## Нелинейный магнетотранспорт в двумерной электронной системе с анизотропной подвижностью

А. А. Быков<sup>+\*1)</sup>, А. В. Горан<sup>+</sup>, В. Майер<sup> $\times 2$ )</sup>, С. А. Виткалов<sup> $\times 2$ )</sup>

+Институт физики полупроводников им. Ржанова СО РАН, 630090 Новосибирск, Россия

\*Новосибирский государственный технический университет, 630092 Новосибирск, Россия

<sup>×</sup> Physics Department, City College of the City University of New York, 10031 New York, USA

Поступила в редакцию 17 октября 2013 г. После переработки 31 октября 2013 г.

Изучен нелинейный магнетотранспорт двумерных (2D) электронов в селективно легированных гетероструктурах GaAs/AlAs с анизотропной подвижностью  $\mu$ , имеющей максимальное значение в направлении [110], а минимальное – в направлении [110]. Обнаружено, что при увеличении постоянного электрического тока  $I_{dc}$  в холловских мостиках, ориентированных вдоль направления [110], переход 2D-системы в магнетополевое состояние с дифференциальным сопротивлением  $r_{xx} \approx 0$  происходит при меньшей величине  $I_{dc}$  и сопровождается более глубоким "провалом" в область отрицательных значений  $r_{xx}$  по сравнению с мостиками, ориентированными вдоль направления [110]. Полученные экспериментальные результаты объясняются ролью подвижности в спектральной диффузии неравновесных носителей заряда.

DOI: 10.7868/S0370274X1323015X

В настоящее время полупроводниковые гетероструктуры, созданные современными технологическими методами, являются предметом всесторонних исследований. Актуальность этих исследований обусловлена тем, что они имеют фундаментальную значимость, стимулируют развитие технологии и важны для практического использования новых твердотельных структур в наноэлектронике. Одним из основных объектов изучения в физике низкоразмерых систем до сих пор остается высокоподвижный двумерный (2D) электронный газ в селективно легированных гетероструктурах на основе соединений  $A^3B^5$ . В таких структурах транспортное время рассеяния носителей заряда  $au_{tr}$  много больше квантового времени жизни  $\tau_q$ . Поэтому для 2D электронного газа возникает интервал магнитных полей, в котором выполняются следующие неравенства:  $\omega_c \tau_{tr} \gg 1$ ;  $\omega_c \tau_q < 1$ , где  $\omega_c$  – циклотронная частота. В настоящей работе речь пойдет о нелинейном транспорте 2D-электронов с анизотропной подвижностью именно в этом интервале магнитных полей в условиях, когда под уровнем Ферми находится большое количество уровней Ландау.

Значительный прогресс в исследовании неравновесных явлений в 2D-системах при больших факторах заполнения имел место сравнительно недавно в последние 10–15 лет [1]. Импульсом к исследованию нелинейного транспорта в условиях  $\omega_c \tau_{tr} \gg 1$ ,  $\omega_c \tau_q < 1$  стало открытие нового типа осцилляций дифференциального сопротивления r<sub>xx</sub>, возникающих в 2D-системе под действием электрического поля Холла [2]. Было показано, что в холловских мостиках под действием тока I<sub>dc</sub> возникают осцилляции  $r_{xx}$ , положение максимумов которых в магнитном поле *B* определяется соотношением  $\gamma R_c e E_{\rm H} =$  $l=l\hbar\omega_c$ , где  $\gamma\approx 2, l$  – целое число,  $R_c$  – циклотронный радиус, а  $E_{\rm H}$  – холловское электрическое поле. Обнаруженные осцилляции были объяснены туннелированием Зинера между заполненными и пустыми уровнями Ландау. К настоящему времени зинеровские осцилляции  $r_{xx}$ , индуцированные полем  $E_{\rm H}$ , обнаружены в гетероструктурах GaAs/AlAs [3], двойных квантовых ямах [4] и в 2D дырочном газе [5]. Недавно было установлено, что под действием постоянного электрического поля Е<sub>dc</sub> зинеровские осцилляции проявляются в дифференциальной проводимости двумерных и квазидвумерных дисков Корбино [6, 7].

Вскоре после открытия осцилляций сопротивления, индуцированных электрическим полем Холла, было установлено, что в условиях сильной нелинейности в минимуме этих осцилляций  $r_{xx}$  принимает значение, близкое к нулю [8]. Падение  $r_{xx}$  с ростом

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>e-mail: bykov@isp.nsc.ru

<sup>&</sup>lt;sup>2)</sup>W. Mayer, S. A. Vitkalov.

*І*<sub>dc</sub> было объяснено спектральной диффузией электронов, возникающей в 2D-системе в скрещенных электрическом и магнитном полях [9–11], а переход в состояние с  $r_{xx} \approx 0$  – локальной нестабильностью электрического тока в условиях  $r_{xx} < 0$  [12]. Теоретически и экспериментально было показано, что нелинейный транспорт 2D-электронов при больших факторах заполнения не может быть объяснен простым увеличением электронной температуры [9, 13]. Оказалось, что неравновесная функция распределения электронов по энергиям  $f(\varepsilon)$  в этом случае имеет осциллирующую компоненту, период которой равен  $\hbar\omega_c$  [9]. Данная компонента приводит к тому, что  $f(\varepsilon)$ в энергетических интервалах с повышенной плотностью состояний становится более пологой. "Ступенчатая" зависимость  $f(\varepsilon)$  и является одной из основных причин, по которым 2D-система в скрещенных электрическом и магнитном полях переходит в состояние с  $r_{xx} \approx 0$ .

Совсем недавно было показано, что магнетополевому состоянию с  $r_{xx} \approx 0$ , обнаруженному в 2Dсистемах и при помощи мостиков Холла, соответствует состояние с нулевой дифференциальной проводимостью  $g_{xx} \approx 0$ , которое возникает в 2D-дисках Корбино [14]. Стало очевидным, что имеется аналогия между состояниями с  $\rho_{xx} \approx 0$  и  $\sigma_{xx} \approx 0$ , возникающими в 2D-системах под действием микроволнового излучения [15–21], и состояниями с  $r_{xx} \approx 0$ и  $g_{xx} \approx 0$ , возникающими в скрещенных электрическом и магнитном полях. Однако на сегодняшний день остается открытым следующий вопрос: почему в одних 2D-системах переходу в состояние с  $r_{xx} \approx 0$  предшествует глубокий провал в зависимости  $r_{xx}(I_{dc})$  в область отрицательных значений  $r_{xx}$  [8], а в других такой провал отсутствует [22]? Одной из возможных причин возникновения резкого провала в зависимости  $r_{xx}(I_{dc})$  может служить величина подвижности 2D-электронов. Проверке этого предположения и посвящена настоящая работа.

Исследованные нами селективно легированные гетероструктуры представляли собой одиночные квантовые ямы GaAs с боковыми сверхрешеточными барьерами AlAs/GaAs [23, 24]. Ширина квантовой ямы составляла 13 нм. Структуры вырацивались методом молекулярно-лучевой эпитаксии на (100) GaAs подложках. Холловские мостики изготавливались с использованием оптической фотолитографии и жидкостного травления. Они были ориентированы вдоль кристаллографических направлений [110] и [110], вдоль которых подвижность  $\mu$  в гетероструктурах GaAs/AlAs имеет минимальное и максимальное значения [25]. Измерения проводились при  $T = 4.2 \,\mathrm{K}$  в полях  $B < 1 \,\mathrm{Tr}$  на мостиках, имеющих ширину  $W = 50 \,\mathrm{mkm}$  и расстояние между потенциометрическими выводами  $L = 250 \,\mathrm{mkm}$ . Методически, как это показано на вставке к рис. 1а, измерялась величина  $V_{ac}$  при



Рис. 1. (а) – Зависимости  $\rho_{xx}(B)$  и  $\rho_{yy}(B)$  2D электронного газа в гетероструктуре GaAs/AlAs при T = 4.2 K, измеренные на мостиках Холла, ориентированных в направлениях [110] и [110] и имеющих длину L = 250 мкм и ширину W = 50 мкм. На вставке изображена схема измерения:  $(V_{ac}/I_{ac})(W/L) = \rho_{xx}$  при  $I_{dc} = 0$ ;  $(V_{ac}/I_{ac})(W/L) = r_{xx}$  при  $I_{dc} \neq 0$ . (b) – Зависимости  $r_{xx}/\rho_{0x}$  и  $r_{yy}/\rho_{0y}$  от  $I_{dc}$  при T = 4.2 K в магнитном поле B = 0.2 Тл. Стрелкой указано положение зинеровского максимума для l = 1

протекании через образец переменного тока  $I_{ac}$  и постоянного тока  $I_{dc}$ . Линейное сопротивление измерялось при  $I_{dc} = 0$ . Концентрация 2D-электронов составляла  $n_e \approx 8.4 \cdot 10^{15} \,\mathrm{m}^{-2}$ . Подвижности  $\mu_x$  и  $\mu_y$ , соответствующие направлениям [110] и [110], рассчитывались из удельных сопротивлений  $\rho_{0x}$  и

Письма в ЖЭТФ том 98 вып. 11-12 2013

 $\rho_{0y}$  в нулевом магнитном поле. При  $T = 4.2 \,\mathrm{K}$  они составляли  $\mu_x \approx 130 \,\mathrm{m}^2/\mathrm{B}\cdot\mathrm{c}, \ \mu_y \approx 230 \,\mathrm{m}^2/\mathrm{B}\cdot\mathrm{c}.$ 

На рис. 1а представлены зависимости  $\rho_{xx}(B)$  и  $\rho_{uu}(B)$ , измеренные на холловских мостиках, ориентированных вдоль направлений [110] и [110] соответственно. Видно, что сопротивление 2D-электронного газа в направлении [110] существенно больше, чем в направлении [110]. Такое различие обусловлено рассеянием 2D электронов на анизотропных шероховатостях гетерограниц, которые возникают в процессе синтеза гетероструктур GaAs/AlAs [26]. В магнитных полях до 0.1 Тл  $\rho_{xx}$  и  $\rho_{yy}$  слабо зависят от B, что указывает на классический характер электронного транспорта в этой области полей. При B > 0.1 Тл в зависимостях  $\rho_{xx}(B)$  и  $\rho_{yy}(B)$  наблюдается положительное магнетосопротивление, которое в исследуемых гетероструктурах является квантовым [27, 28]. Хорошо видно, что в изучаемой гетероструктуре осцилляции Шубникова-де Гааза возникают при температуре  $T = 4.2 \,\mathrm{K}$  в магнитных полях  $B > 0.5 \,\mathrm{Tr.}$ 

На рис. 1b приведены зависимости  $r_{xx}/\rho_{0x}$  и  $r_{uu}/\rho_{0u}$  от  $I_{dc}$  в магнитном поле B = 0.2 Тл. В соответствии с теорией [29] дифференциальное сопротивление 2D электронного газа в магнитном поле Bс ростом  $I_{dc}$  должно вначале падать, а затем возрастать и достигать максимума, обусловленного туннелированием Зинера между уровнями Ландау. Положение первого зинеровского максимума при больших факторах заполнения в условиях  $\omega_c \tau_{tr} \gg 1$  определяется равенством [2]  $\gamma R_c e E_{\rm H} = \hbar \omega_c$ . Для максимумов, отмеченных на рис. 1b стрелкой, мы получили  $\gamma \approx 1.93$ . Близкая к 2 величина  $\gamma$  указывает на то, что эти максимумы действительно обусловлены туннелированием Зинера между уровнями Ландау. В отличие от зинеровских максимумов минимумы в зависимостях  $r_{xx}/\rho_{0x}$  и  $r_{yy}/\rho_{0y}$  от  $I_{dc}$  не совпадают, что обусловлено различной шириной "центральных" пиков. Одной из причин такого поведения дифференциального сопротивления в области малых токов может быть различная подвижность в исследуемых образцах.

Теория, рассматривающая транспорт 2Dэлектронов при больших факторах заполнения, предсказывает, что в области небольших электрических полей основной вклад в нелинейный отклик связан с ролью неравновесной функции распределения  $f(\varepsilon)$  [9]. Вследствие сохранения полной энергии электрона ( $\varepsilon + eE_{dc}x$ ) в электрическом поле  $E_{dc}$  диффузия электронов в координатном пространстве трансформируется в энергетическую. Решение диффузионного уравнения в этом случае дает нетривиальные осцилляции неравновесной функции распределения с периодом  $\hbar\omega_c$ . Возрастание амплитуды осцилляций вследствие диффузии ограничивается временем неупругого рассеяния  $\tau_{in}$ , которое подавляет неравновесный вклад. С учетом вклада осциллирующей компоненты  $f(\varepsilon)$ , обусловленной спектральной диффузией неравновесных носителей заряда, продольное дифференциальное сопротивление r в области слабых полей  $E_{dc}$  описывается следующим соотношением [9, 10]:

$$r/\rho_{\rm D} = 1 + 2\delta^2 [(1 - 10Q_{dc} - 3Q_{dc}^2)/(1 + Q_{dc})^2],$$
 (1)

где  $\rho_{\rm D}$  – квазиклассическое сопротивление Друде,  $\delta = \exp(-\pi/\omega_c \tau_q)$  – фактор Дингла,  $Q_{dc} = 2\tau_{in}/\tau_{tr})(eE_{dc}\nu_{\rm F}/\omega_c)^2(\pi/\hbar\omega_c)^2, \nu_{\rm F}$  – скорость Ферми.

В условиях, когда  $E_{dc} \approx E_{\rm H}$ , параметр  $Q_{dc}$ можно выразить как  $Q_{dc} = (I_{dc}/I_0)^2$ , где  $I_0 =$  $(W/2\pi)(e^2/m^*)(n_e/\pi)^{1/2}(\tau_{tr}/\tau_{in})^{1/2}B$ . Из соотношения (1) следует, что величина I<sub>0</sub> задает полуширину "центрального" пика, а его амплитуда определяется величиной  $\delta^2$ . Рис. 1b показывает, что амплитуды "центральны" пиков для мостиков, ориентированных в различных направлениях, приблизительно равны. Это говорит о том, что в исследуемых структурах  $\tau_{qx} \approx \tau_{qy}$ . Экспериментальные и расчетные зависимости  $r_{xx}(I_{dc})$  и  $r_{yy}(I_{dc})$  представлены на рис. 2а. Между ними наблюдается хорошее согласие. В качестве варьируемых параметров использовались величины  $\delta$ ,  $I_0$  и  $\rho_D$ . Из теории следует, что полуширины "центральных" пиков  $I_{0x}$  и  $I_{0y}$  определяются величинами  $\tau_{trx}$ ,  $\tau_{try}$ ,  $\tau_{inx}$  и  $\tau_{iny}$ . Если предположить, что  $au_{inx}$  и  $au_{iny}$  равны, то величины  $I_{0x}$ ,  $I_{0y}$ ,  $\mu_x$  и  $\mu_y$  будут связаны соотношением  $(I_{0x}/I_{0y})^2 = \mu_x/\mu_y$ . Мы получили значение  $(I_{0x}/I_{0y})^2 \approx 0.60$ . Отношение подвижностей для исследуемых образцов составляет  $\mu_x/\mu_y \approx 0.57$ . Такое хорошее совпадение указывает на то, что причиной различия  $I_{0x}$  и  $I_{0y}$  является величина μ.

Сопоставление экспериментальных зависимостей с теоретическими позволяет определить не только значения  $I_{0x}$  и  $I_{0y}$ , но еще и величины  $\tau_{qx}$ ,  $\tau_{qy}$ ,  $\tau_{inx}$  и  $\tau_{iny}$ . Мы получили следующие значения для квантовых времен жизни:  $\tau_{qx} \approx 5.37$  пс и  $\tau_{qy} \approx 5.34$  пс. При этом транспортные времена рассеяния, вычисленные из  $\mu_x$  и  $\mu_y$ , составили  $\tau_{trx} \approx 50.3$  пс и  $\tau_{try} \approx 89$  пс. Тот факт, что  $\tau_q$  оказалось много меньше  $\tau_{tr}$ , вполне ожидаем и обусловлен малоугловым характером рассеяния 2D-электронов в исследуемых гетероструктурах [23, 24]. Вполне логично и то, что  $\tau_{qx} \approx \tau_{qy}$ . Времена  $\tau_{tr}$  и  $\tau_q$  определяются следующими соотношениями:  $1/\tau_q = \int P(\theta)d\theta$ ,  $1/\tau_{tr} = \int P(\theta)(1 - \cos\theta)d\theta$ , где  $P(\theta)$  – величина, пропорциональная вероятности рассеяния на угол  $\theta$ . Эти соотношения показывают, что



Рис. 2. (а) – Зависимости  $r_{xx}$  и  $r_{yy}$  от  $I_{dc}$  при T = 4.2 К в магнитном поле B = 0.2 Тл. Сплошные линии – эксперимент. Значки – расчет по формуле (1): квадраты – при  $\rho_{Dx} = 6.3$  Ом,  $\delta = 0.322$ ,  $I_{0x} = 16.3$  мкА, кружки – при  $\rho_{Dy} = 3.45$  Ом,  $\delta = 0.32$ ,  $I_{0y} = 21$  мкА. (b) – Зависимости  $r_{xx}/\rho_{0x}$  и  $r_{yy}/\rho_{0y}$  от  $I_{dc}$  при T = 4.2 К в магнитном поле B = 0.5 Тл. Стрелками указаны пороговые токи  $I_{thx}$  и  $I_{thy}$  для мостиков Холла, ориентированных в направлениях [110] и [110]

 $\tau_q$  определяется процессами рассеяния на все углы, тогда как  $\tau_{tr}$  за счет множителя  $1 - \cos\theta$  – преимущественно процессами рассеяния на большие углы. Таким образом, при рассеянии на случайном анизотропном потенциале логично ожидать, что  $\tau_q$  будет изотропным, а  $\tau_{tr}$  – нет. Изотропным в изучаемой 2D-системе оказалось и время неупругого рассеяния:  $\tau_{inx} \approx 1.1$  нс и  $\tau_{iny} \approx 1.2$  нс.

На рис. 2b приведены зависимости  $r_{xx}/\rho_{0x}$  и  $r_{yy}/\rho_{0y}$  от  $I_{dc}$  в магнитном поле B = 0.5 Тл. Величина  $\delta$  в этом поле существенно больше, чем в поле B = 0.2 Тл. Поэтому согласно соотношению (1) амплиту-

да "центрального" пика в поле  $B = 0.5 \,\mathrm{Tr}$  должна возрасти, а величина дифференциального сопротивления в минимуме, соответственно, упасть. При этом соотношение (1) позволяет дифференциальному сопротивлению принимать отрицательные значения. Эксперимент показывает, что в поле B = 0.5 Тл дифференциальное сопротивление с ростом Idc вначале падает до нуля, затем проваливается в область отрицательных значений, а потом вновь выходит на нулевое значение. Впервые такое поведение дифференциального сопротивления 2D электронного газа в скрещенных электрическом и магнитном полях наблюдалось в работе [8]. Переход 2D-системы в магнетополевое состояние с  $r_{xx} \approx 0$  был объяснен локальной нестабильностью электрического тока при  $r_{xx} < 0$  [12]. Однако вопрос о том, при какой величине отрицательного  $r_{xx}$  2D-система становится неустойчивой и разбивается на домены, до сих пор остается открытым.

Известно, что пространственно однородное распределение носителей заряда становится неустойчивым относительно малых флуктуаций, лишь начиная с некоторой критической величины отрицательного r, зависящей от особенностей системы [30]. Эксперимент показывает, что 2D-система, прежде чем перейти в состояние с  $r_{xx} \approx 0$ , может иметь устойчивое состояние с  $r_{xx} < 0$ . При этом "провал" в область отрицательных значений особенно ярко проявляется для мостиков, ориентированных в направлении [110]. Кроме того, отчетливо видно, что для таких мостиков переход в состояние с  $r_{xx} \approx 0$  происходит при меньшей пороговой величине I<sub>thx</sub>, чем в случае мостиков, ориентированных в направлении [110]. Также видно, что "центральный" пик для  $r_{xx}/\rho_{0x}$  имеет меньшую полуширину по сравнению с  $r_{yy}/\rho_{0y}$ . Очевидно, что наблюдаемое различие в полуширинах "центральных" пиков при  $B = 0.5 \,\mathrm{Tr}$ , как и при B = 0.2 Тл, обусловлено различием  $\mu_x$  и  $\mu_{y}$ . Мы полагаем, что наблюдаемое различие в пороговых токах также обусловлено ролью подвижности. Данный вывод согласуется с тем, что величина  $(I_{thx}/I_{thy})^2 \approx 0.44$  оказалась близкой к величине  $\mu_x/\mu_y$ .

Таким образом, в настоящей работе исследован нелинейный магнетотранспорт 2D-электронов в селективно легированных гетероструктурах GaAs/AlAs с анизотропной подвижностью  $\mu$ , имеющей максимальное значение в направлении [110] и минимальное – в направлении [110]. Обнаружено, что в холловских мостиках, ориентированных вдоль направления [110], дифференциальное сопротивление 2D электронного газа при больших факторах заполнения падает с ростом I<sub>dc</sub> быстрее, чем в мостиках, ориентированных вдоль направления [110]. Показано, что эта особенность нелинейного транспорта в исследуемой 2D-системе обусловлена ролью подвижности в спектральной диффузии неравновесных носителей заряда. Выявлено влияние подвижности на условия перехода 2D-системы в магнетополевое состояние с нулевым дифференциальным сопротивлением. Установлено, что в холловских мостках, ориентированных вдоль направления [110], пространственно-однородное распределение носителей заряда становится неустойчивым относительно малых флуктуаций при значительно большей абсолютной величине отрицательного дифференциального сопротивления по сравнению с мостиками, ориентированными вдоль направления [110]. Такое поведение исследуемой 2D-системы мы связываем с анизотропией крупномасштабного рассеивающего потенциала.

Авторы благодарят М.В. Энтина и Л.И. Магарилла за плодотворные обсуждения экспериментальных результатов. Работа была поддержана РФФИ (проекты # 12-02-31709 и 11-02-00925) и National Science Foundation (DMR 1104503).

- I. A. Dmitriev, A. D. Mirlin, D. G. Polyakov, and M. A. Zudov, Rev. Mod. Phys. 84, 1709 (2012).
- C. L. Yang, J. Zhang, R. R. Du, J. A. Simmons, and J. L. Reno, Phys. Rev. Lett. 89, 076801 (2002).
- A. Bykov, J.-Q. Zhang, S. Vitkalov, A. K. Kalagin, and A. K. Bakarov, Phys. Rev. B 72, 245307 (2005).
- 4. A. A. Bykov, JETP Lett. 88, 394 (2008).
- Ya. Dai, Z. Q. Yuan, C. L. Yang, R. R. Du, M. J. Manfra, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. B 80, 041310 (2009)
- A.A. Bykov, D.V. Dmitriev, I.V. Marchishin, S. Byrnes, and S.A. Vitkalov, Appl. Phys. Lett. 100, 251602 (2012).
- А.В. Горан, И.С. Стрыгин, А.А. Быков, Письма в ЖЭТФ 96, 894 (2012).
- A. A. Bykov, J.-Q. Zhang, S. Vitkalov, A.K. Kalagin, and A.K. Bakarov, Phys. Rev. Lett. 99, 116801 (2007).

- I. A. Dmitriev, M. G. Vavilov, I. L. Aleiner, A. D. Mirlin, and D. G. Polyakov, Phys. Rev. B 71, 115316 (2005).
- J. Q. Zhang, S. Vitkalov, A. A. Bykov, A. K. Kalagin, and A. K. Bakarov, Phys. Rev. B 75, 081305(R) (2007).
- J. Q. Zhang, S. Vitkalov, and A. A. Bykov, Phys. Rev. B 80, 045310 (2009).
- A. V. Andreev, I. L. Aleiner, and A. J. Millis, Phys. Rev. Lett. 91, 056803 (2003).
- N.R. Kalmanovitz, A.A. Bykov, S. Vitkalov, and A.I. Toropov, Phys. Rev. B 78, 085306 (2008).
- A. A. Bykov, S. Byrnes, S. Dietrich, S. Vitkalov, I.V. Marchishin, and D.V. Dmitriev, Phys. Rev. B 87, 081409(R) (2013).
- R. G. Mani, J. H. Smet, K. von Klitzing et al., Nature 420, 646 (2002).
- M. A. Zudov, R. R. Du, L. N. Pfeiffer et al., Phys. Rev. Lett. 90, 046807 (2003).
- 17. S. I. Dorozhkin, Письма в ЖЭТФ 77, 681 (2003).
- C. L. Yang, M. A. Zudov, T. A. Knuuttila et al., Phys. Rev. Lett. **91**, 096803 (2003).
- А. А. Быков, А. К. Бакаров, Д. Р. Исламов, А. И. Торопов, Письма в ЖЭТФ 84, 466 (2006).
- 20. А.А. Быков, Письма в ЖЭТФ 87, 638 (2008).
- A. A. Bykov, I. V. Marchishin, A. V. Goran, and D. V. Dmitriev, Appl. Phys. Lett. 97, 082107 (2010).
- 22. A. T. Hatke, H.-S. Chiang, M. A. Zudov, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. B 82, 041304 (R) (2010).
- K.-J. Friedland, R. Hey, H. Kostial, R. Klann, and K. Ploog, Phys. Rev. Lett. 77, 4616 (1996).
- Д. В. Дмитриев, И. С. Стрыгин, А. А. Быков, С. Дитрих, С. А. Виткалов, Письма в ЖЭТФ 95, 467 (2012).
- 25. А. А. Быков, А. К. Бакаров, А. В. Горан и др., Письма в ЖЭТФ **74**, 182 (2001).
- A. V. Goran, A. A. Bykov, and A. I. Toropov, Semicond. Sci. Technol. 23, 105017 (2008).
- M. G. Vavilov and I. L. Aleiner, Phys. Rev. B 69, 035303 (2004).
- S. Dietrich, S. Vitkalov, D.V. Dmitriev, and A.A. Bykov, Phys. Rev. B 85, 115312 (2012).
- M. G. Vavilov, I. L. Aleiner, and L. I. Glazman, Phys. Rev. B 76, 115331 (2007).
- 30. В. Л. Бонч-Бруевич, Ш. М. Коган, ФТТ 7, 23 (1965).