Полупроводниковый искусственный графен: эффекты в слабых магнитных полях

О.А. Ткаченко¹⁾, В.А. Ткаченко

Институт физики полупроводников им. Ржанова СО РАН, 630090 Новосибирск, Россия

Поступила в редакцию 20 января 2014 г.

Численно исследован двумерный квантовый транспорт через полоску гексагональной решетки антиточек, перекрывающую многомодовый канал в структуре GaAs/AlGaAs. Обнаружено, что малые перпендикулярные магнитные поля (~ 3 мТ) подавляют объемные токи, вызывают появление краевых состояний Ландау и большое положительное магнитосопротивление по обе стороны от дираковской точки. В некоторых интервалах по энергии присутствуют таммовские краевые состояния, что добавляет к ступеням квантования кондактанса $G_n = (2|n| + 1)2e^2/h$ осцилляции амплитуды $\approx 4e^2/h$, вызванные квантованием этих состояний на длине решетки.

DOI: 10.7868/S0370274X14040067

Как известно, графеновая проблематика [1] выросла из физики графита [2] и полупроводниковых двумерных электронных систем. Достижением этой новой области стало экспериментальное исследование дираковских точек в законе дисперсии разных гексагональных решеток. Их примерами могут служить муаровая графеновая сверхрешетка [3] с периодом 10 нм и решетки с периодами до 10 мм в акустических и микроволновых метаматериалах [4, 5]. Что касается полупроводниковых структур с решетками антиточек в двумерном электронном газе ($Д \Im \Gamma$), то хотя они и изучаются уже более 20 лет, их минизонный спектр до сих пор не был обнаружен. Причина состоит в том, что минизоны для решеток с периодами ≥ 200 нм являются слишком узкими и легко разрушаются естественным беспорядком. Таким образом, идея превращения перфорированного ДЭГ в искусственный графен [6, 7] предполагает соединение трудно сочетаемых факторов: малого периода решетки, низкой плотности и большой подвижности ДЭГ. Тем не менее найдены способы подавления примесного беспорядка в ДЭГ низкой плотности [8] и получения в нем хорошо упорядоченных короткопериодных решеток [7, 9–11]. Поэтому идея полупроводникового искусственного графена не так уж далека от реализации.

По условиям технологии минимальный период решетки в ДЭГ гетероструктур GaAs/AlGaAs близок к 100 нм. Для изучения кондактанса она может быть встроена в канал микронных размеров [9]. При этом контактные области к решетке являются однородным электронным газом, в отличие от ситуации с графеновыми наноструктурами, когда контактные области тоже являются графеном. При подавленном примесном беспорядке границы канала с решеткой в ДЭГ хорошо определены, тогда как края графеновых наноструктур подвергаются сложным реконструкциям в ходе технологических операций [12–14]. Ясно, что из-за различия в постоянных решетки характерные энергии, температуры и магнитные поля в искусственном графене будут на порядки ниже, чем в естественном.

В настоящей работе численно моделируется квантовый транспорт в небольших ($\leq 6 \times 6 \text{ мкм}^2$) полосках идеальной треугольной решетки антиточек с периодом 100 нм, перекрывающих канал в высокоподвижном ДЭГ гетероперехода GaAs/AlGaAs. По аналогии с графеновыми полосками рассматриваются две ориентации решетки: с краем "зигзаг" и "кресло". Нас интересовало, как проявляются точки Дирака в кондактансе таких систем и какими являются картины локальной плотности состояний и тока, в том числе в слабых перпендикулярных магнитных полях. В моделировании использован подход Ландауэра, который является стандартным для субмикронных систем в ДЭГ [15–17]. Нам неизвестны подобные расчеты для искусственного графена. Хотя для графеновых нанополосок и графеновых квантовых точек разных форм похожие расчеты имеются, они относятся к нулевым [18, 13] либо к высоким, и даже недостижимым магнитным полям [18–21].

Аналогично [7, 22] мы используем для моделирования треугольной решетки простой потенциал $V(\mathbf{r}) = V_0[\cos(\mathbf{g_1r}) + \cos(\mathbf{g_2r}) + \cos(\mathbf{g_3r})],$ где $\mathbf{g_1} =$

¹⁾e-mail: otkach@isp.nsc.ru



Рис. 1. Зависимости кондактанса резонатора от энергии носителей при указанном числе периодов треугольной решетки $N_x \times N_y$ для случаев К- и М-ориентаций. Горизонтальные и вертикальные стрелки указывают положения минизон и точек Дирака

= $2\pi/L(1/\sqrt{3}, 1)$, $\mathbf{g}_2 = 2\pi/L(2/\sqrt{3}, 0)$, $\mathbf{g}_3 = \mathbf{g}_2 - \mathbf{g}_1$. Это первый член ряда, описывающего любую гексагональную решетку. При электростатическом формировании решетки в глубине полупроводниковой гетероструктуры более высокие гармоники не выживают. Из условий оптимизации ширины минизон и дираковских особенностей в законе дисперсии [7, 22] основные параметры потенциала приняты следующими: $V_0 = 4$ мэВ, период решетки L = 100 нм. Соответственно минимум и максимум потенциала есть $V_{\rm min} = -6$ мэВ, $V_{\rm max} = 12$ мэВ. Двумерные (2D) электроны при энергии $E < V_{\rm max}$ заполняют правильные гексагоны вокруг антиточек. Соответствен-

но нижняя зона Бриллюэна является такой же, как для графена [7]. Предполагается, что прямоугольная область с решеткой вставлена в однородный канал. Когда вектор g_2 совпадает с продольной осью x канала, речь идет об М-ориентации (край "кресло"). При повороте решетки на 90 градусов говорят о К-ориентации (край "зигзаг"). К потенциалу возле границ канала были добавлены параболические участки, охватывающие по два периода решетки, чтобы имитировать подъем потенциала из-за изгиба зон в полупроводниковой структуре. В крайних точках по y устанавливалось нулевое граничное условие для волновых функций. Потенциал однородных каналов вне решетки был принят равным V_{\min} для К-ориентации или таким же, как в крайних точках по x, для М-ориентации.

Подобно другим задачам о квантовом транспорте в 2D-субмикронных системах на базе гетероструктур GaAs/AlGaAs [15–17] методом рекурсивных функций Грина решалось двумерное уравнение Шредингера в приближении эффективной массы (m^* = $= 0.07m_e$, где m_e – масса свободного электрона). Дополнительно вычислялись распределения неравновесных токов [16]. Кондактанс находился по формуле Ландауэра с учетом спинового вырождения в пределе нулевой температуры при заданной энергии баллистических электронов Е и индукции В магнитного поля, направленного перпендикулярно плоскости ДЭГ. На рис. 1 показаны результаты расчета кондактанса решетки в канале при B = 0 в случаях с разными конфигурациями и разным числом периодов решетки по x и y (резонаторы близки к квадратным 2×2 и 3×3 мкм²). Двумерный периодический потенциал решетки формирует минизонный спектр. В результате между минизонами с номерами 2, 3 и 6, 7 имеются щели [7, 11], а между другими соседними минизонами видны бесщелевые провалы кондактанса, в том числе нижняя и верхняя дираковские точки. В каждой минизоне на элементарную ячейку решетки (площадью $L^2\sqrt{3}/2$) приходится по два состояния (с учетом спина) [2, 7]. Соответственно электронная плотность для нижней и верхней дираковских точек составит $2.3 \cdot 10^{10}$ и $9.2 \cdot 10^{10}$ см⁻². Второе значение отвечает экспериментальным возможностям для систем в ДЭГ [7]. Видно, что зависимости G(E) рядом с каждой точкой Дирака близки к линейным. Они завершаются высокими пиками, которые отвечают большой плотности состояний в Мточке закона дисперсии двумерной решетки [7, 11]. Частые интерференционные осцилляции обусловлены конечным размером резонаторов [4, 5, 9]. Общее поведение G(E) на участке с минизонами 1, 2 напоминает вычисленное для полосок графена [13]. В дальнейшем мы будем в основном интересоваться более широким провалом во второй дираковской точке, где влияние остаточного беспорядка является менее разрушительным. Согласно закону дисперсии между минизонами 5 и 6, т.е. выше точки Дирака $E_{\rm D}$, имеется особенность в виде касания двух парабол в Г-точке [7], которой также соответствует провал кондактанса. Однако магнитополевое поведение кондактанса в этих двух провалах сильно различается.

На рис. 2 показана зависимость кондактанса от энергии возле верхней точки $E_{\rm D}$ для решеток в



Рис. 2. Зависимости кондактанса от энергии возле границы минизон 4 и 5 для треугольной решетки с числом периодов 70×60 в случаях нулевого и слабых магнитных полей. Звездочками отмечены E_R и E_L для М- и К-конфигураций решетки (см. текст)

конфигурациях кресло и зигзаг с числом периодов $70 \times 60 \ (6 \times 6 \text{ мкm}^2)$ в случаях нулевого и слабых магнитных полей. Из-за увеличения шага по x и у до 10 нм по сравнению с рис. 1, где шаги равны 4 нм, произошел сдвиг всех минизон по оси энергии вниз на 0.3 мэВ. Однако это не влияет качественно на результаты счета. Видно, что включение слабых перпендикулярных полей делает зависимости G(E)принципиально иными: в них появляются регулярные осцилляции и ступени. При $E > E_R > E_{\rm D}$ в конфигурации кресло и при $E < E_L < E_D$ в конфигурации зигзаг частые осцилляции подавляются и ступени имеют четкую высоту $G_n = (2|n|+1)2e^2/h$, где |n| = 0, 1, 2, 3, 4. В противоположном случае к ступеням, края E_n которых находятся на таких же дистанциях от $E_{\rm D}$, что и в первом случае, добавляется некий интерференционный вклад < $4e^2/h$ (peгулярные осцилляции). Расчеты распределений локальной плотности состояний и неравновесного тока (рис. 3) показывают, что этот вклад дают таммовские состояния, охватывающие в основном 1-2 периода возле краев канала (для края кресло они шире, чем для края зигзаг). Такие состояния существуют в некотором диапазоне энергий, в том числе и при B = 0. Они аналогичны таммовским состояниям на краях графеновых полосок [13, 23] и вокруг отверстий в графене [24], где они могут поразному располагаться относительно $E_{\rm D}$ в зависимо-



Рис. 3. Пример картин тока в М-направленной решетке при E = 1.26 мэВ. Стрелки указывают направление тока

сти от феноменологических параметров, определяемых конфигурацией края [23]. В нашем случае входы в решетку из однородных каналов являются резкими. Поэтому наблюдаются квантование таммовских состояний на длине структуры. Это дает регулярные осцилляции кондактанса. Например, на рис. 3 для B = 3 мT видны три полуволны в токе возле краев канала, что соответствует третьему резонансу для М-конфигурации на рис. 2. Расчеты показывают, что асимметрия кривых G(E) относительно точки Дирака в нулевом и слабом магнитных полях определяется спектром таммовских состояний, который зависит как от ориентации полоски, так и от крутизны параболы изгиба зон у границы. Интересно, что если число периодов в решетке по x и y – четное, то для Кконфигурации входы в решетку одинаковы, но верхние и нижние границы различаются (противофазные зигзаги) и таммовские состояния несут разные токи. Таммовские токи становятся одинаковыми при транспонировании решетки, т.е. в М-конфигурации.

Анализ картин неравновесного тока проясняет, как формируются ступени кондактанса в магнитном поле. В нулевом магнитном поле в структуре имются довольно однородные объемные токи (рис. 3). Слабое магнитное поле (~3мТ) полностью подавляет токи в центральной части резонатора почти для всех энергий вблизи точки Дирака (за исключением ЕD и резонансных энергий, лежащих в переходах между ступенями). Это поле формирует краевые токовые состояния Ландау, огибающие изолирующую область с той стороны, которая определяется знаком силы Лоренца (рис. 3). Перед выходом в однородный канал этот ток растекается по у. В то же время смена знака В не оказывает существенного влияния на ток по таммовским состояниям. Поэтому если обозначить как J₁ и J₂ полные токи, текущие через нижнюю и верхнюю проводящие части канала, то антисимметричные комбинации $J_1(B) - J_1(-B)$ и $J_2(B) - J_2(-B)$ будут лишены вклада таммовских состояний и представят вклад состояний Ландау в полный ток со знаком плюс либо минус в зависимости от того, по какой половине канала они обходят центральную изолирующую область. Модуль разности сохраняется при смене знака В по определению. Результаты расчета зависимостей разностей токов от E показаны на рис. 4 (вычисляется отношение тока



Рис. 4. Краевые токи в решетке антиточек, отвечающие квантованию Ландау (см. текст), при B = 3 мT для конфигураций решеток из предыдущего рисунка. Индексы "1" и "2" относятся к нижней и верхней половинам канала

Письма в ЖЭТФ том 99 вып. 3-4 2014

235

J к падению напряжения V). Несмотря на крупный шаг по E, при J/V > 0 видны совершенно четкие ступени высоты $(2|n|+1) \cdot 2e^2/h$, которые одинаковы для К- и М-ориентаций решетки в канале. Принципиально новым фактом по сравнению с рис. 2 является антисимметрия кривых относительно $E_{\rm D}$. Ее смысл состоит в том, что при переходе E через $E_{\rm D}$ краевое состояние Ландау с n = 0 "перепрыгивает" с одного края канала на другой при неизменном знаке В. Это означает изменение знака силы Лоренца, т.е. знак носителей заряда меняется, как в графене. Мы убедились в том, что положение точки антисимметрии не зависит от величины В. Следовательно, очевидна аналогия этого эффекта с изменением знака холловского напряжения в графене при переходе затворного напряжения через точку Дирака при фиксированном В. Было проверено, что все плато положительного знака с рис. 4 хорошо вписываются в общий ход кривых на рис. 2, а разность этих кривых и плато дает полный вклад таммовских состояний в кондактанс. Этот вклад не превышает $4e^2/h$ (два одномодовых состояния), за исключением промежутка 1.4 мэВ < E < 1.44 мэВ в конфигурации зигзаг, на котором таммовские состояния на каждом краю канала становятся двухмодовыми. Интересно, что в однородных каналах шириной 6 мкм асимметрия распределения токов поперек канала в магнитных полях 1–10 мТ практически незаметна, а локализация тока у края канала возникает при полях, на порядок больших. В других энергетических интервалах (на краях минизон) квантование кондактанса решетки если и возникает, то по обычному закону, $n \cdot 2e^2/h$, где n = 1, 2, 3, ..., и в полях, на порядок более высоких, чем вблизи точки Дирака (рис. 5).

Мы выяснили, что положение краев ступеней E_n на рис. 2 и 4 представимо в виде, который известен для объемных уровней Ландау в графене: $|E_n - E_D| = v(2\hbar e |n|B_n)^{1/2}$, где n – номера уровней и в данном случае $v = 5.8 \cdot 10^4$ м/с. Это значение лишь на 20% меньше, чем получается из закона дисперсии для неограниченной решетки при B = 0 и значения квазиимпульса в К-точке $k = 4\pi/3L = 0.0419$ нм⁻¹ [7, 22]: $v = dE/(\hbar dk) = 6.9 \cdot 10^4$ м/с. Важно, что квантование Ландау имеют место и возле нижней точки Дирака (граница минизон 1–2), но за счет более сильного удержания характерная скорость здесь меньше примерно в 2 раза ($v = 2.5 \cdot 10^4$ и $3.1 \cdot 10^4$ м/с из закона дисперсии). Для сравнения укажем, что в графене $v_{\rm F} = 10^6$ м/с.

Поведение G(E) возле дираковской точки на рис. 2 сходно с измеренной затворной зависимостью кондактанса подвешенного субмикронного графено-

Письма в ЖЭТФ том 99 вып. 3-4 2014



Рис. 5. Зависимости G(B) при параметрах решетки, как на рис. 2: E = 0.5 и 2.6 мэВ находятся возле Г-точек в законе дисперсии, две пары других E лежат по разные стороны от $E_{\rm D}$. На вставке в двойном логарифмическом масштабе дано положение краев ступеней для тех же E

вого точечного контакта, включая появление ступеней квантования кондактанса при $B \neq 0$ [14]. Там оно объяснялось с позиций квантового эффекта Холла и эквивалентности плато двухтерминального кондактанса $(2|n|+1)2e^2/h$ квантам холловской проводимости графена. Однако на плато отсутствовали интерференционные осцилляции и значения B в эксперименте были на 2 порядка выше, чем на рис. 2 и 4.

На рис. 5 приведена зависимость кондактанса решетки антиточек от магнитного поля В для энергий, расположенных возле Г- и К-точек закона дисперсии. Видно, что в первом случае спад кондактанса медленнее, чем во втором. Участок большого положительного магнитосопротивления сменяется ступенями. Однако при этом в первом случае $G_n = (n+1) \cdot 2e^2/h$, а во втором $G_n = (2|n|+1) \cdot 2e^2/h$. Соответственно края ступеней отвечают разным правилам. В первом случае $E - E_0 = (n + 1/2)\hbar\omega_c$, где $\omega_c = eB_n/m^*$, а масса m^* определяется второй производной закона дисперсии в Г-точке с энергией E_0 . Во втором случае имеем $|E - E_{\rm D}| = v (2\hbar e |n| B_n)^{1/2}$. В качестве примера была рассмотрена М-конфигурация. Подобно поведению G(E) на рис. 2 ко всем ступеням G(B) при E = 1.2 мэВ добавляются интерференционные осцилляции, вызываемые квантованием таммовских состояний. Эти осцилляции не проникают в область E < 1.1 мэВ (рис. 2), и их нет на рис. 5 для E = 1 мэВ. Появление узких пиков в переходе между плато сn = -1и 0 при B = 25 мТ объясняется резонансами с локализованными состояниями решетки. Подобные состояния моделировались для графеновых квантовых точек в случае недостижимо высоких $B(10^3 \text{ T})$ [21].

Итак, в данной работе в пренебрежении беспорядком исследована модель полупроводникового дираковского резонатора в многомодовом канале. Путем расчетов установлены большое магнитосопротивление резонатора и квантование Ландау в необычно низких магнитных полях (~ 3 мТ). Показано, что транспорт при таких полях обеспечивается лишь краевыми уровнями Ландау и таммовскими состояниями, а центральная часть решетки становится изолятором. Таммовские состояния для конфигураций кресло и зигзаг занимают разные области энергии относительно точки Дирака. Соответственно в этих областях из-за продольного квантования таммовских состояний к ступеням квантования кондактанса добавляются интерференционные пики. В данный момент еще не созданы структуры для прямой проверки этих предсказаний. Вместе с тем имеется некоторое сходство найденных эффектов с результатами измерений для других дираковских систем при совершенно иных параметрах.

Работа выполнялась при поддержке программы #24 президиума РАН и интеграционного проекта ИП130 СО РАН. Для расчетов был предоставлен доступ к ресурсам Межведомственного суперкомпьютерного центра РАН. Авторы благодарят Д.Г. Бакшеева за помощь в выполнении этих расчетов.

- K.S. Novoselov, A.K. Geim, S.V. Morozov, D. Jiang, Y. Zhang, S.V. Dubonos, I.V. Grigorieva, and A.A. Firsov, Science **306**, 666 (2004); K.S. Novoselov, A.K. Geim, S.V. Morozov, D. Jiang, M.I. Katsnelson, I.V. Grigorieva, S.V. Dubonos, and A.A. Firsov, Nature **438**, 197 (2005).
- 2. P.R. Wallace, Phys. Rev. 71, 622 (1947).
- L.A. Ponomarenko, R.V. Gorbachev, G.L. Yu, D.C. Elias, R. Jalil, A.A. Patel, A. Mishchenko, A.S. Mayorov, C.R. Woods, J.R. Wallbank, M. Mucha-Kruczynski, B.A. Piot, M. Potemski, I.V. Grigorieva, K.S. Novoselov, F. Guinea, V. I. Fal'ko, and A. K. Geim, Nature 497, 594 (2013).
- X. Zhang and Z. Liu, Phys. Rev. Lett. 101, 264303 (2008).
- S. Bittner, B. Dietz, M. Miski-Oglu, and A. Richter, Phys. Rev. B 85, 064301 (2012).
- 6. C.-H. Park and S. G. Louie, Nano Lett. 9, 1793 (2009).
- 7. L. Nádvorník, M. Orlita, N. A. Goncharuk, L. Smrcka,

V. Novak, V. Jurka, K. Hruska, Z. Vyborny, Z.R. Wasilewski, M. Potemski, and K. Vyborny, New J. Phys. **14**, 053002 (2012).

- R. H. Harrell, K. S. Pyshkin, M. Y. Simmons, D. A. Ritchie, C. J. B. Ford, G. A. C. Jones, and M. Pepper, Appl. Phys. Lett. **74**, 2328 (1999); O. A. Tkachenko, V. A. Tkachenko, D. G. Baksheyev, K. S. Pyshkin, R. H. Harrell, E. H. Linfield, D. A. Ritchie, and C. J. B. Ford, J. Appl. Phys. **89**, 4993 (2001).
- A. Dorn, T. Ihn, K. Ensslin, W. Wegscheider, and M. Bichler, Phys. Rev. B 70, 205306 (2004).
- Y. Kato, A. Endo, S. Katsumoto, and Y. Iye, Phys. Rev. B 86, 235315 (2012).
- N.L. Dias, A. Garg, U. Reddy, U. Choi, and J.J. Coleman, Appl. Phys. Lett. **100**, 121115 (2012).
- P. Koskinen, S. Malola, and H. Häkkinen, Phys. Rev. Lett. 101, 115502 (2008).
- P. Hawkins, M. Begliarbekov, M. Zivkovic, S. Strauf, and C. P. Search, J. Phys. Chem. C 116, 18382 (2012).
- N. Tombros, A. Veligura, J. Junesch, M. H. D. Guimaraes, I. J. Vera-Marun, H. T. Jonkman, and B. J. van Wees, Nature Physics 7, 697 (2011).
- T. Ando, Phys. Rev. B 44, 8017 (1991); T. Usuki, M. Saito, M. Takatsu, R. A. Kiehl, and N. Yokoyama, Phys. Rev. B 52, 8244 (1995).
- A. Cresti, R. Farchioni, G. Grosso, and G. P. Parravicini, Phys. Rev. B 68, 075306 (2003).
- О. А. Ткаченко, В. А. Ткаченко, З. Д. Квон, А. В. Латышев, А. Л. Асеев, Российские нанотехнологии 5, 117 (2010); О. А. Ткаchenko, V. А. Ткаchenko, Z. D. Kvon, A. L. Aseev, and J. C. Portal, Nanotechnology 23, 095202 (2012); О. А. Ткаченко, В. А. Ткаченко, Ж. К. Портал, Письма в ЖЭТФ 97, 13 (2013).
- S. B. Kumar, M. B. A. Jalil, S. G. Tan, and G. Liang, J. Phys.: Cond. Matt. 22, 375303 (2010).
- T.S. Lia, Y.C. Huang, S.C. Chang, C.P. Chang, and M.F. Lin, Phil. Mag. 89, 697 (2009).
- 20. M. H. D. Guimaraes, O. Shevtsov, X. Waintal, and B. J. van Wees, Phys. Rev. B 85, 075424 (2012).
- S. C. Kim, P.S. Park, and S.-R. E. Yang, Phys. Rev. B 81, 085432 (2010); I. Romanovsky, C. Yannouleas, and U. Landman, Phys. Rev. B 83, 045421 (2011).
- O. P. Sushkov and A. H. Castro Neto, Phys. Rev. Lett. 110, 186601 (2013).
- В. А. Волков, И. В. Загороднев, ФНТ **35**, 5 (2009);
 А. R. Akhmerov and C. W. J. Beenakker, Phys. Rev. B **77**, 085423 (2008).
- 24. Ю. И. Латышев, А. П. Орлов, А. В. Фролов, В. А. Волкова, И. В. Загороднев, В. А. Скуратов, Ю. В. Петров, О. Ф. Вывенко, Д. Ю. Иванов, М. Конзиковски, П. Монсеау, Письма в ЖЭТФ 98, 242 (2013).

Письма в ЖЭТФ том 99 вып. 3-4 2014