

СПИН-ОРБИТАЛЬНОЕ РАСЩЕПЛЕНИЕ В ЦИЛИНДРИЧЕСКИХ КВАНТОВЫХ ПРОВОЛОКАХ

Д.А.Романов

Институт физики полупроводников Сибирского отделения РАН
630090, Новосибирск

Поступила в редакцию 14 мая 1992 г.

Исследованы изменения спектра квазиодномерных электронных подзон за счет спин-орбитального взаимодействия в аксиально-симметричных квантующих потенциалах. Найдено расщепление термов в случае параболического потенциала. Для вырожденных подзон в конечных потенциалах определены непараболические добавки к закону дисперсии, линеаризуемые внешним магнитным полем. Предсказывается эффект слабополевого отрицательного магнитосопротивления.

Учет спин-орбитального взаимодействия заметно модифицирует энергетический спектр в низкоразмерных электронных системах. В квазидвумерных слоях такое взаимодействие может приводить к наличию линейной по продольному импульсу поправки в законе дисперсии¹⁻⁴. Однако для получения такой поправки необходимо, выходя за рамки приближения эффективной массы, рассмотреть участок резкого изменения "двумеризирующего" потенциала^{4,5}. В настоящей работе рассмотрена ситуация такой квантовой проволоки, когда движение электрона одномеризуется плавным притягивающим потенциалом $u(\rho)$ (ρ - двумерный радиус-вектор). Будет показано, что в этом случае уже в рамках эффективно-массового подхода получают поправки, линейные по спин-орбитальной константе, которые ведут к интересным и экспериментально наблюдаемым следствиям.

С учетом интересующего нас спин-орбитального взаимодействия, движение электрона в потенциале $u(\rho)$ описывается гамильтонианом

$$\hat{H} = \hat{p}^2/2m + u(\rho) + \tilde{\alpha}[\hat{\sigma} \times \vec{\nabla}u]\hat{p}, \quad (1)$$

где $\hat{\sigma}_i$ - матрицы Паули, $\tilde{\alpha}$ - эффективная спин-орбитальная константа. Введем безразмерные переменные $r = \rho/a$, $E_0 = \hbar^2/2ma^2$, $\alpha = \tilde{\alpha}\hbar/a^2$, $v(r) = u(\rho)/E_0$ (где α - характерный радиус проволоки). Отделяя продольное движение, получим двумерное уравнение Шредингера:

$$\frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(r \frac{d\psi}{dr} \right) + v(r)\psi + \frac{\alpha}{r} \frac{dv}{dr} (\hat{\sigma}_z \hat{l} + kr(\sin \theta \cdot \hat{\sigma}_x - \cos \theta \cdot \hat{\sigma}_y))\psi = \epsilon\psi, \quad (2)$$

где $\hbar k/a$ - продольный импульс, $\epsilon = E/E_0 - k^2$, \hat{l} - оператор аксиального момента. При $k = 0$ l и σ_x являются по отдельности хорошими квантовыми числами. Поэтому влияние спин-орбитальной поправки сведется к "индивидуальному" расщеплению энергетических уровней ϵ_{nl} исходной (с $\alpha = 0$) задачи, соответствующих состояниям $|nl\rangle$:

$$(\Delta\epsilon)_{nl} \approx \alpha l \langle nl | \frac{1}{r} \frac{dv}{dr} | nl \rangle. \quad (3)$$

При $k \neq 0$ положение усложняется. Теперь с гамильтонианом уравнения (2) коммутирует только оператор суммарного момента $\hat{j} = \hat{l} + \hat{\sigma}_z/2$. Поэтому решения (2) следует искать в виде:

$$\psi_{nj}(\vec{\rho}) = \sum_{n'} (c_{n'j\uparrow} |n'l\uparrow\rangle + c_{n'j\downarrow} |n', l+1, \downarrow\rangle), \quad (4)$$

где

$$\hat{\sigma}_z |\uparrow\rangle = |\uparrow\rangle, \quad \hat{\sigma}_z |\downarrow\rangle = -|\downarrow\rangle. \quad (5)$$

Как видно, в общем случае ($\epsilon_{nl} \neq \epsilon_{n,l+1}$) k - зависящие спин-орбитальные добавки появляются только во втором порядке теории возмущений. Они будут весьма малы ($\sim (\alpha k)^2$) и лишь слегка перенормируют продольную эффективную массу. Однако перепутывание в (4) спиновых состояний приводит, уже в дипольном приближении, к оптическим внутризонным переходам с переворотом спина и к соответствующему усложнению оптических спектров.

Для иллюстрации сказанного рассмотрим параболическую квантовую проволоку с $u(\rho) = m\omega^2 \rho^2/2$. В этом случае $a = \sqrt{\hbar/m\omega}$, невозмущенные значения энергии $\epsilon_{nl} = 2n + |l| + 1$. Поскольку $r^{-1}(dv/dr) = 1$, матричные элементы спин-орбитального возмущения в базисе $|nl\rangle$ будут предельно простыми. Отличны от нуля только следующие из них:

$$\langle nl | \frac{1}{r} \frac{dv}{dr} | n'l \rangle = \delta_{nn'} \quad (6)$$

$$\langle n, l+1 | \frac{1}{r} \frac{dv}{dr} | n', l \rangle = \sqrt{n+|l|+1} \delta_{nn'} + \sqrt{n} \delta_{n-1, n'}.$$

Таким образом, матрица системы уравнений на коэффициенты $c_{nj\sigma}$ имеет трехдиагональный вид. Это позволяет получить выражения для ϵ_{nj} (и для $c_{nj\sigma}$) в виде цепных дробей ⁶. Ввиду малости α , ограничимся первыми членами степенного разложения, которые дают расщепление энергии исходного $|nl\rangle$ -состояния в виде невзаимодействующих термов:

$$\epsilon_{nj}^{(1)} = 2n + |j - 1/2|(1 + \alpha) + 1 - (k\alpha)^2(|j - 1/2| + 1 + \alpha(2n + |j - 1/2| + 1)) \quad (7)$$

$$\epsilon_{n,j-\text{sgn}j}^{(2)} = 2n + |j - 1/2|[(1 - \alpha) + 1 + (k\alpha)^2(|j - 1/2| + \alpha(2n + |j - 1/2|))],$$

(заметим, что, в соответствии с (6), при $k=0$ эти значения являются точными). Поскольку в дипольном приближении матричные элементы оптических переходов определяются тем же выражением (6), можно сразу же описать и спектр поглощения такой системы (для перпендикулярного проволоке направления поляризации). В главном приближении он представляет собой двойную линию на частоте $\omega = 1$, с расстоянием между компонентами в 2α . С учетом зависящих k -членов, по обеим сторонам этого основного дублета появляются эквидистантные (с тем же расстоянием 2α) сателлиты, интенсивность и число которых растут с температурой (и с энергией Ферми).

Более интересен, однако, случай исходного вырождения, когда в поперечно-квантованном спектре, при $\alpha = 0$, имеются такие n, n' и l , что $\epsilon_{nl} \approx \epsilon_{n',l+1}$ (с точностью $\sim \alpha$). Это возможно, например, для убывающих $|v(r)|$ с достаточно "тонким" хвостом, либо для двухмасштабных потенциалов с дополнительным провалом вблизи $r = 0$. Обозначив

$$B = \langle n', l+1 | \frac{1}{r} \frac{dv}{dr} | nl \rangle; \quad B_{nl} = \langle nl | \frac{1}{r} \frac{dv}{dr} | nl \rangle \quad (8)$$

получим в такой ситуации:

$$\epsilon_{nj}^{(1,2)} = \frac{1}{2}(\epsilon_{nl} + \epsilon_{n',l+1} + \alpha(B_{nl}|j - 1/2| - B_{n',l+1}(|j - 1/2| + 1))) \pm$$

$$\pm \sqrt{(\epsilon_{nl} - \epsilon_{n',l+1} - \alpha(B_{nl}|j - 1/2| + B_{n',l+1}(|j - 1/2| + 1)))^2 + (k\alpha B)^2}. \quad (9)$$

Таким образом, снятие вырождения приводит (как и обычно) к заметной непа-
раболичности спектра, который может стать и линейным по k , если выражение
в скобках под знаком корня обратится в нуль. Такая эффективная "лине-
аризация" может быть достигнута с помощью слабого внешнего продольного
магнитного поля. Действительно, при естественной калибровке векторного
потенциала $\vec{A} = [\mathcal{H} \times \vec{\rho}]/2$ получим в линейном приближении:

$$\hat{H}(\mathcal{H}) = \hat{H}(0) + \gamma \hat{l} + g\gamma \hat{\sigma}_z/2, \quad (10)$$

где $\gamma = \hbar e\mathcal{H}/2mcE_0$. Соответствующие добавки в уравнения на $c_{nj\sigma}$ приводят
к тому, что в выражении (9) во вксоренной скобке добавится член $2\gamma j$,
а в подкоренной - член $\gamma(g - 1)$. Поэтому надлежащим выбором знака и
величины слабого ($\gamma \sim \alpha$) магнитного поля это последнее выражение полностью
"элиминируется". Такая радикальная перестройка спектра должна приводить к
наблюдаемым эффектам, очевидным из которых является возможное наличие
слабополевой области отрицательного продольного магнитосопротивления.

В заключение, оценим величину описываемых эффектов. Привлекательные
большие значения эффективной спин-орбитальной константы достигаются, на-
пример, в узкощелевых полупроводниках. Если считать ширину запрещенной
зоны $\sim 0,4$ эВ, а эффективную электронную массу $\sim 0,02m_0$ (параметры для
InAs), то для квантовой проволоки диаметром 100\AA получается безразмерная
величина $\alpha \sim 5 \cdot 10^{-2}$. При этом вышеописанная тонкая структура спектров по-
глощения будет характеризоваться величиной расщепления ~ 1 мэВ. Наконец,
величина линеаризующего магнитного поля будет $\sim 10^3$ Гс. Таким образом,
рассмотренные эффекты могут легко наблюдаться, при несомненной возмож-
ности получения таких квантовых проволок в условиях современных успехов
техники фабрикации наноструктур.

Автор благодарен А.В.Чаплику и М.В.Энтину за полезное обсуждение.

-
1. Ю.А.Бычков, Э.И.Рашба, Письма в ЖЭТФ **39**, 66 (1984).
 2. Ф.Т.Васько, Письма в ЖЭТФ **30**, 574 (1979).
 3. Ф.Т.Васько, Н.А.Прима, ФТТ **25**, 582 (1983).
 4. Ю.А.Бычков, Э.И.Рашба, УФН **146**, 531 (1985).
 5. Д.А.Романов, ФТТ, в печати.
 6. Ф.М.Морс, Г.Фешбах, Методы теоретической физики. М.: ИЛ, 1960, II, 15.