Анизотропия критического тока и пиннинг вихрей Абрикосова в магнитном сверхпроводнике EuCsFe₄As₄

А. Ю. Дегтяренко⁺¹⁾, В. А. Власенко⁺, Т. Е. Кузьмичева⁺, К. С. Перваков⁺, С. Ю. Гаврилкин⁺, А. Ю. Цветков⁺, С. А. Кузьмичев^{+*}

+Центр высокотемпературной сверхпроводимости и квантовых материалов им. В. Л. Гинзбурга ФИАН, 119991 Москва, Россия

* Физический факультет, МГУ имени М.В.Ломоносова, 119991 Москва, Россия

Поступила в редакцию 10 октября 2023 г. После переработки 27 октября 2023 г. Принята к публикации 29 октября 2023 г.

В данной работе впервые проведены систематические исследования плотности критического тока J_c в двух ориентациях магнитного поля B||ab и B||c в монокристалле сверхпроводящего пниктида EuCsFe₄As₄, имеющего магнитный порядок ниже T_c и относящегося к семейству 1144. Определена анизотропия J_c и ее температурная зависимость. Показатели степенной зависимости α кривых $J_c(B)$ в полях от 0.1 до 1 Тл хорошо согласуются с теоретическими предсказаниями для сильного пиннинга вихрей Абрикосова, что также подтверждается значениями силы пиннинга, оцененными с помощью модели Дью-Хьюза.

DOI: 10.31857/S1234567823230106, EDN: zzublb

1. Введение. С момента открытия высокотемпературных сверхпроводников на основе железа произошел значительный прогресс от фундаментальных исследований до практического применения [1–5]. Основным преимуществом железосодержащих сверхпроводников является сочетание уникальных свойств, прежде всего – это высокие значения верхнего критического поля, достигающие 100 Тл [6,7], плотности критического тока, превышающей 10^6 A/cm^2 , и относительно высокой температуры сверхпроводящего перехода, до $T_c \approx 57.5 \text{ K}$ [8–11]. На данный момент наиболее изучены системы 11, 1111, 122 [12–16].

В 2016 году двумя независимыми группами были синтезированы и охарактеризованы поликристаллические образцы двух родственных соединений: EuRbFe₄As₄ и EuCsFe₄As₄, принадлежащих новому семейству 1144 [17, 18]. Характерной особенностью соединений EuAFe₄As₄ (A – щелочной металл, Rb, Cs) является магнитное упорядочение в плоскостях Eu²⁺, возникающее при температурах $T_m \approx 15 \text{ K} < T_c$, в результате которого имеет место сосуществование сверхпроводимости и магнитного упорядочения [19, 20]. Кристаллическая структура системы AeAFe₄As₄ (Ae – щелочноземельный элемент Ca, Sr, Ba, или редкоземельный элемент Eu) с пространственной группой симметрии P4/mmm представляет собой сросток двух соединений AeFe₂As₂

(I4/mmm) и AFe₂As₂ (I4/mmm) [17, 18]. В такой системе при кристаллизации фазы 1144 необходимо выполнение двух условий [21]: во-первых, это согласование по параметрам решетки двух соединений $AeFe_2As_2$ и AFe_2As_2 , из которых образуется $AeAFe_4As_4$, во-вторых разность ионных радиусов Δr должна быть достаточно большой ($\Delta r = r_{Ak+}$ – $r_{Ae2+} > 0.35$ Å), чтобы предотвратить образование твердого раствора состава 122. В работе [22] согласно расчету на основе теории функционала плотности показано, что энергия образования фазы 1144 составляет всего несколько десятков мэВ на формульную единицу. Это свидетельствует о том, что соединения 1144 находятся на границе фазовой неустойчивости. При росте сверхпроводящая фаза 1144 конкурирует с фазами 122, образующимися в виде планарных дефектов [23, 24].

Соединение EuRbFe₄As₄, с момента его открытия, достаточно подробно исследовано [6, 25–30], в то время как данные о свойствах EuCsFe₄As₄ практически отсутствуют: получены только предварительные сведения о магнитной и щелевой структуре [31–34]. До сих пор не определены значения многих физических параметров этого материала, таких как лондоновская глубина проникновения λ_L , длина когерентности ξ_0 , первое B_{c1} и второе B_{c2} критические поля, параметр Гинзбурга–Ландау κ .

К настоящему моменту данные о динамике вихрей Абрикосова и характере пиннинга в образцах EuCsFe₄As₄ также отсутствуют. Малое количество

 $^{^{1)}}$ e-mail: degtyarenkoayu@lebedev.ru

экспериментальных исследований EuCsFe₄As₄ вызвано недоступностью качественных монокристаллов в связи с более сложными условиями роста этого соединения по сравнению с другими соединениями семейства 1144 [23, 24]. Кроме того, чрезвычайно высокая активность Cs приводит к неустойчивости соединения EuCsFe₄As₄ в присутствии O₂ и H₂O в большей степени, чем для EuRbFe₄As₄.

Исходя из вышеописанного, целями настоящей работы являлись: исследование плотности критического тока монокристалла EuCsFe₄As₄ и изучение пиннинга вихрей Абрикосова.

2. Экспериментальная часть. В данной работе были исследованы образцы монокристаллов EuCsFe₄As₄, выращенные методом "self-flux" из расплава собственного компонента CsAs [34]. Предварительно были синтезированы прекурсоры EuAs, Fe₂As, CsAs из высокочистых элементов Eu (99.99%), Fe (99.98%), Cs (99.95%), As (99.9999%). Важно отметить, что при подготовке прекурсора CsAs, Cs необходимо брать с избытком для получения гомогенной фазы. Полученные прекурсоры EuAs, Fe₂As и взятый с избытком CsAs смешивали в стехиометрическом соотношении 1:2:[1 + y], соответственно, где y = 2.2; засыпали в корундовые тигли, заваривали в танталовом контейнере в атмосфере аргона высокой чистоты. Далее проводили длительную многоступенчатую термообработку: нагрев за 10 ч до 1200 °C с последующей выдержкой 10 ч для гомогенизации расплава, медленное охлаждение со скоростью 2 °C/ч до 920 °C и выдержкой при данной температуре 15 ч, затем охлаждение до комнатной температуры за 6 ч. После проведенного синтеза образцы извлекали в аргоновом перчаточном боксе для предотвращения взаимодействия с кислородом и водяными парами.

Как было показано нами ранее [34], использованный метод позволяет получать достаточно крупные (до 2.5 мм) монокристаллы с минимальным (следовым) содержанием несверхпроводящей фазы EuFe₂As₂ (122). Первичная характеризация методами рентгеновской дифракции, электронной микроскопии, резистивных и магнитных измерений показала наличие единственной сверхпроводящей фазы EuCsFe₄As₄ и высокую степень однородности ее свойств.

Измерения петель магнитного гистерезиса проводили с помощью вибрационного магнетометра на установке PPMS-9 (Quantum Design) при различных температурах и во внешнем магнитном поле до 9 Тл.

3. Результаты и обсуждение. Для исследования петель магнитной необратимости (гистерези-

са) M(B) от общего объема синтезированного крупного монокристалла EuCsFe₄As₄ был вырезан образец в форме прямоугольной пластинки с размерами $1.1 \times 0.9 \times 0.08$ мм. Критическая температура $T_c \approx 36.7$ К была определена ранее в нашей работе [34] по данным транспортных R(T) и магнитных измерений $\chi(T)$.

На рисунке 1 представлены изотермические измерения намагниченности M(B) монокристалла EuCsFe₄As₄ и вставки увеличенных областей M(B).



Рис. 1. (Цветной онлайн) Петли магнитной необратимости для монокристалла EuCsFe₄As₄ в зависимости от магнитного поля при B||ab, вставка – увеличенная область центральной части петель при 2, 16 и 28 K (а) и B||c (b) в диапазоне температур от 2 до 28 K, вставка – увеличенная область центральной части петель при 2, 19 и 28 K (b)

Петли магнитной необратимости M(B) были получены в полях до 9 Тл в диапазоне температур T = 2-28 К при направлениях внешнего магнитного поля B||ab и B||c, соответственно. Скорость развертки поля составляла 100 Э/с. Характерный излом на петлях гистерезиса связан с магнитным упорядочением атомов европия [19, 20]. Магнитное упорядочение и сверхпроводимость пространственно разнесены и слабо влияют друг на друга [26]. Экспериментально было показано, что магнитное упорядочение атомов европия незначительно влияет на величину момента петли магнитной необратимости в полях до 0.4 Тл на родственном соединении EuRbFe₄As₄ [35]. Следовательно, можно пренебречь этим вкладом в общую силу пиннинга вихрей Абрикосова.

В то же время вклад от магнитного перехода фазы 122 при $T \approx 19 \,\mathrm{K}$ пренебрежимо мал по сравнению с величиной сигнала от сверхпроводящей фазы, поэтому практически не искажает ширину петли, что дает возможность не учитывать его в дальнейших расчетах [34].

Используя модель критического состояния Бина для "жестких" сверхпроводников II рода, критический ток был рассчитан согласно формуле [36]:

$$J_c = \frac{20\Delta M}{\left(a\left(1 - \frac{a}{3b}\right)\right)},\tag{1}$$

где $\Delta M = M_{\rm dn} - M_{\rm up}$, $M_{\rm dn}$ и $M_{\rm up}$ – намагниченность образца, измеренная при увеличении и уменьшении магнитного поля. Величины a и b (b > a) определяют геометрические размеры прямоугольного образца, при приложенном внешнем магнитном поле перпендикулярно плоскости ab. Критический ток в направлении поля B||ab был оценен в приближении $J_c^{ab} \approx J_c^c$ [37]. Рассчитанные значения $J_c(B)$ при различных температурах, согласно формуле (1), были перестроены в двойном логарифмическом масштабе, как показано на рис. 2a, b, для дальнейшего анализа.

В приложенном внешнем магнитном поле $B\|c$ плотность критического тока J_c при температуре 2 K достигает $3.4 \times 10^4 \, {\rm A/cm^2}$, а для $B\|ab \ J_c \approx 4.9 \times 10^5 \, {\rm A/cm^2}$, как видно из рис. 2a, b.

На рисунке 3 приведены полученные по данным рис. 2 температурные зависимости плотности критического тока для двух направлений поля при B = 0. Хорошо видно, что обе зависимости имеют значительный прогиб. Если попытаться аппроксимировать их по аналогии с температурной зависимостью собственной (немагнитной) плотности критического тока, т.е. исходя из изменения концентрации куперовских пар с температурой $J_c^{\rm SF}(T) \propto$ $\propto \Delta(T) \tanh[\Delta(T)/(2k_BT)]$ (где Δ – амплитуда сверхпроводящего параметра порядка, k_B – постоянная Больцмана), то однозонное приближение дает оценку характеристического отношения для эффективной сверхпроводящей щели $\Delta^{\rm eff}$: $2\Delta^{\rm eff}(0)/k_BT_c \approx$ $\approx 0.7 \ll 3.5$. Поскольку оцененное таким образом



Рис. 2. (Цветной онлайн) Зависимости плотности критического тока от приложенного магнитного поля при различных температурах для монокристалла EuCsFe₄As₄ при B||ab (a) и B||c (b). На вставках представлены увеличенные области наклона J_c (B,T), по которым проводилось определение показателя степени α

значение заметно ниже предела слабой связи теории Бардина–Купера–Шриффера (БКШ) 3.53, можно сделать вывод о том, что полученная зависимость $J_c(T)$ определяется изменением не концентрации куперовских пар, а силы пиннинга от температуры.

Анизотропия плотности критического тока при $T \ll T_c$ составляет $J_c^{B\parallel ab}/J_c^{B\parallel c} \approx 14$ и слабо увеличивается с температурой до 16, как показано на вставке к рис. 3. Схожее значение было получено в работе [37] для родственного соединения CaKFe₄As₄, относящегося к семейству 1144, но не имеющего дальнего магнитного порядка ниже T_c .

Известно, что пиннинг вихрей Абрикосова в железосодержащих сверхпроводниках может быть описан теорией коллективного пиннинга [38–40]. В ка-



Рис. 3. (Цветной онлайн) Зависимости плотности критического тока от температуры при B = 0 для двух ориентаций $B \| ab$ и $B \| c$, полученные по данным рис. 2. Штрихпунктирной линией для сравнения показана алпроксимация однозонной БКШ-образной моделью. На вставке приведена температурная зависимость анизотропии критического тока $J_c^{B \| ab} / J_c^{B \| c}$

честве центров пиннинга могут выступать точечные дефекты, планарные дефекты, двойниковые границы, граница между сверхпроводящей и нормальной фазой [41]. Величина плотности критического тока связана с плотностью и типом центров пиннинга в сверхпроводнике. Согласно модели, предложенной в работе [42], наблюдаемое плато на кривых $J_c(B,T)$, построенное в двойном логарифмическом масштабе в малых полях ($B < 0.1 \, \text{T}$), связано с эффектом Мейснера $(B < B_{c1})$ и так называемым одновихревым режимом, при котором взаимодействие между вихрями пренебрежимо мало вследствие их малой плотности (удаленности друг от друга). С последующим увеличением плотности вихрей Абрикосова зависимость плотности критического тока от поля ведет себя по степенному закону $J_c(B) \propto B^{-\alpha}$, определяющему тип и силу пиннинга. Показатель степени α зависит от геометрии и количества центров пиннинга, например для наноразмерных дефектов она составляет $\alpha \approx 1/2 - 5/8$ [40, 43]. При наличии нескольких типов дефектов показатель степени α также может уменьшаться при значительном увеличении силы пиннинга [43].

Таким образом, полученная нами при обеих ориентациях поля степенная зависимость вида $J_c \propto B^{-\alpha}$ ($\alpha \approx 1/2 - 5/8$), при температурах $T \ge (1/2)T_c$ (см. рис. 2 a, b) характерна для сильного пиннинга вихрей Абрикосова [40, 43]. В то же время при уменьшении температуры до 2 K, значения показателя степени α уменьшаются от 0.51 до 0.39 для B || ab и 0.52 до 0.46 в

Письма в ЖЭТФ том 118 вып. 11-12

2023

случае $B \| c$, как показано на вставках рис. 2а, b. Аналогичное поведение α наблюдалось в родственном соединении СаК-1144, где при увеличении плотности наноразмерных центров пиннинга увеличивалась и сила пиннинга [37]. В случае $B \| c$, степенной характер полевой зависимости плотности критического тока и величина показателя α в исследуемом образце изменяется в интервале температур от 2 до 28 К слабо, что соответствует описанной выше модели $J_c \propto B^{-\alpha}$ ($\alpha \approx 1/2-5/8$) [44], поэтому в данной ориентации поля количество или вклад различных центров пиннинга значительно не изменяется с температурой.

Учитывая, что при B||ab показатель α достигает более низких значений с понижением температуры, чем в ориентации поля B||c, можно сделать вывод о том, что в образце имеются центры пиннинга различной природы (планарные дефекты и наноразмерные включения) [23,37], которые вносят дополнительный вклад в общий пиннинг вихрей при низких температурах в EuCsFe₄As₄. Данное предположение качественно подтверждается значительно большей плотностью критического тока $J_c^{B||ab}$ по сравнению с $J_c^{B||c}$. Аналогичные величины показателя степени α наблюдались ранее на железосодержащих сверхпроводниках других семейств, для которых нехарактерно фазовое расслоение [45].

Для исследования типа пиннинга данные зависимости плотности критического тока от приложенного поля перестраивались в координатах нормированной силы пиннинга $f_p = F_p/F_{p\max}$ (где $F_p = J_c \times B$) от нормированного магнитного поля $h = B/B_{\rm irr}$, где $B_{\rm irr}$ – магнитное поле необратимости, рис. 4a, b. Полученные кривые $f_p(h)$ хорошо совпадают, т.е. наблюдается закон подобия (скейлинг). Согласно модели Дью–Хьюза [46], для аппроксимации полученных зависимостей $f_p(h)$ возможно использовать функциональную зависимость вида $f_p(h) \sim h^p \times (1-h)^q$ [46]. В ориентации поля $B \| c$ данные аппроксимируются функцией $f_p(h) \times h^{0.57}(1-h)^{1.5}$, с положением максимума $h_p \approx 0.28$, где $h_p = p/(p+q)$ для $H \| ab$, $f_p(h) \sim h^{0.56}(1-h)^{1.6}$ и $h_p \approx 0.26$, соответственно.

Степенные коэффициенты p и q, согласно модели Дью–Хьюза, указывают на возможную комбинацию двумерного пиннинга (p = 0.5, q = 2, $h_p = 0.33$) и объемного пиннинга на магнитных дефектах (p = 0.5, q = 2, $h_p = 0.2$). Полученные значения хорошо согласуются с наблюдаемыми планарными дефектами в родственном соединении EuRbFe₄As₄ [23] и возможными магнитными включениями с атомами европия [24]. Схожие показатели степени наблюдались на других железосодержащих сверхпроводниках с редкоземельными магнитными атомами [47].



Рис. 4. (Цветной онлайн) Зависимость нормированной силы пиннинга от нормированного магнитного поля при B||ab (a) и B||c (b) для EuCsFe₄As₄

4. Выводы. С помощью измерения петель магнитной необратимости получены температурные и полевые зависимости плотности критического тока при двух ориентациях внешнего магнитного поля в монокристаллах сверхпроводника EuCsFe₄As₄. Определена анизотропия критического тока $J_c^{\tilde{B}\|ab}/J_c^{B\|c} \approx 14-16$ и показано ее слабое изменение с температурой. Установлено, что полевые зависимости носят степенной характер $J_c(B) \propto B^{-\alpha}$ в интервале от ~0.1 до 1 Тл. При ориентации поля $B\|c$ полученные величины показателя степени α принимают значения $0.46 < \alpha < 0.52$, что согласуется с теоретическими предсказаниями $J_c \propto B^{-\alpha}$ $(\alpha \approx 1/2 - 5/8)$ и свидетельствует о сильном пиннинге вихрей Абрикосова. При ориентации поля $B \| ab \ (0.39 \ < \ lpha \ < \ 0.51)$ реализуется смешанный тип пиннинга на точечных и планарных дефектах. Механизм пиннинга, оцененный в рамках модели Дью–Хьюза, согласуется с данными степенных показателей α .

Авторы благодарят В.М.Пудалова и К.В.Мицена за полезные обсуждения. Работа выполнена при поддержке проекта Российского научного фонда # 22-22-00776. Измерения проведены с использованием оборудования Центра коллективного пользования ФИАН.

- Y. Kamihara, T. Watanabe, M. Hirano, and H. Hosono, J. Am. Chem. Soc. **130**, 3296 (2008).
- 2. J. Paglione and R. L. Greene, Nat. Phys. 6, 645 (2010).
- H. Hosono, A. Yamamoto, H. Hiramatsu, and Y. Ma, Mater. Today 21(3), 278 (2018).
- C. Yao and Y. Ma, Supercond. Sci. Technol. 32(2), 023002 (2019).
- S. Pyon, T. Ito, and T. Tamegai, J. Phys. Conf. Ser. 2323(1), 012020 (2022).
- M. P. Smylie, K. Willa, J.-K. Bao, K. Ryan, Z. Islam, H. Claus, Y. Simsek, Z. Diao, A. Rydh, A. E. Koshelev, W.-K. Kwok, D. Y. Chung, M.G. Kanatzidis, and U. Welp, Phys. Rev. B 98, 104503 (2018).
- M. Bristow, W. Knafo, P. Reiss, W. Meier, P. C. Canfield, S. J. Blundell, and A. I Coldea, Phys. Rev. B 101, 134502 (2020).
- G. Wu, Y.L. Xie, H. Chen, M. Zhong, R.H. Liu, B.C. Shi, Q.J. Li, X.F. Wang, T. Wu, and Y.J. Yan, J. Phys. Condens. Matter. **21**, 142203 (2009).
- M. Fujioka, S.J. Denholme, M. Tanaka, H. Takeya, T. Yamaguchi, and Y. Takano, Appl. Phys. Lett. 105, 10 (2014).
- K.S. Pervakov, L.F. Kulikova, A.Y. Tsvetkov, and V.A. Vlasenko, Bull. Lebedev Phys. Inst. 49(8), 242 (2022).
- T. E. Kuzmicheva, S. A. Kuzmichev, M. G. Mikheev, Ya. G. Ponomarev, S. N. Tchesnokov, V. M. Pudalov, E. P Khlybov, and N. D. Zhigadlo, Phys.-Uspekhi 57, 819 (2014).
- J. P. Sun, G.Z. Ye, P. Shahi, J. Q. Yan, K. Matsuura, H. Kontani, G. M. Zhang, Q. Zhou, B. C. Sales, T. Shibauchi, Y. Uwatoko, D. J. Singh, and J. G Cheng, Phys. Rev. Lett. **118**, 147004 (2017).
- B. Lei, J.H. Cui, Z.J. Xiang, C. Shang, N.Z. Wang, G.J. Ye, X.G. Luo, T. Wu, Z. Sun, and X.H. Chen, Phys. Rev. Lett. **116**, 077002 (2016).
- F. Steckel, R. Beck, M. Roslova, M. Abdel-Hafiez, A. U. Wolter, I. Morozov, S. Wurmehl, C. Hess, and B. Büchner, J. Supercond. Nov. Magn. 28, 1123 (2015).
- T. Tamegai, T. Suwa, D. Miyawaki, S. Pyon, K. Takano, H. Kajitani, and N. Koizumi, IEEE Trans. Appl. Supercond. 29(5),1 (2019).
- V.A. Vlasenko, A.Y. Degtyarenko, A.I. Shilov, A.Y. Tsvetkov, L.F. Kulikova, A.S. Medvedev, and K.S. Pervakov, Materials 15(23), 8438 (2022).

Письма в ЖЭТФ том 118 вып. 11-12 2023

- A. Iyo, K. Kawashima, T. Kinjo, T. Nishio, S. Ishida, H. Fujihisa, Y. Gotoh, K. Kihou, H. Eisaki, and Y. Yoshida, J. Am. Chem. Soc. **138**, 3410 (2016).
- Y. Liu, Y. B. Liu, Z.-T. Tang, H. Jiang, Z. C. Wang, A. Ablimit, and G. H. Cao, Phys. Rev. B 93, 214503 (2016).
- K. Iida, Y. Nagai, and S. Ishida, Phys. Rev. B 100(1), 014506 (2019).
- Z. Devizorova and A. Buzdin, Phys. Rev. B 100(10), 104523 (2019).
- B. Q. Song, M. C. Nguyen, C. Z. Wang, and K. M. Ho, Phys. Rev. B 97, 094105 (2018).
- Z. C. Wang, S. Q. Wu, L. W. Jie, and G. H Cao, Nano Res. 21, 3716 (2021).
- A.Y. Degtyarenko, I.A. Karateev, A.V. Ovcharov, V.A. Vlasenko, and K.S. Pervakov, Nanomat. 12(21), 3801 (2022).
- V. Vlasenko, K. Pervakov, and S. Gavrilkin, Supercond. Sci. Technol. 33(8), 084009 (2020).
- D. Collomb, S. J. Bending, A. E. Koshelev, M. P. Smylie, L. Farrar, J. K. Bao, D. Y. Chung, M. G. Kanatzidis, W. K. Kwok, and U. Welp, Phys. Rev. Lett. **126**, 157001 (2021).
- 26. T.K. Kim, K.S. Pervakov, D.V. Evtushinsky et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 103(17), 174517 (2021).
- M. Hemmida, N. Winterhalter-Stocker, D. Ehlers et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 103(19), 195112 (2021).
- V.S. Stolyarov, A. Casano, M.A. Belyanchikov et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 98, 140506 (2018).
- V.S. Stolyarov, K.S. Pervakov, A.S. Astrakhantseva, I.A. Golovchanskiy, D.V. Vyalikh, T.K. Kim, S.V. Eremeev, V.A. Vlasenko, V.M. Pudalov, A.A. Golubov, E.V. Chulkov, and D. Roditchev, J. Phys. Chem. Lett. **11**, 9393 (2020).
- J.-K. Bao, K. Willa, M. P. Smylie, H. Chen, U. Welp, D. Y. Chung, and M. G. Kanatzidis, Cryst. Growth Des. 18(6), 3517 (2018).
- Y. Liu, Y. B. Liu, Q. Chen, Z. T. Tang, W. H. Jiao, Q. Tao, Z. A. Xu, and G. H. Cao, Sci. Bull. 61(15), 1213 (2016).

- 32. Y.B. Liu, Y. Liu, and G.H. Cao, J. Phys. Cond. Mat. 34(9), 093001 (2021).
- 33. M. A. Albedah, F. Nejadsattari, Z. M. Stadnik, Y. Liu, and G. H. Cao, J. Phys. Condens. Matter **30**(15), 155803 (2018).
- 34. S.A. Kuzmichev, K.S. Pervakov, V.A. Vlasenko, A.Y. Degtyarenko, S.Y. Gavrilkin, and T.E. Kuzmicheva, JETP Lett. **116**(10), 723 (2022).
- S. Ishida, D. Kagerbauer, S. Holleis, K. Iida, K. Munakata, A. Nakao, A. Iyo, H. Ogino, K. Kawashima, M. Eisterer, and H. Eisaki, Proc. Natl. Acad. Sci. 118(37), e2101101118 (2021).
- 36. C. P. Bean, Rev. Mod. Phys. **36**, 31 (1964).
- S. Ishida, A. Iyo, H. Ogino, H. Eisaki, N. Takeshita, K. Kawashima, K. Yanagisawa, Y. Kobayashi, K. Kimoto, H. Abe, M. Imai, J. Shimoyama, and M. Eisterer, npj Quan. Mat. 4(1), 27 (2019).
- 38. A. I. Larkin, ZhETF 58, 1466 (1970).
- A. I. Larkin and Y. N. Ovchinnikov, Phys. B+C 126(1), 187 (1984).
- G. Blatter, M. V. Feigel'man, V. B. Geshkenbein, A. I. Larkin, and V. M. Vinokur, Rev. Mod. Phys. 66(4), 1125 (1994).
- C. J. van der Beek, M. Konczykowski, and R. Prozorov, Supercond. Sci. Technol. 25(8), 084010 (2012).
- R. Willa, A.E. Koshelev, I.A.A. Sadovskyy, and A. Glatz, Supercond. Sci. Technol. **31**(1), 014001 (2017).
- N. Haberkorn, M. Xu, W.R. Meier, J. Schmidt, S. Suárez, S.L. Bud'ko, and P.C. Canfield, Supercond. Sci. Technol. 34(3), 035013 (2021).
- N. Haberkorn, M. Miura, B. Maiorov, G.F. Chen, W. Yu, and L. Civale, Phys. Rev. B 84, 094522 (2011).
- 45. V.A. Vlasenko, O.A. Sobolevskiy, A.V. Sadakov, K.S. Pervakov, S.Y. Gavrilkin, A.V. Dik, and Y.F. Eltsev, JETP Lett. **107**, 119 (2018).
- 46. D.Dew-Hughes, Phil. Mag. **30**, 293 (1974).
- 47. Z. Guo, H. Gao, K. Kondo, T. Hatano, K. Iida, J. Hänisch, H. Ikuta, and S. Hata, SACS Appl. Elect. Mat. 3(7), 3158 (2021).