Эффекты нестехиометрии и упорядочения на периоде базисной решетки карбида ванадия VC_u

А. С. Курлов, А. И. Гусев¹⁾

Институт химии твердого тела УрО РАН, 620990 Екатеринбург, Россия

Поступила в редакцию 24 января 2017 г.

Изучено влияние нестехиометрии и упорядочения на период a_{B1} базисной решетки карбида ванадия VC_y (0.65 < y < 0.875). С учетом направления статических смещений атомов вблизи вакансии рассмотрено изменение периода решетки неупорядоченного карбида VC_y при уменьшении содержания углерода. Предложена модель расчета периода a_{B1} базисной решетки карбида ванадия с учетом нестехиометрии и упорядочения. Показано, что упорядочение карбида ванадия VC_y с образованием сверхструктур V_6C_5 и V_8C_7 приводит к росту периода базисной решетки по сравнению с неупорядоченным карбидом.

DOI: 10.7868/S0370274X17060030

Карбид ванадия VC_y входит в группу сильно нестехиометрических соединений переходных металлов IV-VI групп (M = Ti, Zr, Hf, V, Nb, Ta) [1]. Неупорядоченный кубический (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) карбид ванадия имеет широкую область гомогенности от VC_{0.65} до VC_{0.875} с уникальным положением верхней границы, существенно удаленной от стехиометрического состава MC_{1.0} [1]. Других неупорядоченных кубических карбидов с таким положением верхней границы области гомогенности нет. В области гомогенности неупорядоченного VC_y в результате отжига при температуре ниже 1360 К могут образовываться две упорядоченные фазы V₆C₅ и V₈C₇ [1– 3]. Особенно легко образуется кубическая (пр. гр. $P4_332$) упорядоченная фаза V₈C₇.

В литературе есть сведения об изменении периода кристаллической решетки в зависимости от состава нестехиометрического кубического карбида ванадия. Однако в большинстве исследований не определено, каково структурное состояние изученных образцов – неупорядоченное или упорядоченное.

Впервые увеличение периода базисной решетки при превращении $VC_{0.875} \rightarrow V_8C_7$ было зафиксировано в работе [3], согласно которой при комнатной температуре период базисной решетки закаленного неупорядоченного карбида $VC_{0.875}$ составлял 4.1662 Å, а упорядоченного карбида этого же состава – 4.1667 Å (или 8.3334 Å для кубической сверхструктуры V_8C_7 с удвоенным периодом решетки). Это хорошо согласуется со скачкообразным изменением у карбида ванадия периода базисной решетки от 4.202 до 4.200 Å в результате разупорядочения фа-

зы V₈C₇ при нагреве выше температуры превращения порядок \rightarrow беспорядок $T_{\rm trans} = 1413 \pm 10$ K [3]. В [4] установлено, что при комнатной температуре период базисной решетки упорядоченной моноклинной фазы V₆C₅ во всей ее области гомогенности больше, чем период a_{B1} неупорядоченного VC_y.

Работ по определению периода решетки именно неупорядоченного карбида ванадия мало. В работе [5] однофазные образцы кубического карбида ванадия VC_y (y = 0.762, 0.782, 0.808, 0.825, 0.869) были синтезированы газовой карбидизацией волокон ванадия диаметром ~ 0.25 мм в метане CH₄ при ~ 1780 К в течение 8 ч. В работе [6] образцы VC_y (y = 0.72, 0.74, 0.76, 0.79, 0.84 и 0.88) были синтезированы карботермическим восстановлением оксида V₂O₃ газовой сажей при температуре ~ 2300 К в течение 15 ч; образцы от VC_{0.72} до VC_{0.79} содержали до 1.0 ат.% примесного кислорода, а в образцах VC_{0.84} и VC_{0.88} содержание примесного кислорода было ~ 0.3 ат.%.

В работах [4,7] образцы неупорядоченного кубического карбида ванадия VC_y (y = 0.66, 0.79, 0.83, 0.87) получали горячим прессованием смеси порошков карбида ванадия $VC_{0.87}$ и металлического ванадия в атмосфере аргона Ar при температуре около 2200 K и давлении прессования 35 МПа в течение 0.5 ч. Содержание примесного кислорода в полученных образцах составляло от 0.3 до 0.6 ат.%.

Данная работа впервые посвящена систематическому определению зависимости периода базисной решетки со структурой B1 от содержания углерода в неупорядоченном кубическом (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) карбиде ванадия VC_y и в упорядоченных моноклинной (пр. гр. C2/m) V₆C₅ и кубической (пр. гр. $P4_332$) V₈C₇ фазах в пределах их областей гомогенности.

¹⁾e-mail: gusev@ihim.uran.ru



Рис. 1. (Цветной онлайн) Рентгенограммы синтезированных образцов VC_y. На левой вставке показан участок рентгенограммы карбида VC_{0.87} с дифракционными отражениями, характерными для упорядоченной фазы V₈C₇. На вставке справа – расщепление дифракционных отражений (200)_{B1} карбидов VC_y и смещение отражений (200)_{B1} в область меньших углов 2θ или больших межплоскостных расстояний d при увеличении содержания углерода y

Образцы нестехиометрического кубического (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) карбида VC_y с разным составом (y = 0.68, 0.71, 0.73, 0.76, 0.81, 0.85 и 0.87) в пределах

его области гомогенности синтезировали твердофазным вакуумным спеканием смеси порошков V и C. Синтез проводили в вакуумной высокотемператур-

Атом	Позиция и	Атомные координаты $(a = 8.336(1) \text{ Å})$			Степень
	кратность	x/a	x/a	y/a	заполнения
С1 (вакансия)	4(b)	0.6250	0.6250	0.6250	0
C2	4(a)	0.1250	0.1250	0.1250	~ 0.97
C3	12(d)	0.1250	0.6248(2)	0.6252(2)	1.0
C4	12(d)	0.1250	0.3720(2)	0.8780(2)	1.0
V1	8(c)	0.3705	0.3705	0.3705	1.0
V2	24(e)	0.126	0.3815	0.128	1.0

Таблица 1. Атомные координаты в упорядоченной кубической (пр. гр. $\# 212 - P4_332$) фазе $V_8C_{7-\delta}$ ($\delta \simeq 0.03$) нестехиометрического карбида ванадия

ной печи LF-22-2000 (Centorr/Vacuum Industries) при температуре от 1573 до 2073 K в вакууме $0.0013 \Pi a$ ($10^{-5} MM pt.ct.$) в течение 5 ч.

Кристаллическую структуру, фазовый состав и параметры решетки образцов VC_y определяли методом рентгеновской дифракции на автодифрактометре Shimadzu XRD-7000 в интервале углов $2\theta =$ = 10...140° с пошаговым сканированием $\Delta(2\theta) =$ = 0.03° и временем экспозиции 2 с в точке в излучении CuK $\alpha_{1,2}$. Рентгенограммы анализировали с помощью программного пакета X'Pert HighScore Plus [8]. Кристаллическую структуру упорядоченного карбида V₈C₇ дополнительно исследовали методом TOF-нейтронографии (time-of-flight – по времени пролета) на дифрактометре высокого разрешения HRFD [9], действующем на импульсном реакторе ИБР-2 (ОИЯИ, Дубна). Измерения выполняли при температуре 293 К.

Химический анализ образцов VC_y на содержание общего C_{total} и свободного C_{free} углерода проводили с помощью анализатора МЕТАВАК CS-30. Содержание примесных элементов определяли на массспектрометре Perkin Elmer SCIEX-ELAN 9000 и методом EDX анализом на микроскопе JEOL JSM 6390 LA с анализатором JED 2300.

На рис. 1 показаны рентгенограммы синтезированных карбидов ванадия VC_y с разным содержанием углерода y в интервале от 0.68 до 0.87. О высокой степени гомогенности синтезированных карбидов VC_y свидетельствует расщепление CuK $\alpha_{1,2}$ -дублетов, которое наблюдается уже для линии (200) в области малых углов $2\theta \approx 43^{\circ}$ (см. вставку на рис. 1). Образцы VC_y (y = 0.68, 0.71, 0.73, 0.76, 0.81, 0.85) содержат только неупорядоченный кубический (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) карбид ванадия. Уточнение дифракционных данных образца VC_{0.87} показало, что даже после закалки от температуры ~ 2000 К этот образец содержит ~ 80 вес.% упорядоченной кубической (пр. гр. $P4_{3}32$) фазы V₈C₇ и ~ 20 вес.% неупорядоченного карбида VC_{0.87} с периодом 4.162 Å (см. рис. 1,

левая вставка). Период решетки a_{ord} упорядоченной фазы V₈C₇ составляет 8.336 Å. Период решетки базисной неупорядоченной кубической фазы равен половине периода решетки a_{ord} упорядоченной фазы, т.е. $a_{ord}/2 = 4.168$ Å, и больше периода $a_{B1} = 4.162$ Å неупорядоченного карбида VC_{0.875}. Это согласуется с данными [4] о скачкообразном увеличении периода базисной решетки карбида ванадия при превращении беспорядок-порядок VC_{0.875}-V₈C₇.

Нейтронограмма карбида ванадия VC_{0.87} изображена на рис. 2а. На ней наряду со структурными отражениями карбида VC_{0.875} видны слабые сверхструктурные отражения упорядоченной фазы V₈C₇. Особенно хорошо они наблюдаются в области больших $d_{\rm hkl}$. На профилях некоторых дифракционных пиков слева наблюдаются плечи, наличие которых обусловлено присутствием в исследованном образце неупорядоченной фазы $VC_{0.875}$ со структурой B1, период решетки которой $a_{B1} < a_{V_8C_7}/2$. Поэтому обработку нейтронограммы проводили в двухфазной модели, учитывающей наличие упорядоченной V₈C₇ и неупорядоченной VC_{0.875} фаз. Как пример на рис. 2b показан участок нейтронного дифракционного спектра, а на вставке приведено описание профилей отражения (222) упорядоченной фазы V₈C₇ и отражения $(111)_{B1}$ неупорядоченной фазы VC_{0.875}.

Координаты атомов углерода и ванадия в структуре фазы V_8C_7 определяли по дифракционным нейтронным и рентгеновским данным.

Найденная структура упорядоченной фазы $V_8C_{7-\delta}$ (табл. 1) отличается небольшими смещениями атомов V1, несколько большими смещениями атомов V2 и малыми смещениями атомов C3 и C4 из позиций идеальной сверхструктуры. Атомы V2, образующие ближайшее октаэдрическое окружение $\Box V_6$ вакантных узлов \Box углеродной подрешетки, смещены по направлению к вакансии. Ранее заметные смещения атомов в упорядоченной фазе типа V_8C_7 по направлению к вакансии были отмечены авторами [7, 10]. Все расстояния V–V в



Рис. 2. (Цветной онлайн) Общий вид (а) нейтронограммы карбида ванадия $VC_{0.87}$ и (b) – уточнение нейтронограммы. Наряду с упорядоченной фазой присутствует неупорядоченная фаза со структурой *B*1. Экспериментальный спектр показан точками, теоретический спектр и вклады упорядоченной и неупорядоченной фаз в него – сплошными линиями. На вставке – описание отражения (222) упорядоченной фазы V_8C_7 и отражения (111)_{*B*1} неупорядоченной фазы $VC_{0.875}$. Короткие и длинные вертикальные штрихи указывают положения дифракционных отражений упорядоченной V_8C_7 и неупорядоченной $VC_{0.875}$ фаз соответственно

идеальной сверхструктуре V₈C₇ равны 2.946 Å, а в реальной сверхструктуре составляют от 2.883 до 3.058 Å. Величина и направление атомных смещений в изученной сверхструктуре V₈C_{7- δ} показаны на рис. 3 в плоскости (001)_{B1} или в эквивалентной ей плоскости (00*z*) с *z* ≈ 0.625 фазы V₈C₇. Изменение периода решетки $a_{B1}(y)$ синтезированного карбида ванадия в области гомогенности кубической (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) неупорядоченной фазы VC_y показано на рис. 4. Для сравнения приведены данные предшествующих исследований [4–6]. В пределах точности экспериментальных результатов



Рис. 3. (Цветной онлайн) Смещения атомов V и C вблизи вакантного узла в плоскости (00z) с $z \approx 0.625$ фазы V₈C₇. Для наглядности размер смещений увеличен в 500 раз. Сечения вакантных октаэдров \Box V₆ плоскостью (00z) показаны пунктиром, тонкая сплошная линия – идеальная атомная сетка структуры B1 в плоскости (00z), нумерация атомов соответствует табл. 1



Рис. 4. (Цветной онлайн) Период решетки $a_{B1}(y)$ карбида ванадия в области гомогенности кубической (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) неупорядоченной фазы VC_y: (•) – [4], (\mathbf{V}) – [5], (\Box) – [6], (•) – данные настоящей работы. Границы области гомогенности фазы VC_y показаны вертикальными пунктирами

все концентрационные зависимости периода являются квадратичными функциями от содержания атомов углерода y, т.е. $a_{B1}(y) = a_0 + a_1y + a_2y^2$. Данные [6] явно занижены из-за большого содержания примесного кислорода в неметаллической подрешетке карбидов, особенно в области от VC_{0.72} до VC_{0.79}. Наибольшее согласование данных из разных работ наблюдается в области VC_{0.80-0.87}. Период решетки синтезированного в [6] неупорядоченного карбида ванадия VC_y с кубической структурой *B*1 описывается функцией $a_{B1}(y) = a_0 + a_1 y + a_2 y^2$ с параметрами $a_0 = 3.8954, a_1 = 0.4550$ и $a_2 = -0.1693$ Å.

Рентгеновское и нейтронографическое исследования упорядоченной фазы V_8C_7 показало, что атомы V, образующие октаэдрическое окружение вакантных узлов \Box неметаллической подрешетки, смещены по направлению к вакансии. Если в неупорядоченном карбиде VC_y атомы V тоже смещаются к вакансии, то рост концентрации вакантных междоузлий $\Box V_6$, имеющих меньший линейный размер по сравнению с заполненными октаэдрическими междоузлиями CV₆, должен сопровождаться уменьшением периода a_{B1} . Действительно, увеличение концентрации вакансий (или уменьшение концентрации атомов углерода) сопровождается наблюдаемым уменьшением периода решетки неупорядоченного карбида ванадия VC_y (см. рис. 4).

В нестехиометрических карбидах с базисной структурой B1 каждый атом металла находится в ближайшем окружении шести узлов неметаллической подрешетки, которые могут быть заняты атомами углерода или вакантны. Это дает возможность представить карбид VC_y со структурой B1как совокупность кластеров в форме многогранников Дирихле–Вороного, т.е. искаженной ячейки Вигнера–Зейтца (в структуре B1 ячейкой Вигнера– Зейтца является ромбододекаэдр). Каждый кластер включает в себя атом V, расположенный в центре, и шесть узлов углеродной подрешетки (рис. 5), которые могут быть заняты атомами углерода или



Рис. 5. Кластерная фигура в виде ромбододекаэдра, используемая для описания объема кристаллической решетки нестехиометрического карбида ванадия VC_y с базисной кубической структурой типа B1: (\circ) – узел углеродной подрешетки, (\bullet) – атом ванадия V

вакантны. Такие кластеры заполняют весь объем кристалла, обеспечивают континуальность среды, учитывают все узлы кристаллической решетки и позволяют описать изменение объема или периода элементарной ячейки карбида VC_y как функцию состава y и степени дальнего порядка η .

В первом приближении будем полагать, что объем кластера V_m зависит только от числа вакансий m в нем. В этом случае объем V кристалла можно представить в виде

$$V = N \sum_{m=0}^{6} \lambda_m P_m(y,\eta) V_m, \qquad (1)$$

где N – число узлов металлической подрешетки; $\lambda_m = C_6^m$ – мультиплетность *m*-конфигурации кластера. $P_m(y,\eta)$ – вероятность образования в кристалле кластера с числом вакансий, равным m; η – параметр дальнего порядка.

С другой стороны, объем неупорядоченного карбида можно представить через период решетки $a_{B1}(y) = a_0 + a_1 y + a_2 y^2$ как $V = (N/4) a_{B1}^3(y)$. С учетом этого уравнение (1) для неупорядоченного карбида примет вид

$$\sum_{m=0}^{6} \lambda_m P_m(y,0) V_m = (a_0 + a_1 y + a_2 y^2)^3 / 4, \quad (2)$$

где $P_m(y,0) = (1-y)^m y^{(6-m)}$ – вероятность образования в неупорядоченном карбиде кластера, включающего *m* вакансий. Решением уравнения (2) является выражение для объема кластера:

$$V_m = \frac{1}{4} \sum_{k=m}^{6} A_{6-k} \frac{k!(6-m)!}{6!(k-m)!},$$
(3)

где A_{6-k} – коэффициенты при y^k в правой части уравнения (2).

Вклад каждого кластера в общий объем кристалла пропорционален его вероятности P_m . Для равновесных условий вероятность $P_m(y, \eta)$ существования кластера, содержащего *m* вакансий, в упорядоченной фазе типа $M_{2t}C_{2t-1}$ с любой степенью дальнего порядка можно представить в виде [1]:

$$P_{m,t}(y,\eta) = \frac{1}{\Phi} \sum_{f} \frac{g_f}{C_6^{v(t,f)}} \sum_{v=0}^{v(t,f)} C_{6-m}^{v(t,f)-v} C_m^v n_1^{[v(t,f)-v]} \times n_2^{[6-m-v(t,f)+v]} (1-n_1)^v (1-n_2)^{(m-v)}, \quad (4)$$

где g_f – мультиплетность неэквивалентных позиций металлических атомов, находящихся в центре каждого кластера ($\sum_f g_f = \Phi$); v(t, f) – число узлов вакансионной подрешетки, принадлежащих кластеру с мультиплетностью g_f в сверхструктуре типа

Письма в ЖЭТФ том 105 вып. 5-6 2017

 $M_{2t}C_{2t-1}$; $n_1 = y - (2t-1)\eta/2t$ и $n_2 = y + \eta/2t$ – вероятности обнаружения атома углерода на узле вакансионной и углеродной подрешеток при образовании сверхструктуры типа $M_{2t}C_{2t-1}$.

Используя уравнения (1), (3) и (4), можно найти объем кристалла и соответственно период базисной решетки a_{B1} нестехиометрического карбида VC_y с любой степенью порядка η . В упорядоченном карбиде величина η может изменяться от η_{trans} (значение параметра порядка в точке перехода) до η_{max} . Поэтому период a_{B1} упорядоченного карбида можно рассчитать для этих двух предельных случаев.

Согласно [1] зависимости η_{max} и η_{trans} от состава карбида MC_y при образовании упорядоченной фазы $M_{2t}C_{2t-1}$ без учета ее границ следующие:

$$\eta_{\max}(y) = \begin{cases} 2t(1-y), & \text{если} \quad y > (2t-1)/2t, \\ 2ty/(2t-1), & \text{если} \quad y < (2t-1)/2t \end{cases}$$
(5)

И

$$(\eta_{\text{trans}}/2)[\partial S_{\text{c}}(y,\eta)/\partial\eta]_{\eta=\eta_{\text{trans}}} - S_{\text{c}}(y,\eta_{\text{trans}}) + S_{\text{c}}(y,0) = 0, \qquad (6)$$

где $S_{\rm c}(y,\eta)$ – конфигурационная энтропия, равная

$$S_{\rm c}(y,\eta) = -(k_{\rm B}/2t)\{n_1\ln n_1 + (1-n_1)\ln(1-n_1) + (2t-1)[n_2\ln n_2 + (1-n_2)\ln(1-n_2)]\}.$$
 (7)

Области гомогенности упорядоченных фаз $M_{2t}C_{2t-1}$ ограничены нижней y_{low} и верхней y_{up} границами. На границах области гомогенности параметр дальнего порядка обращается в ноль, а максимальная величина η может быть достигнута для стехиометрического состава $y_{st} = (2t - 1)/2t$ упорядоченной фазы. Это можно учесть, представив зависимость параметра дальнего порядка η_b от состава y упорядоченной фазы как

$$\eta_{\rm b} = \begin{cases} \eta_{\rm id}(y - y_{\rm low}) / (y_{\rm st} - y_{\rm low}), & \text{если } y_{\rm st} \ge y \ge y_{\rm low}, \\ \eta_{\rm id}(y - y_{\rm up}) / (y_{\rm st} - y_{\rm up}), & \text{если } y_{\rm st} \le y \le y_{\rm up}, \end{cases}$$
(8)

где $\eta_{id}(y)$ – зависимость максимального или равновесного параметра дальнего порядка для сверхструктуры $M_{2t}C_{2t-1}$ от ее состава y, рассчитанная без учета границ области гомогенности по формулам (5) или (6) соответственно.

Фаза V_6C_5 имеет область гомогенности от $VC_{0.75}$ до $VC_{0.845}$ [1, 4], у фазы V_8C_7 область гомогенности очень узкая от $VC_{0.871}$ ($V_8C_{6.97}$) до $VC_{0.877}$ ($V_8C_{7.02}$) [10, 11].

В первом варианте расчета предполагали, что в нестехиометрическом карбиде ванадия VC_y достигнута максимальная степень дальнего порядка $\eta_{\rm b-max}$. Во втором варианте предполагали, что в упорядоченном карбиде параметр дальнего порядка имеет такое же значение, как при температуре фазового перехода беспорядок-порядок $T_{\rm trans}$, т.е. $\eta_{\rm b-trans}$.



Рис. 6. Зависимости периода базисной кубической решетки a_{B1} от состава карбида ванадия в неупорядоченном (сплошная линия) и упорядоченных V₆C₅ и V₈C₇ (пунктир) состояниях при температуре 300 К. (×) – расчет в приближении максимальной степени дальнего порядка η_{b-max} в упорядоченных фазах, (+) – расчет в приближении степени дальнего порядка, соответствующей температуре фазового перехода беспорядок– порядок T_{trans} , т.е. $\eta_{b-trans}$. Границы областей гомогенности фаз VC_y, V₆C₅ и V₈C₇ показаны вертикальными пунктирами

Рассчитанные изменения периода базисной решетки a_{B1} неупорядоченного карбида ванадия VC_y и упорядоченных фаз V₆C₅ и V₈C₇ в их областях гомогенности показаны на рис. 6. Видно, что упорядочение сопровождается некоторым ростом периода a_{B1} по сравнению с неупорядоченным карбидом. Сравнение результатов расчета с литературными данными по периоду базисной решетки a_{B1} упорядоченных фаз V₆C₅ [1,4] и V₈C₇ [3,7] показало, что к экспериментальным значениям a_{B1} наиболее близки значения периода, рассчитанные в приближении $\eta = \eta_{\text{b-trans}}$.

Нанокристаллические порошки карбида ванадия, как правило, аттестуют по составу, сравнивая их период решетки с концентрационной зависимостью периода решетки крупнозернистого (bulk) карбида VC_y . Это неправильно, так как нанопорошки VC_y имеют очень большую удельную поверхность и химически активны к парам воды и газовым примесям, особенно к кислороду. Поэтому период решетки нанопорошков заметно отличается от такового для крупнозернистого карбида ванадия VC_y . Для нанопорошков VC_y нужно находить собственную зависимость a_{B1} -папо(ν) периода решетки от состава.

Авторы благодарят И.А. Бобрикова и А.М. Балагурова за помощь в нейтронографическом исследовании. Исследование выполнено в ИХТТ УрО РАН за счет гранта Российского научного фонда (проект # 14-23-00025).

- A. I. Gusev, A. A. Rempel, and A. J. Magerl, Disorder and Order in Strongly Nonstoichiometric Compounds: Transition Metal Carbides, Nitrides and Oxides, Springer, Berlin-Heidelberg-New York-London (2001), 607 p.
- 2. А.И. Гусев, ЖФХ 74, 600 (2000).
- T. Athanassiadis, N. Lorenzelli, and C. H. de Novion, Ann. Chum. France 12, 129 (1987).
- V.N. Lipatnikov, W. Lengauer, P. Ettmayer, E. Keil, G. Groboth, and E. Kny, J. Alloys Comp. 261, 192 (1997).
- 5. L. Ramqvist, Jernkontorets Annaler 152, 467 (1968).
- А.С. Борухович, Н.М. Волкова, Изв. АН СССР. Неорган. материалы 7, 1529 (1971).
- D. Rafaja, W. Lengauer, P. Ettmayer, and V. N. Lipatnikov, J. Alloys Comp. 269, 60 (1998).
- X'Pert HighScore Plus. Version 2.2e (2.2.5). ©2009 PANalytical B. V. Almedo, the Netherlands.
- 9. A. M. Balagurov, Neutron News 16, 8 (2005).
- А.И. Гусев, А.С. Курлов, И.А. Бобриков, А.М. Балагуров, Письма в ЖЭТФ 102, 179 (2015).
- A.S. Kurlov, A.I. Gusev, E.Yu. Gerasimov, I.A. Bobrikov, A.M. Balagurov, and A.A. Rempel, Superlatt. Microstr. 90, 148 (2016).

2017