## Поляроны и перенос заряда в хромите $FeCr_2O_4$ в рамках DFT + U

*Н. А. Фоминых*<sup>•</sup>, *В. В. Стегайлов*<sup>•</sup> +\*×1)

+ Объединенный институт высоких температур РАН, 125412 Москва, Россия

\* Московский физико-технический институт (НИУ), 141701 Долгопрудный, Россия

<sup>×</sup> Национальный исследовательский университет "Высшая школа экономики", 101000 Москва, Россия

Поступила в редакцию 18 апреля 2023 г. После переработки 25 апреля 2023 г. Принята к публикации 25 апреля 2023 г.

Предпринята попытка описать электронную структуру хромита (шпинель  $\text{FeCr}_2O_4$ ) и согласованно рассмотреть вопросы орбитального упорядочения, ширины запрещенной зоны и переноса заряда в рамках теории функционала плотности с учетом сильных электронных корреляций (метод DFT + U). Показано, что в данной модели верх валентной зоны хромита представляет собой упорядоченные  $t_{2g}$ орбитали атомов железа в тетраэдрических узлах и формирование дырочных поляронов происходит именно на данных орбиталях. Рассмотрен неадиабатический барьер активации транспорта дырочных поляронов. Результаты расчетов ширины запрещенной зоны и энергии активации соотнесены с имеющимися экспериментальными данными.

DOI: 10.31857/S1234567823110083, EDN: djqbxt

Описание свойств оксидов железа, в частности, магнетита  $Fe_3O_4$ , хромита  $FeCr_2O_4$  и их переходных состояний, с одной стороны, является одной из актуальных задач, связанных с проявлением эффектов сильных электронных корреляций в материалах [1-6]. С другой стороны, понимание свойств хромита необходимо для практических применений, например, для моделирования процесса коррозии стали [7-9]. Например, в литературе представлено описание эффектов сильных корреляций в магнетите: орбитального и магнитного упорядочения, разделения зарядов в октаэдрической подрешетке [10–14]. Использование методов, основанных на полуэмпирической модели Хаббарда [13, 15–18] (метод DFT + U [19]) или на гибридных функционалах [15, 16, 13], позволяет на количественном уровне описывать свойства данных материалов в согласии с экспериментом. Однако полного самосогласованного теоретического описания всех свойств оксидов железа на данный момент не представлено.

Описание хромита в литературе представлено также весьма слабо, причем как в экспериментальных работах, так и в первопринципных расчетах. Наблюдаются значительные отличия в результатах. Полученные экспериментально ширины запрещенной зоны в оптических измерениях составляют 2.9 эВ [20], 1.3 эВ [21], 1.5 эВ [22], 1.5 эВ [23], в то же время

steganov.vv@phystech.edu

во многих расчетах в рамках DFT + U щель в полной плотности электронных состояний отсутствует, а есть только в плотности состояний минорной компоненты спина [23–26], но есть работы, в которых щель составляет около 2.1 эВ [27, 28].

Электронный транспорт является также весьма важным свойством, связанным с электронной структурой, которое на данный момент почти не рассмотрено для хромита. Имеющиеся экспериментальные работы описывают электронный транспорт в магнетите в рамках модели прыжков (*hopping*) малых поляронов [29], однако и тут нет полного согласия между имеющимися экспериментами. В работах [30, 31] энергия активации составляет 0.5 эВ, а согласно результатам более современного исследования [21] энергии активации равна 0.12 эВ. В этих работах показано, что в транспорте участвуют поляроны *p*типа. При этом предполагается, что транспорт происходит с участием ионов  $Cr^{3+}$ .

В данной работе в рамках подхода DFT + U мы рассматриваем совместно ширину запрещенной зоны и поляронный транспорт, что дает возможность соотнести результаты расчетов с экспериментальными данными.

Детали вычислений. Расчеты выполнялись в коде VASP [32, 33] с базисом плоских волн и приближением PAW (projector augmented waves) для описания электрон-ионного взаимодействия. Используется обменно-корреляционный функционал PBE (Perdew-Burke-Ernzerhof). Базисный набор плоских

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>e-mail: fominykh.na@phystech.edu, stegailov.vv@phystech.edu

волн был ограничен энергией 550 эВ. Расчетная суперячейка содержит 56 атомов (рис. 1), для суммирования по зоне Бриллюэна использовалась Гцентрированная k-сетка  $3 \times 3 \times 3$ . Порог сходимости для поиска самосогласованного решения составлял  $10^{-6}$  эВ, порог оптимизации геометрии был задан по силам, равным  $10^{-3}$  эВ/Å. Учет сильных электронных корреляций осуществлялся в соответствии с [34]. Использовались оптимальные стратегии распараллеливания расчетов [35].



Рис. 1. (Цветной онлайн) Кристаллическая решетка хромита. Кислород показан красным, железо показано коричневым и располагается в тетраэдрических узлах решетки, хром соответственно синий и располагается в октаэдрических узлах. (Для визуализации используется VESTA [36])

Исходя из результатов, полученных для магнетита в работе [18], мы используем для железа эффективную поправку Хаббарда  $U_{\text{eff}}^{\text{Fe}} = 3.8$  эВ. Экспериментальные значения постоянных решетки для магнетита  $a_0^{\text{Fe}_3\text{O}_4} = 8.395$  Å и хромита  $a_0^{\text{Fe}_{\text{Cr}_2\text{O}_4}} = 8.378$  Å [37]. В качестве критерия для подбора согласованного значения  $U_{\text{eff}}^{\text{Cr}}$  для хрома было использовано относительное соотношение постоянных решеток для магнетита и хромита  $a^{\text{Fe}_3\text{O}_4}/a^{\text{Fe}_2\text{Cr}_2\text{O}_4} \approx 1$  при нулевом давлении (их отличие на 0.017 Å находится за рамками точности используемой модели). Рассматривая давление в хромите при равновесной постоянной решетки a = 8.49 Å соответствующей модели магнетита [18], мы получаем значение  $U_{\text{eff}}^{\text{Cr}} = 2.0$  эВ (рис. 2).

**Орбитальное упорядочение и оптическая щель.** При ионной релаксации структуры кубической решетки хромита была получена плотность



Рис. 2. (Цветной онлайн) Зависимость давления в идеальном кристалле хромита от  $U_{\text{eff}}^{\text{Cr}}$  при постоянной решетке a = 8.49 Å и  $U_{\text{eff}}^{\text{Fe}} = 3.8$  эВ

электронных состояний с щелью, равной  $E_g = 1.61$  эВ. Верх валентной зоны представляет из себя упорядоченные  $t_{2g}$  обитали атомов железа в тетраэдрических узлах (рис. 3). Такая структура показывает, что образование дырочных поляронов, связанных с хромом, весьма маловероятно, так как их электронные уровни лежат значительно ниже по энергии, в то же время перенос заряда за счет прыжков поляронов по тетраэдрическим узлам весьма вероятен.

Поляронный транспорт. В различных оксидах металлов (например, Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> [38], Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub> [39],  $LiFePO_4$  [40],  $TiO_2$  [41],  $Fe_3O_4$  [42],  $CeO_2$  [43, 44]) широко представлен механизм образования поляронов – самосвязанных переносчиков заряда электронного или дырочного типа, локальное искажение решетки которых разрушает трансляционную симметрию и позволяет говорить о локализованном в решетке заряде. Это приводит к переносу заряда не по зонному механизму, а температурно активированным прыжкам поляронов между узлами решетки с некоторым барьером миграции Е<sub>a</sub>. Для описания данного механизма используются два подхода: теоретическая модель Гольдштейна-Мотта [45, 46, 47] и позволяющая непосредственную реализацию в первопринципных расчетах модель Маркуса [48, 49]. Расчеты в рамках данных подходов реализованы для различных оксидов металлов (см., например, обзоры [50, 51]).

Описание поляронного транспорта, вообще говоря, требует самосогласованного описания электрон-



Рис. 3. (Цветной онлайн) Плотность электронных состояний (положительная компонента – спин вверх, а отрицательная – спин вниз соответственно, энергия отсчитывается от уровня Ферми) и визуализация орбитального упорядочения  $t_{2g}$  орбиталей атомов железа в идеальном хромите. Запрещенная зона  $E_g = 1.61$  эВ

ной подсистемы кристалла во взаимосвязи с его фононной подсистемой. Подобные эффекты взаимного влияния электрон-электронного и электронфононного взаимодействий, определяющие структуру локальных хаббардовских поляронов, могут быть описаны в упрощенных моделях электронной структуры [1–3]. В используемом нами статическом подходе фононная подсистема явно не описывается: рассматриваются фиксированные конфигурации атомов вдоль некоторого пути реакции. Можно сказать, что при этом описывается основная колебательная мода, которая представляет из себя противофазное дыхательное (*breathing*) поляронное расширение решетки вокруг восстанавливаемого (*reduced*) атома металла и сжатие вокруг окисляемого атома металла [41].

В рамках теории функционала плотности для более точного описания, помимо DFT + U также используют гибридные функционалы, однако обычно они склонны завышать ширину запрещенной зо-

Письма в ЖЭТФ том 117 вып. 11-12 2023

ны и занижать энергию активации поляронного переноса, таким образом, как и в рамках DFT + U, для точного описания необходимо введение подгоночного эмпирического параметра, связанного с долей Хартри-Фоковского обмена в гибридном функционале [44, 52].

Моделирование поляронного транспорта проводится в два основных шага: получение локализованных поляронов в интересующих состояниях и непосредственный расчет барьера миграции между этими состояниями. Для получения искажения в решетке, с которым смог бы связаться полярон, в данной работе мы сначала проводим ионную релаксацию структуры хромита с вакансией, что изменяет локальное расстояние до атомов кислорода от позиции вакансии, а затем, возвращая удаленный атом, проводим расчет с ионной релаксацией с измененным количеством электронов. Таким образом, для хромита мы получаем локализованные дырочные поляроны на  $t_{2g}$  орбиталях атомов железа (рис. 4), в то время как электронные поляроны в рассматриваемой модели не ло-



Рис. 4. (Цветной онлайн) Два различных состояния с локализованным дырочным поляроном в соседних узлах. Приведена плотность электронных состояний для случая локализованного дырочного полярона. Желтым показаны заполненные  $t_{2g}$  орбитали атомов железа, а синим – соответственно незаполненная орбиталь в позиции локализации дырочного полярона. Щель между валентной зоной и появившимся дырочном поляронном уровнем  $E_{hp} = 1.01$  эВ

кализуются, что согласуется с экспериментальными данными по проводимости *p*-типа.

Так как перенос электрона при поляронном транспорте может происходить только при достаточном переносе связанного локального искажения решетки, то расположение ионов является подходящей координатой реакции. Рассматривая два локализованных положения полярона, положим q = 0 в начальном и q = 1 в конечном состояниях. Для получения переходных состояний линейно интерполируем координаты ионов в решетке:  $\mathbf{R}_{\mathbf{q}} = (1 - q)\mathbf{R}_{\mathbf{q}=\mathbf{0}} + q\mathbf{R}_{\mathbf{q}=\mathbf{1}}$ . Далее, проводя самосогласованный электронный расчет для фиксированных промежуточных ионных конфигураций, мы получаем барьер миграции (рис. 5). Зависимость энергии от координаты реакции имеет параболический вид, что позволяет применять теорию Маркуса в данном случае. В расчетах мы видим неадиабатический режим, в котором полярон всегда остается локализованным в одном из узлов без явного переходного состояния. Зависимость энергии симметрична относительно неадиабатического переходного состояния q = 0.5, при котором энергии поляронов локализованных в разных узлах равны. Таким образом, в рассматриваемой модели энергетический барьер поляронного переноса составляет  $E_a = 0.16 \, \mathrm{sB}.$ 



Рис. 5. (Цветной онлайн) Нормированная энергия вдоль пути миграции полярона. Синие точки соответствуют начальному состоянию зарядовой плотности при q = 0, оранжевые – при q = 1. Энергетический барьер неадиабатического поляронного переноса  $E_a = 0.16$  зВ

Обсуждение результатов и выводы. Используя в качестве критерия для выбора  $U_{\rm eff}^{\rm Cr} = 2$  эВ соотношение постоянной решетки в идеальных магнетите

и хромите, мы получаем хорошо согласованные с экспериментами ширины запрещенной зоны и энергию активации поляронного переноса, которые завышены на 15–25 % по сравнению с экспериментальными данными, что представляет собой наилучшее количественное описание по сравнению с другими опубликованными результатами первопринципных расчетов [23–28]. Наиболее вероятно, что подбором более оптимального  $U_{\rm eff}^{\rm Fe}$  и соответственного  $U_{\rm eff}^{\rm Cr}$  можно воспроизвести значения еще более точно.

Основываясь на полученных результатах, можно предположить, что наиболее вероятный механизм электронного транспорта в хромите - это прыжки дырочных поляронов по  $t_{2a}$  орбиталям ионов железа в тетраэдрических сайтах без прямого участия ионов хрома. Следует отметить, что согласно [30] в случае различных концентраций хрома шпинель  $\text{FeFe}_{2-x}\text{Cr}_x\text{O}_4$  имеет проводимость *n*-типа вплоть до концентрации  $x \approx 1.2$  и *p*-типа после (при этом имеет место и скачок проводимости). Данный эффект, вероятно, может быть объяснен двумя режимами проводимости: 1) прыжки электронных поляронов по октаэдрическим сайтам при структурах, близких к магнетиту, 2) прыжки дырочных поляронов по тетраэдрическим сайтам при структурах, близких к хромиту. Однако все еще вполне не понятны большие различия в энергиях активации между результатами работ [21] и [30]. Исходя из согласия наших расчетов с энергией активации в 0.12 эВ в первой работе [21] и отсутствием кристаллографических данных во второй работе [30], можно предположить, что большая энергия активации в [30] является следствием использования в [30] сложного неоднородного состава образцов.

Следует упомянуть, что, как правило, существует возможность адиабатического поляронного переноса, для которого перекрытие волновой функции электрона в начальном и конечном состоянии понижает энергию миграции полярона. Возможность оценки таких механизмов приведена, например, в [41, 53], а в большинстве других работ адиабатический механизм получался непосредственно из расчетов вдоль пути реакции. При этом некоторые авторы интерпретируют свои экспериментальные результаты в рамках модели неадиабатического поляронного переноса [54, 55].

Работа выполнена при финансовой поддержке Министерства науки и высшего образования РФ (соглашение с ОИВТ РАН #075-01129-23-00 от 29.12.2022 г.)

Исследование осуществлено в рамках Программы фундаментальных исследований НИУ ВШЭ.

- A.O. Sboychakov, A.L. Rakhmanov, and K.I. Kugel, J. Phys. Condens. Matter **22**(41), 415601 (2010).
- Е.И. Шнейдер, И.А. Макаров, М.В. Зотова, and С.Г. Овчинников, ЖЭТФ 153(5), 820 (2018).
- E.I. Shneyder, S.V. Nikolaev, M.V. Zotova, R.A. Kaldin, and S.G. Ovchinnikov, Phys. Rev. B 101(23), 235114 (2020).
- Е.Д. Чернов, А.В. Лукоянов, В.И. Анисимов, ЖЭТФ 159(4), 644 (2021).
- 5. П. А. Агзамова, С. В. Стрельцов, Физика твердого тела **64**(1), 144 (2022).
- 6. I.V. Leonov, JETP Letters **116**, 884 (2022).
- P.V.B. Pinho, A. Chartier, D. Menut, A. Barbier, M.O.J.Y. Hunault, Ph. Ohresser, C. Marcelot, B. Warot-Fonrose, F. Miserque, and J.-B. Moussy, Applied Surface Science **615**, 156354 (2023).
- N.A. Fominykh, V.P. Nikolskiy, and V.V. Stegailov, Comput. Mater. Sci. 220, 112061 (2023).
- D. A. Kolotinskii, V.S. Nikolaev, V.V. Stegailov, and A.V. Timofeev, Corros. Sci. 211, 110829 (2023).
- H.-T. Jeng, G.Y. Guo, and D.J. Huang, Phys. Rev. Lett. 93(15), 156403 (2004).
- J.-E. Lorenzo, C. Mazzoli, N. Jaouen, C. Detlefs, D. Mannix, S. Grenier, Y. Joly, and C. Marin, Phys. Rev. Lett. 101(22), 226401 (2008).
- M. S. Senn, I. Loa, J. P. Wright, and J. P. Attfield, Phys. Rev. B 85(12), 125119 (2012).
- H. Liu and C. D. Valentin, J. Phys. Chem. C 121(46), 25736 (2017).
- E. Baldini, C. A. Belvin, M. Rodriguez-Vega, I. O. Ozel, D. Legut, A. Kozlowski, A. M. Oleś, K. Parlinski, P. Piekarz, J. Lorenzana, G. A. Fiete, and N. Gedik, Nature Phys. 16(5), 541 (2020).
- A. D. Rowan, C. H. Patterson, and L. V. Gasparov, Phys. Rev. **79**(20), 205103 (2009).
- J. Noh, O.I. Osman, S.G. Aziz, P. Winget, and J.-L. Brédas, Chem. Mater. 27(17), 5856 (2015).
- М. И. Шутикова, В. В. Стегайлов, ЖЭТФ 160(2), 249 (2021).
- M. I. Shutikova and V. V. Stegailov, J. Phys. Condens. Matter 34(47), 475701 (2022).
- V.I. Anisimov, J. Zaanen, and O.K. Andersen, Phys. Rev. B 44(3), 943 (1991).
- T.L. Sudesh, L. Wijesinghe, and D.J. Blackwood, J. Phys. Conf. Ser. 28, 74 (2006).
- A. Boudjemaa, R. Bouarab, S. Saadi, A. Bouguelia, and M. Trari, Appl. Energy 86(7–8), 1080 (2009).
- Th. Ramachandran and F. Hamed, Mater. Res. Bull. 95, 104 (2017).
- J. A. Grisales Ceréon, D. A. Landínez Téllez, and J. Roa-Rojas, J. Electron. Mater. 51(2), 822 (2022).

- 24. D. Santos-Carballal, A. Roldan, R. Grau-Crespo, and N. H. de Leeuw, Phys. Rev. B 91(19), 195106 (2015).
- C. Benhalima, S. Amari, L. Beldi, and B. Bouhafs, Spin 9, 1950014 (2019).
- 26. Li Sun, J. Alloys Compd. 875, 160065 (2021).
- D. A. Andersson and Ch. R. Stanek, Phys. Chem. Chem. Phys. 15(37), 15550 (2013).
- 28. Ch. Li, P. Li, L. Li, D. Wang, X. Gao, and X. J. Gao, RSC Adv. **11**(35), 21851 (2021).
- D. Ihle and B. Lorenz, Journal of Physics C: Solid State Physics 19(26), 5239 (1986).
- B. Gillot, J. F. Ferriot, and A. Rousset, J. Phys. Chem. Solids 37(9), 857 (1976).
- J. Nell and B. J. Wood, Am. Mineral. 76(3–4), 405 (1991).
- 32. G. Kresse and J. Hafner, Phys. Rev. B 47(1), 558 (1993).
- G. Kresse and J. Furthmüller, Phys. Rev. B 54(16), 11169 (1996).
- 34. S. L. Dudarev, G. A. Botton, S. Y. Savrasov, C. J. Humphreys, and A. P. Sutton, Phys. Rev. B 57(3), 1505 (1998).
- V. Stegailov, G. Smirnov, and V. Vecher, Concurrency and Computation: Practice and Experience **31**(19), e5136 (2019).
- Koichi Momma and Fujio Izumi, J. Appl. Crystallogr. 44(6), 1272 (2011).
- H. J. Levinstein, M. Robbins, and C. Capio, Mater. Res. Bull. 7(1), 27 (1972).
- N. Iordanova, M. Dupuis, and K. M. Rosso, J. Chem. Phys. **122**(14), 144305 (2005).
- N. Iordanova, M. Dupuis, and K. M. Rosso, J. Chem. Phys. **123**(7), 074710 (2005).
- Th. Maxisch, F. Zhou, and G. Ceder, Phys. Rev. B 73(10), 104301 (2006).
- N.A. Deskins and M. Dupuis, Phys. Rev. B 75(19), 195212 (2007).
- F. N. Skomurski, S. Kerisit, and K. M. Rosso, Geochim. Cosmochim. Acta 74(15), 4234 (2010).
- J. J. Plata, A. M. Marquez, and J. F. Sanz, J. Phys. Chem. C 117(28), 14502 (2013).
- Ch. W. M. Castleton, A. Lee, and J. Kullgren, J. Phys. Chem. C 123(9), 5164 (2019).
- D. Emin and T. Holstein, Ann. Physics 53(3), 439 (1969).
- 46. T. Holstein, Ann. Physics **281**(1-2), 725 (2000).
- 47. I.G. Austin and N.Fr. Mott, Adv. Phys. 18(71), 41 (1969).
- R. A. Marcus and N. Sutin, Biochimica et Biophysica Acta (BBA)-Reviews on Bioenergetics 811(3), 265 (1985).
- 49. R. A. Marcus, Rev. Mod. Phys. 65(3), 599 (1993).

Письма в ЖЭТФ том 117 вып. 11-12 2023

- Y. Natanzon, A. Azulay, and Y. Amouyal, Israel Journal of Chemistry 60(8–9), 768 (2020).
- N.A. Deskins, P.M. Rao, and M. Dupuis, Charge carrier management in semiconductors: modeling charge transport and recombination, in Springer Handbook of Inorganic Photochemistry, Springer, Cham (2022), p. 365.
- T.J. Smart, T.A. Pham, Y. Ping, and T. Ogitsu, Physical Review Materials 3(10), 102401 (2019).
- Ch.S. Ahart, K.M. Rosso, and J. Blumberger, J. Am. Chem. Soc. 144(10), 4623 (2022).
- A. Yildiz, S. B. Lisesivdin, M. Kasap, and D. Mardare, Physica B: Condensed Matter 404(8–11), 1423 (2009).
- M. E. Saleta, D. P. Valdes, L. Mogni, D. Tobia, S. J. A. Figueroa, J. C. Mauricio, E. Lima Jr, G. Zampieri, and R. D. Sánchez, J. Phys. Chem. A 125(17), 9371 (2021).