 \cdot 10^6 \,\mathrm{cm^{-3}}$, $r_c \approx 0.3 \,\mathrm{mkm}$, $N_a = (r_c/r_W)^3 \approx 5 \cdot 10^9$.

Разумеется, характеристики рассматриваемой двухфазной системы (степень конденсации пара,

Письма в ЖЭТФ том 98 вып. 5-6 2013



Рис. 3. Зависимость степени конденсации паров Pb в расширяющемся облаке ПД от времени разлета: 1 – расчет при y = 0; 2 – расчет при $y = y_e(T_p)$ для условий эксперимента [4]. Масса заряда M = 3 мг

средний размер капель и распределение капель по размерам) являются локальными (зависят от времени и координаты разлета ПД).

5. Для оценок рассеяния света на каплях Pb в облаке ПД применим комплексный показатель преломления вида $n_i = 2 + i \cdot 3.5$, где действительная часть ($\operatorname{Re}n_i$) отвечает за рассеяние, а мнимая часть $(\text{Im}n_i)$ – за поглощение на длине волны λ . Расчет с использованием формул Друде–Френеля [14] для крупных капель $(r_c > \lambda)$ дает оценку коэффициента отражения света $R_s \ge 0.9$, т.е. поглощение <0.1. Расчет для мелких капель ($r_c < \lambda$) по теории Рэлея-Ми [15] дает значения сечений рассеяния $\sigma_s = 2.3 \cdot 10^{21} r_c^6 \,\mathrm{cm}^2$ и поглощения $\sigma_a = 2.1 \cdot 10^5 r_c^3 \,\mathrm{cm}^2$. Эффективное сечение ослабления излучения определяется суммой сечений поглощения и рассеяния. Упругим и неупругим рассеянием на атомах и молекулах здесь можно пренебречь, а поглощение паров свинца даже при параметрах, близких к критическим, оказывается мало ($\gamma_a < 1 \cdot 10^{-4} \, \mathrm{cm}^{-1}$). Таким образом, в этом отношении облако ПД можно считать оптически прозрачным.

Распространение света в случайно-неоднородной рассеивающей и поглощающей мелкодисперсной $(r_c < \lambda)$ среде в координатном представлении описывается диффузионным уравнением переноса излучения [14]. В длинноволновом приближении $(k/(\gamma_a + \gamma_s) \ll 1$, где $k \equiv 2\pi/\lambda)$ при $\gamma_s \gg \gamma_a$ оно сводится к простой зависимости отношения интенсивностей падающего (I_0) и прошедшего (I_λ) излучения от времени t и расстояния z:

$$\ln(I_0/I_\lambda) = 2[(u_m t)^2 - z^2]^{1/2}\nu_c(\sigma_s + \sigma_a).$$
(6)

Результаты расчетов величины $\ln(I_0/I_\lambda)$ в облаке ПД в зависимости от массы заряда M для условий экспериментов [4] приведены на рис. 4. Видно каче-



Рис. 4. Зависимость ослабления излучения ($\lambda \approx 0.7 \text{ мкм}$) из-за рассеяния на каплях Рb в облаке ПД от массы заряда M: 1 – расчет при y = 0; 2 – расчет при $y = y_e(T_p); 3$ – эксперимент [4]. Дистанция z = 34 мм

ственное соответствие теории с экспериментом, свидетельствующее об адекватности анализа.

6. Основные результаты работы сводятся к следующему.

1. Построена физическая модель, описывающая процесс плазмодинамического разлета продуктов детонации азида свинца, сопровождаемого суперлюминесценцией атомов свинца Pb*, возбуждаемых при квази- резонансном EE-энергообмене от долгоживущих состояний молекул азота $N_2^*(A)$. Проведены расчеты усиления излучения на переходах Pb* ${}^{3}P_1^0 \rightarrow {}^{1}D_2$ (722.9 нм) и ${}^{3}P_1^0 \rightarrow {}^{3}P_2$ (405.8 нм) для условий, наблюдаемых в экспериментах.

2. Исследованы физические параметры, характеризующие условия неравновесной конденсации паров свинца при адиабатическом расширении и охлаждении продуктов детонации: скорость нуклеации, степень конденсации, размер капель/кластеров, число кластеризующихся атомов. Показано влияние ионного состава плазмы на динамику и кинетику κ-фазы в быстро расширяющемся облаке продуктов детонации с учетом замораживания степени ионизации в переохлажденной плазме.

3. Сделаны оценки характеристик оптического поглощения и рассеяния излучения в облаке продуктов детонации с учетом эффектов конденсации и кластеризации атомов свинца на разных стадиях разлета в вакуум. Показано, что наиболее благоприятные условия для усиления излучения в гетерофазной среде создаются при разлете через расширяющееся сопло.

Полученные данные полезны для понимания физики неравновесных кинетических процессов и интерпретации результатов экспериментов в лазерных детонационных плазмодинамических системах с металлическими наночастицами и нанокластерами.

Работа выполнена при поддержке ДФФД и НАН Украины в рамках ЦНТП "Наноматериалы и нанотехнологии" на 2011–2013 гг.

- O. Svelto, Principles of Lasers, 5th ed., Berlin, Springer, 2009.
- B. D. Barmashenko and S. Rosenwaks, *Chemical lasers: COIL. Handbook of Laser Technology and Applications* (ed. by C. E. Webb), Bristol, IoP Publ., 2003, v. 2. p. 861.
- 3. Н. Г. Басов и др., Письма в ЖЭТФ 10, 5 (1969).
- Y. Tzuk, T. Ben-Porat, I. Bar, and S. Rosenwaks, Appl. Phys. B 59, 45 (1994).
- А. А. Исаев, Г. Г. Петраш, Письма в ЖЭТФ 10, 188 (1969); Г. Г. Петраш, УФН 105, 645 (1971).
- Б. П. Адуев, Э. Д. Алукер, Г. М. Белокуров и др., ЖЭТФ 116, 1676 (1999); Б. П. Адуев, Д. Р. Нурмухаметов, Р. И. Фурега, С. Ю. Бугров, Забабахинские научные чтения, Снежинск: ВНИИТФ, 2012.

- В. Е. Фортов, А. Г. Храпак, С. А. Храпак и др., УФН 174, 495 (2004); В. Е. Фортов, УФН 179, 653 (2009).
- Б. М. Смирнов, Письма в ЖЭТФ 71, 588 (2000); УФН 170, 495 (2000); УФН 181, 713 (2011).
- И. А. Измайлов, Л. Ю. Мельников, Механизмы электронной хемилюминесценции в газах, М.: ВИНИТИ, 1989.
- В. А. Кочелап, С. И. Пекар, Теория спонтанной и стимулированной хемилюминесценции газов, К.: Наук. думка, 1986.
- Ю. П. Райзер, ЖЭТФ 37, 1741 (1959); Я. Б. Зельдович, Ю. П. Райзер, Физика ударных волн и высокотемпературных гидродинамических явлений, М.: Наука, 1966.
- 12. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, *Теоретическая физика*. *Гидродинамика*, М.: Наука, 1986.
- B. M. Smirnov, Cluster Processes in Gases and Plasmas, Wiley-VCH Verlag, Weinheim, 2010.
- 14. К.С. Шифрин, *Рассеяние света в мутной среде*, М.-Л.: ГИТТЛ, 1951.
- 15. В.В. Дацюк, И.А. Измайлов, УФН 171, 1117 (2001).