## Нулевое дифференциальное сопротивление двумерного электронного газа в одномерном периодическом потенциале при больших факторах заполнения

А. А. Быков<sup>+\*1)</sup>, И. С. Стрыгин<sup>+</sup>, А. В. Горан<sup>+</sup>, Е. Е. Родякина<sup>+\*2)</sup>, В. Майер<sup>×3)</sup>, С. А. Виткалов<sup>×3)</sup>

+Институт физики полупроводников им. Ржанова СО РАН, 630090 Новосибирск, Россия

\*Новосибирский государственный университет, 630090 Новосибирск, Россия

<sup>×</sup> Physics Department, City College of the City University of New York, 10031 New York, USA

Поступила в редакцию 5 июля 2016 г.

Исследован нелинейный магнетотранспорт двумерного (2D) электронного газа в одномерных латеральных сверхрешетках, изготовленных на основе селективно-легированной гетероструктуры GaAs/AlAs. Одномерная потенциальная модуляция 2D электронного газа осуществлялась при помощи серии металлических полосок, сформированных на поверхности гетероструктуры с использованием электронно-лучевой литографии и технологии "взрыва". Изучались зависимости дифференциального сопротивления  $r_{xx}$  от магнитного поля B < 1.5 Тл при температуре T = 4.2 К в сверхрешетках с периодом a = 400 нм. Обнаружено, что в одномерных латеральных сверхрешетках в скрещенных электрическом и магнитном полях возникают электронные состояния с  $r_{xx} \approx 0$ . Показано, что в 2D электронных системах с одномерной периодической модуляцией состояния с  $r_{xx} \approx 0$  возникают в минимумах соизмеримых осцилляций магнетосопротивления.

DOI: 10.7868/S0370274X16160098

Магнетотранспортные свойства двумерного (2D) электронного газа в одномерном периодическом потенциале исследуются уже более четверти века [1–3]. К настоящему времени известно несколько вариантов экспериментальной реализации одномерных латеральных сверхрешеток на основе полупроводниковых 2D систем [1–7]. Один из вариантов сверхрешетки с периодом а представлен на рис. 1а. В этом варианте периодический потенциал  $V(x) = V_0 \cos(2\pi x/a)$ задается затворным напряжением  $V_q$  на серии металлических полосок, сформированных на поверхности полупроводниковой структуры. Наиболее ярким эффектом, обнаруженным в такой системе, являются соизмеримые осцилляции (СО) магнетосопротивления [1]. СО, как и осцилляции Шубникова-де Гааза (ШДГ), периодичны в обратном магнитном поле. Положение минимумов СО задается соотношением  $[1-3]: 2R_c/a = (i-1/4),$  где  $R_c = v_F/\omega_c$  – циклотронный радиус,  $v_{\rm F}$  – скорость Ферми,  $\omega_c$  – циклотронная частота, а *i* – целое положительное число. Для наблюдения СО период а должен быть меньше длины свободного пробега электронов  $l_p = v_{\rm F} \tau_{tr}$ , где  $\tau_{tr}$  – транспортное время релаксации.

В рамках классического рассмотрения возникновение СО объясняется резонансом между периодическим движением электронов в магнитном поле B по орбите радиусом  $R_c$  и осциллирующим дрейфом центра орбиты, индуцированным одномерным потенциалом V(x) [8]. В рамках квантово-механической модели одномерная потенциальная модуляция видоизменяет энергетический спектр 2D электронов в поле Bвследствие снятия вырождения по отношению к координате центра волновой функции  $x_0$ , что приводит к возникновению зон Ландау. В условиях слабой модуляции 2D электронного газа зависимость энергии уровня Ландау с номером  $n \gg 1$  от  $x_0$  выражается следующим соотношением [3]:

где

$$V_B = V_0 (a/\pi^2 R_c)^{1/2} \cos(2\pi R_c/a - \pi/4).$$
(2)

(1)

Из (1) следует, что ширина зон Ландау  $\Gamma_B = 2|V_B|$ имеет максимум при выполнении равенства:  $2R_c/a = (i + 1/4)$ . Схематическое изображение зон Ландау представлено на рис. 1b. Периодическое изменение

 $E_n(x_0) \approx (n+1/2)\hbar\omega_c + V_B \cos(2\pi x_0/a),$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>bykov@isp.nsc.ru

<sup>&</sup>lt;sup>2)</sup>Член научной школы № НШ-10211.2016.8.

<sup>&</sup>lt;sup>3)</sup>W. Mayer, S. A. Vitkalov.



Рис. 1. (Цветной онлайн) (а) – Схематический разрез одномерной латеральной сверхрешетки на основе полупроводниковой гетероструктуры: a – период сверхрешетки;  $d_{QW}$  – ширина квантовой ямы;  $d_S$  – расстояние от поверхности структуры до 2D электронного газа. (b) – Зависимость плотности электронных состояний от энергии D(E) в одномерной латеральной сверхрешетке:  $\Gamma_B$  – ширина зоны Ландау;  $\hbar\omega_c$  – энергетическое расстояние между уровнями Ландау

 $\Gamma_B$  по 1/B, а вместе с  $\Gamma_B$  и величины зонной проводимости, является квантовой причиной CO.

В настоящей работе проведено экспериментальное исследование нелинейного транспорта 2D электронов в одномерном периодическом потенциале при большом числе заполненных уровней Ландау:  $E_{\rm F}/\hbar\omega_c = \nu \gg 1$ , где  $E_{\rm F}$  – энергия Ферми,  $\nu$  – фактор заполнения. В высокоподвижных 2D системах квантование Ландау приводит к необычному эффекту разогрева электронов [9, 10], в результате которого система переходит в состояния с нулевым дифференциальным сопротивлением  $r_{xx} \approx 0$  [11– 13]. Постоянное электрическое поле Е<sub>dc</sub> формирует в вырожденной 2D системе, находящейся в магнитном поле B, многоступенчатую функцию распределения [9, 12], которая и является физической причиной уменьшения  $r_{xx}$  с ростом  $E_{dc}$ . По сравнению с линейным откликом квантование Ландау в нелинейном транспорте проявляется в существенно большем диапазоне температур [14]. Это позволяет использовать нелинейные эффекты для исследования квантовых явлений в 2D системах в условиях  $kT > \hbar\omega_c.$ 

Основная цель работы - установление роли одномерного периодического потенциала в формировании состояний с  $r_{xx} \approx 0$  в вырожденной 2D системе в скрещенных электрическом и магнитном полях. Мотивация этих исследований состоит еще и в том, что природа состояний с  $r_{xx} \approx 0$  во многих аспектах аналогична природе состояний с нулевым сопротивлением  $R_{xx} \approx 0$ , возникающих в 2D системе под действием микроволнового излучения [15, 16]. Однако физические причины микроволновой фотопроводимости 2D электронного газа при больших факторах заполнения остаются до сих пор дискуссионными [17], что требует дальнейшего изучения неравновесных явлений в 2D системах. Недавно в одномерных сверхрешетках были обнаружены гигантские осцилляции микроволнового фотосопротивления и состояния с нулевым сопротивлением [18, 19]. Эти исследования поставили ряд вопросов, ответы на которые можно получить при изучении нелинейного транспорта в таких системах.

В работе изучался нелинейный электронный транспорт в одномерных латеральных сверхрешетках, изготовленных на основе гетероструктуры GaAs/AlAs. Исходная селективно-легированная гетероструктура представляла собой квантовую яму GaAs с боковыми сверхрешеточными барьерами AlAs/GaAs [20, 21]. Ширина квантовой ямы составляла 13 нм. Гетероструктура выращивалась методом молекулярно-лучевой эпитаксии на (100) GaAs подложке. Исследования проводились при  $T=4.2\,\mathrm{K}$ в магнитных полях  $B<1.5\,\mathrm{Tr}$  на мостиках шириной W = 50 мкм и длиной L = 100 мкм. Мостики изготавливались при помощи оптической литографии и жидкостного травления. Концентрация 2D электронов в исходной гетероструктуре составляла  $n_e \approx 7.7 \cdot 10^{15} \,\mathrm{m}^{-2}$ , а их подвижность  $\mu \approx 200 \text{ M}^2/\text{Bc}.$ 

Схематическое изображение образца представлено на вставке к рис. 2а. Он состоит из двух мостиков, на один из которых нанесена металлическая решетка, действующая как затвор Шоттки. Решетки изготавливались при помощи электронной литографии и метода "взрыва" двухслойной металлической пленки Au/Ti. Толщина слоя Au составляла 40 нм, а слоя Ti – 5 нм. Решетка представляла собой набор Au/Ti полосок шириной 200 нм, на которые подавалось постоянное напряжение  $V_g$  от 0 до –2 В. Период *a* составлял 400 нм. Сопротивление измерялось на переменном токе  $I_{\rm ac} < 10^{-6}$  A при одновременном протекании через образец постоянного тока  $I_{\rm dc}$  от 0 до 50 мкА. Исследовались три образца, показавшие качественно одинаковое поведе-



Рис. 2. (Цветной онлайн) (а) – Зависимости  $R_{xx}(B)$ , измеренные на мостике с решеткой при  $T = 4.2 \,\mathrm{K}$  для различных  $V_g$ :  $1 - V_g = -1.2 \,\mathrm{B}$ ;  $2 - V_g = -1.325 \,\mathrm{B}$ ;  $3 - V_g = -1.45 \,\mathrm{B}$ ;  $4 - V_g = -1.525 \,\mathrm{B}$ . Стрелками указаны положения  $B_{cr}$  и максимума СО под номером i = 1. На вставке изображена упрощенная схема образца, на один сегмент которого нанесена латеральная сверхрешетка. (b) – Зависимость  $R_{xx}(B)$ , измеренная при  $T = 4.2 \,\mathrm{K}$  на мостике без решетки

ние. В работе приводятся результаты для одного из них.

На рис. 2 представлены зависимости  $R_{xx}(B)$ , измеренные на различных частях образца. В мостике без сверхрешетки (рис. 2b) в полях B > 0.1 Тл наблюдается квантовое положительное магнетосопротивление [22, 23], а в полях B > 0.5 Тл возникают осцилляции Шубникова-де Гааза. В мостике с решеткой наряду с осцилляциями ШДГ наблюдаются СО. Амплитуда этих осцилляций с ростом модуля V<sub>q</sub> возрастает, что связано с увеличением амплитуды одномерной латеральной модуляции V<sub>0</sub> [4]. Положение максимума в слабых магнитных полях при  $B = B_{cr}$ позволяет определить амплитуду периодического потенциала [4]:  $V_0 = av_F B_{cr}/2\pi$ . Смещение  $B_{cr}$  в более сильные магнитные поля указывает на рост $V_{\rm 0}$ при подаче на решетку отрицательного затворного напряжения. Кроме того, с ростом  $|V_q|$  максимумы СО смещаются в более слабые магнитные поля. Это смещение обусловлено изменением периода CO при



Рис. 3. (Цветной онлайн) (а) – Зависимости  $r_{xx}(B)$ , измеренные на мостике с решеткой при T = 4.2 К и  $V_g = 0$ для различных  $I_{dc}$ :  $1 - I_{dc} = 0$ ;  $2 - I_{dc} = 25$  мкА. (b) – Теоретическая зависимость, рассчитанная по формуле (1):  $\Gamma_B = 2|V_B|$ ; a = 400 нм;  $V_0 = 0.52$  мВ. Стрелками указаны минимумы СО

уменьшении концентрации 2D электронного газа в квантовой яме.

На рис. За приведены зависимости  $r_{xx}(B)$ , измеренные на мостике с решеткой при нулевом затворном напряжении для  $I_{dc} = 0$  и  $I_{dc} = 25$  мкА. Зависимость  $r_{xx}(B)$  для  $I_{dc} = 0$  (в этом случае  $r_{xx} = R_{xx}$ ) показывает, что в изучаемых решетках латеральная модуляция 2D электронного газа присутствует и при  $V_g = 0$ . Величина  $V_0$ , рассчитанная из величины  $B_{cr}$  при  $V_g = 0$ , составляет 0.52 мВ. Одна из причин такой модуляции – упругие механические напряжения, индуцированные металлическими полосками затвора [6]. Отметим, что несинусоидальная форма СО в зависимости  $R_{xx}(B)$  указывает на негармоничность периодической модуляции [24].

Зависимость  $r_{xx}(B)$  для  $I_{dc} = 25$  мкА показывает, что при подаче на образец постоянного электрического тока сопротивление в минимумах СО изменяется более существенно, чем в максимумах. Видно, что величина  $r_{xx}$  в минимумах с номерами i = 1 и 2 падает до нуля. При этом в максимуме, расположенном между первым и вторым минимумами,  $r_{xx}$  не зануляется. Сопоставление  $r_{xx}(B)$  с расчетной зависимостью  $\Gamma_B(B)$ , изображенной на рис. 3b, указывает на то, что нелинейный отклик является наиболее сильным в условиях, когда  $\Gamma_B = 0$ . Именно в таких условиях и наблюдаются состояния с  $r_{xx} \approx 0$  в сверхрешетках.

Рис. 4 демонстрирует, что при подаче на решетку напряжения  $V_q = -1$  В состояния с  $r_{xx} \approx 0$  не



Рис. 4. (Цветной онлайн) (а) – Зависимости  $r_{xx}(B)$ , измеренные на мостике с решеткой при T = 4.2 К и  $V_g = -1$  В для различных  $I_{dc}$ :  $1 - I_{dc} = 0$ ;  $2 - I_{dc} = 25$  мкА. (b) – Теоретическая зависимость, рассчитанная по формуле (1):  $\Gamma_B = 2|V_B|$ ; a = 400 нм;  $V_0 = 0.83$  мВ. Стрелками указаны минимумы СО

возникают даже при  $\Gamma_B = 0$ . Выше отмечалось, что отрицательное  $V_g$  приводит не только к увеличению  $V_0$ , но и к уменьшению концентрации электронов в GaAs квантовой яме. Увеличение  $V_0$  ведет к возрастанию  $\Gamma_B$ , но в минимумах  $\Gamma_B = 0$ . Таким образом, условия для формирования состояний с  $r_{xx} \approx 0$  в минимумах CO с ростом  $V_0$  не изменяются, и зависимость  $V_0$  от  $V_g$  не является причиной разрушения состояния с  $r_{xx} \approx 0$  в минимумах CO. Другой возможной причиной разрушения состояний с  $r_{xx} \approx 0$  при подаче отрицательного  $V_g$  на решетку может быть уменьшение квантового времени жизни электронов  $\tau_q$  с уменьшением  $n_e$  [21].

Для проверки этого предположения мы измерили  $\tau_q$  в исследуемой решетке при  $V_g = 0$  и  $V_g = -1$  В. В отличие от 2D системы, зависимость амплитуды ос-

цилляций ШДГ от 1/B не может быть использована для вычисления  $\tau_q$  в решетках, т.к. периодический потенциал приводит к появлению зон Ландау. На основании того факта, что в минимумах СО  $\Gamma_B = 0$ , можно для определения  $\tau_q$  использовать метод, основанный на падении сопротивления 2D электронного газа с ростом  $I_{dc}$  в фиксированном поле B [9, 10, 14]. В решетках этот метод применим лишь в минимумах СО, когда спектр состояний соответствует 2D системе без одномерной латеральной модуляции.

Теория предсказывает, что в области небольших электрических полей  $E_{\rm dc}$  основной вклад в нелинейный отклик 2D электронного газа при  $\nu \gg 1$ связан с ролью неравновесной функции распределения f(E) [9]. Решение диффузионного уравнения в этом случае дает ступенчатую зависимость f(E) [14] со ступеньками в максимумах плотности состояний D(E). В фиксированном магнитном поле B они идут с периодом  $\hbar\omega_c$ . Степень отклонения системы от равновесия вследствие спектральной диффузии в электрическом поле  $E_{\rm dc}$  ограничивается временем неупругого рассеяния  $\tau_{in}$ , которое подавляет неравновесный вклад [25]. Зависимость  $r_{xx}(E_{\rm dc})$  описывается следующим соотношением [10]:

$$r_{xx}/R_D = 1 + 2\delta^2 [(1 - 10Q_{\rm dc} - 3Q_{\rm dc}^2)/(1 + Q_{\rm dc})^2], (3)$$

где  $R_D$  – квазиклассическое сопротивление Друде,  $\delta = \exp(-\pi/\omega_c \tau_q)$  – фактор Дингла, а  $Q_{\rm dc} =$   $= (2\tau_{in}/\tau_{tr})(eE_{\rm dc}v_{\rm F}/\omega_c)^2(\pi/\hbar\omega_c)^2$ . В условиях  $\omega_c \tau_{tr} \gg 1$  параметр  $Q_{\rm dc}$  можно выразить в виде:  $Q_{\rm dc} = (I_{\rm dc}/I_0)^2$ .

На рис. 5 представлены экспериментальные и теоретические зависимости

 $r_{xx}(I_{dc})$  для мостиков с решеткой и без решетки при B = 0.2 Тл. Это магнитное поле соответствует минимуму CO с номером i = 4. Экспериментальные зависимости показывают, что  $r_{xx}$  с ростом  $I_{dc}$  вначале падает, а затем растет. Падение  $r_{xx}$  обусловлено ролью неравновесной функции распределения в нелинейном транспорте, а возрастание связано с туннелированием Зинера между уровнями Ландау [26–28]. Соотношение (3) описывает корректно лишь спад в зависимости  $r_{xx}(I_{dc})$ . Теоретическая зависимость определяется тремя параметрами:  $R_D$ ,  $\delta$  и  $I_0$ . Мы использовали эти параметры в качестве подгоночных, а  $\tau_q$  определяли из величины  $\delta$ . Были получены следующие величины квантового времени жизни:  $\tau_q = 5.5 \,\mathrm{nc}$  для 2D электронного газа;  $\tau_q = 4.7 \,\mathrm{nc}$ для сверхрешетки ( $V_g = 0$ ) и  $\tau_q = 3.3$  пс для сверхрешетки ( $V_q = -1$  В). Таким образом, можно сделать вывод, что состояния с  $r_{xx} \approx 0$  не возникают в мини-



Рис. 5. (Цветной онлайн) Зависимости  $r_{xx}(I_{dc})$ . Сплошные линии – экспериментальные зависимости, измеренные при T = 4.2 К для B = 0.2 Тл. 1 – Мостик без решетки. 2 – Мостик с решеткой:  $V_g = 0.3$  – Мостик с решеткой:  $V_g = -1$  В. Значки – теоретические зависимости, рассчитанные по формуле (3). Треугольники:  $R_D = 8.15$  Ом;  $\delta = 0.33$ ;  $I_0 = 18$  мкА. Окружности:  $R_D = 8.6$  Ом;  $\delta = 0.27$ ;  $I_0 = 21$  мкА. Квадраты:  $R_D = 10.45$  Ом;  $\delta = 0.15$ ;  $I_0 = 24$  мкА. Стрелками указаны положения  $I_0$ 

мумах СО (i = 1, 2) при  $V_g = -1$  В из-за уменьшения квантового времени жизни электронов.

Разрушение состояний с  $r_{xx} \approx 0$  в максимумах СО мы связываем с трансформацией зависимости D(E) 2D электронного газа в одномерном периодическом потенциале. В условиях слабой модуляции 2D электронного газа зависимость  $D(E_{\rm F})$  выражается следующим соотношением [29]:

$$D(E_{\rm F})/D_0 = 1 + \Sigma \cos[2\pi k(\varepsilon_{\rm F} - 1/2)] \times J_0(2\pi k v_B) \exp(-2\pi k \gamma), \qquad (4)$$

где  $D_0$  – плотность состояний в 2D системе в нулевом магнитном поле, k – индекс суммирования от 1 до  $\infty$ ,  $\varepsilon_{\rm F} = E_{\rm F}/\hbar\omega_c$ ,  $v_B = V_B/\hbar\omega_c$ ,  $\gamma = 1/2\tau_q\omega_c$ . На рис. 6 представлены результаты расчета по формуле (4) для сверхрешетки при нулевом затворном напряжении. В расчете мы ограничились суммой первых десяти членов. Из зависимостей видно, что поведение плотности состояний в минимумах и максимумах СО различное. Величина модуляции плотности состояний  $(D/D_0 - 1)$  существенно меньше в максимумах СО, чем в минимумах. Такое различие, с нашей точки зрения, и является основной причиной отсутствия занулений дифференциального сопротивления в максимумах СО.



Рис. 6. (Цветной онлайн) (а) – Теоретическая зависимость  $D/D_0$  от  $\nu$  в одномерной латеральной сверхрешетке, рассчитанная по формуле (4): a = 400 нм;  $E_{\rm F} = 26.9$  мэВ;  $V_0 = 0.52$  мВ;  $\tau_q = 4.7$  пс. Стрелками указаны положения минимумов СО. (b) – Зависимость  $D/D_0$  от  $\nu$  в максимуме СО. (c) – Зависимость  $D/D_0$  от  $\nu$  в минимуме СО

В работе показано, что в одномерных латеральных сверхрешетках на основе гетероструктуры AlAs/GaAs под действием постоянного электрического тока возникают состояния с нулевым дифференциальным сопротивлением. При температуре T = 4.2 К состояния с  $r_{xx} \approx 0$  возникают в исследуемых сверхрешетках лишь в минимумах СО. Экспериментальные данные качественно объясняются различной шириной зон Ландау в максимумах и минимумах CO.

Работа была выполнена с использованием оборудования ЦКП "Наноструктуры" при поддержке Министерства образования и науки Российской Федерации, РФФИ (проект номер 14-02-01158) и National Science Foundation (DMR 1104503). Работы по электронной литографии выполнены при поддержке Российского Научного Фонда (грант # 14-22-00143).

- D. Weiss, K. von Klitzing, K. Ploog, and G. Weimann, Europhys. Lett. 8, 179 (1989).
- R. R. Gerhardts, D. Weiss, and K. von Klitzing, Phys. Rev. Lett. 62, 1173 (1989).

- R. W. Winkler, J. P. Kotthaus, and K. Ploog, Phys. Rev. Lett. 62, 1177 (1989).
- 4. P.H. Beton, E.S. Alves, P.C. Main, L. Eaves, M.W. Dellow, M. Henini, O. H. Hughes, S. P. Beaumont, and C. D. W. Wilkinson, Phys. Rev. B 42, 9229(R) (1990).
- A. K. Geim, R. Taboryski, A. Kristensen, S. V. Dubonos, and P. E. Lindelof, Phys. Rev. B 46, 4324(R) (1992).
- R. Cusco, M.C. Holland, J.H. Davies, I.A. Larkin,
  E. Skuras, A.R. Long, and S.P. Beaumont, Surf. Sci. 305, 643 (1994).
- M. Tornow, D. Weiss, A. Manolescu, R. Menne, K. von Klitzing, and G. Weimann, Phys. Rev. B 54, 16397 (1996).
- 8. C.W.J. Beenakker, Phys. Rev. Lett. 62, 2020 (1989).
- I. A. Dmitriev, M. G. Vavilov, I. L. Aleiner, A. D. Mirlin, and D. G. Polyakov, Phys. Rev. B **71**, 115316 (2005).
- J.-Q. Zhang, S. Vitkalov, A.A. Bykov, A.K. Kalagin, and A.K. Bakarov, Phys. Rev. B **75**, 081305(R) (2007).
- A. A. Bykov, J.-Q. Zhang, S. Vitkalov, A.K. Kalagin, and A.K. Bakarov, Phys. Rev. Lett. **99**, 116801 (2007).
- N. Romero Kalmanovitz, A. A. Bykov, S. Vitkalov, and A. I. Toropov, Phys. Rev. B 78, 085306 (2008).
- A. T. Hatke, H.-S. Chiang, M. A. Zudov, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. B 82, 041304(R) (2010).
- J. Q. Zhang, S. Vitkalov, and A. A. Bykov, Phys. Rev. B 80, 045310 (2009).
- R.G. Mani, J.H. Smet, K. von Klitzing, V. Narayanamurti, W.B. Johnson, and V. Umansky,

Nature (London) **420**, 646 (2002).

- I.A. Dmitriev, A.D. Mirlin, D.G. Polyakov, and M.A. Zudov, Rev. Mod. Phys. 84, 1709 (2012).
- Y. M. Beltukov and M. I. Dyakonov, Phys. Rev. Lett. 116, 176801 (2016).
- A. A. Bykov, I. S. Strygin, E. E. Rodyakina, W. Mayer, and S. A. Vitkalov, JETP Lett. **101**, 703 (2015).
- A. A. Bykov, I. S. Strygin, A. V. Goran, A. K. Kalagin, E. E. Rodyakina, and A. V. Latyshev, Appl. Phys. Lett. 108, 012103 (2016).
- K.-J. Friedland, R. Hey, H. Kostial, R. Klann, and K. Ploog, Phys. Rev. Lett. 77, 4616 (1996).
- D. V. Dmitriev, I. S. Strygin, A.A. Bykov, S. Dietrich, and S.A. Vitkalov, JETP Lett. 95, 420 (2012).
- M. G. Vavilov and I. L. Aleiner, Phys. Rev. B 69, 035303 (2004).
- S. Dietrich, S. Vitkalov, D.V. Dmitriev, and A. A. Bykov, Phys. Rev. B 85, 115312 (2012).
- 24. R. R. Gerhardts, Phys. Rev. B 45, 3449 (1992).
- 25. S. Dietrich, W. Mayer, S. Vitkalov, and A. A. Bykov, Phys. Rev. B **91**, 205439 (2015).
- 26. C. L. Yang, J. Zhang, R. R. Du, J. A. Simmons, and J. L. Reno, Phys. Rev. Lett. 89, 076801 (2002).
- A. Bykov, J.-Q. Zhang, S. Vitkalov, A. K. Kalagin, and A. K. Bakarov, Phys. Rev. B 72, 245307 (2005).
- M. G. Vavilov, I. L. Aleiner, and L. I. Glazman, Phys. Rev. B 76, 115331 (2007).
- A. Endo and Y. Iye, J. Phys. Soc. Jpn. 77, 054709 (2008).