

**ЧАСТОТНАЯ ЗАВИСИМОСТЬ ПЛОТНОСТИ КОЛЕБАТЕЛЬНЫХ  
СОСТОЯНИЙ В СТЕКЛАХ - ЛОГНОРМАЛЬНОЕ  
РАСПРЕДЕЛЕНИЕ**

*Ю.В.Денисов, А.П.Рылев*

Впервые показано, что частотная зависимость плотности колебательных состояний (ПКС) простейших стеклообразных систем в низкоэнергетической области спектра удовлетворяет логарифмически нормальному распределению с одинаковым для всех исследованных стекол значением дисперсии  $\sigma = 1/\sqrt{2}$ .

Частотная зависимость ПКС в диапазоне  $15 \div 300 \text{ см}^{-1}$ , определяющая термодинамические, спектральные и некоторые другие характеристики стекол, не имеет до настоящего времени достаточно точного математического описания. Существует ряд моделей для объяснения ПКС. В модели упругого континуума<sup>1</sup> принято считать, что ПКС  $-g(\omega)$  в стеклах имеет дебаевскую зависимость от частоты  $g(\omega) \propto \omega^2$ . Однако в ряде экспериментов, например в<sup>2</sup>, было обнаружено отличие  $g(\omega)$  от дебаевской. Состояние фрактальной модели<sup>3</sup> и модели мягких потенциалов<sup>4</sup> в настоящее время не дает возможности получить явное выражение  $g(\omega)$  во всей указанной области колебательных частот. Прямая информация о ПКС в стеклах может быть получена из экспериментов по низкочастотному комбинационному рассеянию света (НЧ КРС) и рассеянию нейтронов. Из<sup>5</sup> следует, что интенсивность  $I(\omega)$  стоксовой части спектра НЧ КРС дается соотношением

$$I(\omega) = C(\omega)g(\omega)(n(\omega) + 1)/\omega$$

где  $C(\omega)$  - квадрат матричного элемента взаимодействия возбуждающего фотона с колебательными состояниями,  $n(\omega)$  - функция распределения Бозе-Эйнштейна. Разные авторы полагают  $C(\omega) \propto \omega^p$ , где  $p = 1$  или  $2$ . Наряду с этим в модели упругого континуума получено более сложное выражение для  $C(\omega)$  в предположении  $g(\omega) \propto \omega^2$ .

Авторами настоящего сообщения в процессе исследования стекол методом НЧ КРС найдено, что наилучшее приближение экспериментальных результатов достигается при использовании в качестве функции для  $g(\omega)$  логнормального распределения (ЛНР)<sup>6</sup>. Применительно к ПКС логнормальное распределение запишем

в виде

$$g(\omega) = (\sigma\omega_0\sqrt{2\pi})^{-1} \exp[-\{(\sigma\sqrt{2})^{-1} \ln(\omega/\omega_0)\}^2] \quad (1)$$

Тогда, если принять  $C(\omega) \propto \omega^p$ ,

$$I(\omega) \propto (n(\omega) + 1) \exp[-\{(\sigma\sqrt{2})^{-1} \ln(\omega/\omega_m)\}^2], \quad (2)$$

где  $\omega_m = \omega_0 \exp[p \cdot \sigma^2]$ . Выражение (2) показывает, что если ПКС описывается соотношением (1), то  $I(\omega)/(n(\omega) + 1)$  будет иметь вид логнормального распределения независимо от значения  $p$ . В дальнейшем при аппроксимации экспериментальных кривых мы приняли  $p = 2$ .

На рис.1 представлены результаты аппроксимации спектра НЧ КРС стеклообразной  $B_2O_3$  с использованием ЛНР. На этом же рисунке приведены кривые (3 и 4), построенные по формулам работы <sup>7</sup> в модели упругого континуума. Сравнение кривых на рис.1 показывает лучшую аппроксимацию спектра НЧ КРС при логнормальном законе распределения для  $g(\omega)$ . Расхождение экспериментальных и расчетных кривых в области  $\omega \leq 15 \text{ см}^{-1}$  возникает из-за вклада квазиупругого рассеяния.

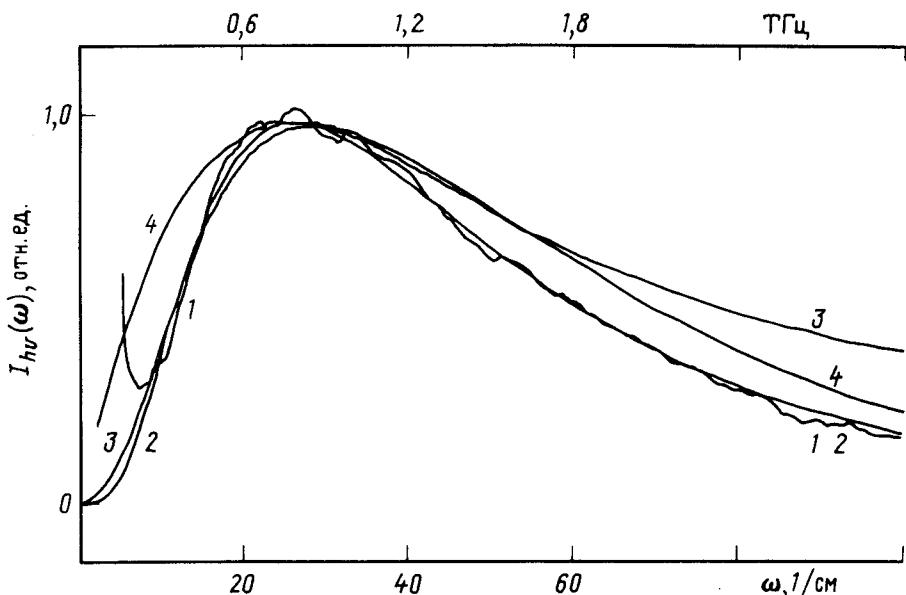


Рис. 1. Низкочастотный деполяризованный колебательный спектр стеклообразной  $B_2O_3$  - 1, и аппроксимация: 2 -  $I(\omega) = (n(\omega)+1)\omega \exp[-\{\ln(\omega/\omega_0)\}^2]$ , 3 -  $I(\omega) = (n(\omega)+1)\omega^3/(\omega^2+\omega_1^2)^2$ , 4 -  $I(\omega) = (n(\omega)+1)\omega^2 \exp[-(\omega/\omega_2)]$

Представление о применимости ЛНР для описания плотности колебательных состояний различных стеклообразных систем дает рис.2 . Изображенные на них кривые ПКС вычислены по формуле

$$g(\omega) = I_{hv}(\omega)/[\omega(n(\omega) + 1)],$$

где  $I_{hv}(\omega)$  - деполяризованный спектр . Наилучшее совпадение экспериментальных и расчетных графиков для всех исследованных нами стекол получается при одном и том же значении  $\sigma = 1/\sqrt{2}$ . Если учесть отмеченное в <sup>7</sup> подобие спектров НЧ КРС для стеклообразных  $SiO_2$ ,  $As_2S_3$ ,  $Mg_{70}Zn_{30}$ , то можно сделать вывод: логарифмически нормальный закон распределения описывает частотную

зависимость ПКС простейших стеклообразных систем синтезированных разными методами. При этом для ширины функции  $g(\omega)$  на уровне 0.5 выполняется общее для всех стекол соотношение

$$\Delta\omega_{0,5}/\omega_m = 2\text{sh}(\sqrt{\ln 2}).$$

В многокомпонентных системах  $g(\omega)$  может иметь более сложную форму, зависящую от состава <sup>8</sup>, и контур  $g(\omega)$  можно представить в виде суперпозиции логнормальных кривых.

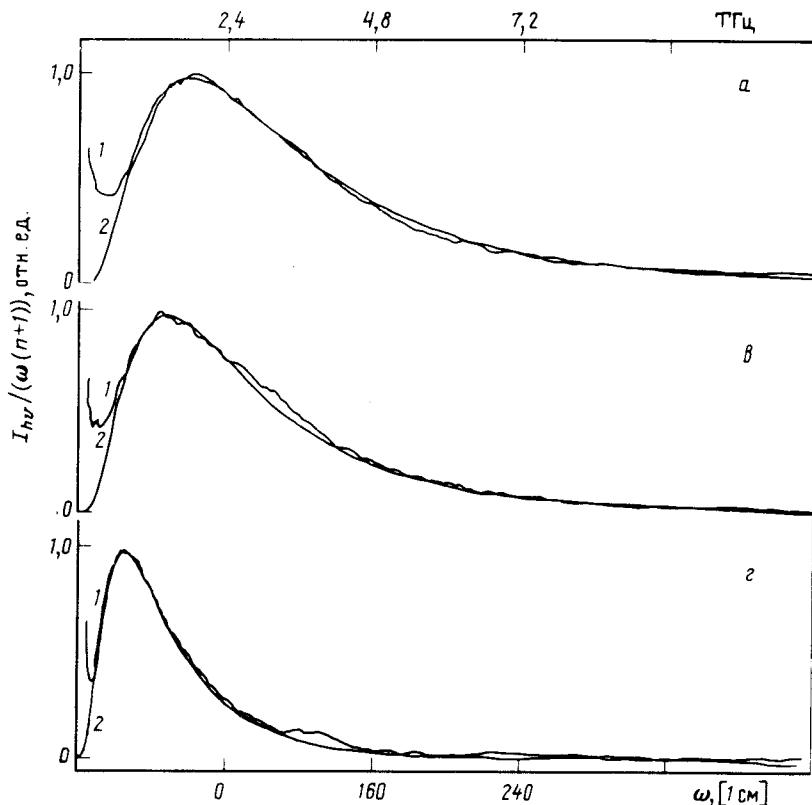


Рис. 2. Экспериментальный контур ПКС - 1 и ЛНР - 2 для стекол: а -  $(\text{Li}_2\text{O})_{0,3} : (\text{B}_2\text{O}_3)_{0,7}$ ; б -  $\text{SiO}_2$ ; в -  $\text{B}_2\text{O}_3$ ; ЛНР -  $g(\omega) = \exp[-\{\ln(\omega/\omega_0)\}^2]$

Возможная интерпретация полученного результата нам видится следующей. В стеклообразной матрице можно выделить группы атомов с энергией связи внутри группы большей, чем энергия связи наружных атомов с окружением. Существование таких структурных группировок отмечалось в литературе <sup>9</sup>. Каждой группе поставим в соответствие осциллятор с массой, равной сумме масс атомов в группировке, и жесткостью, определяемой энергией связи внешних атомов группировки с окружением. Если предположить, что энергия связи группировки с окружением уменьшается при увеличении характерного размера осциллятора  $R$  как  $f \propto 1/R^s$ , то, в первом приближении, для частоты осциллятора можно принять  $\omega \propto 1/R^s$ , где  $s$  - действительное число. При образовании стекла, например, из расплава в структурной сетке возникает статистический по  $R$  набор упомянутых группировок, который и определяет статистическое распределение ПКС. Не трудно показать, что при ЛНР  $g(\omega)$  распределение структурных группировок по радиусу

будет также ЛНР с дисперсией  $\sigma_R = \sigma/s$ . Если представить ЛНР в виде

$$(\sigma x_0 \sqrt{2\pi})^{-1} \exp[-\{(1/(\sigma x_0 \sqrt{2})) \int_{x_0}^x \frac{dx}{x}\}^2],$$

где  $x$  - любая случайная величина, то можно сказать, что оно описывает случайные процессы с относительными приращениями.

Результаты работы показывают, что плотность колебательных состояний стекол разных составов в области  $15 \div 300 \text{ см}^{-1}$  описывается логарифмически нормальным распределением с одним параметром. При формировании структур (обуславливающих ПКС) во время стеклования, заметную роль играет статистика относительных изменений параметров структурной сетки стекла.

### Литература

1. Martin A.J., Brening W. Phys. Stat. Sol. (b), 1974, 64, 163.
2. Buchenau U. et al. Phys. Rev. B, 1986, 33, 757.
3. Fontana A., et al. Phys. Rev. Lett., 1987, 58, 503.
4. Гальперин Ю.М. и др. ЖЭТФ, 1988, 94, 373.
5. Shuker R., Cammon R.W. Phys. Rev. Lett., 1970, 25, 222.
6. Хаскингс Н., Пикок Дж. Справочник по статистическим распределениям. М.: Статистика, 1980.
7. Malinovsky V.K., Sokolov A.P. Sol. St. Comm., 1986, 57, 757.
8. Денисов Ю.В. и др. Письма в ЖЭТФ, 1990, 51, N12.
9. Guha S., Walrafen G.T. J. Chem. Phys., 1984, 80, 3807.

Московский  
физико-технический институт

Поступила в редакцию  
4 июля 1990 г.  
После переработки  
30 августа 1990 г