

## МЕТАМАГНИТОУПРУГОСТЬ И МЕТАМАГНИТОЭЛЕКТРИЧЕСТВО ЯН-ТЕЛЛЕРОВСКИХ КРИСТАЛЛОВ

М.Д.Каплан

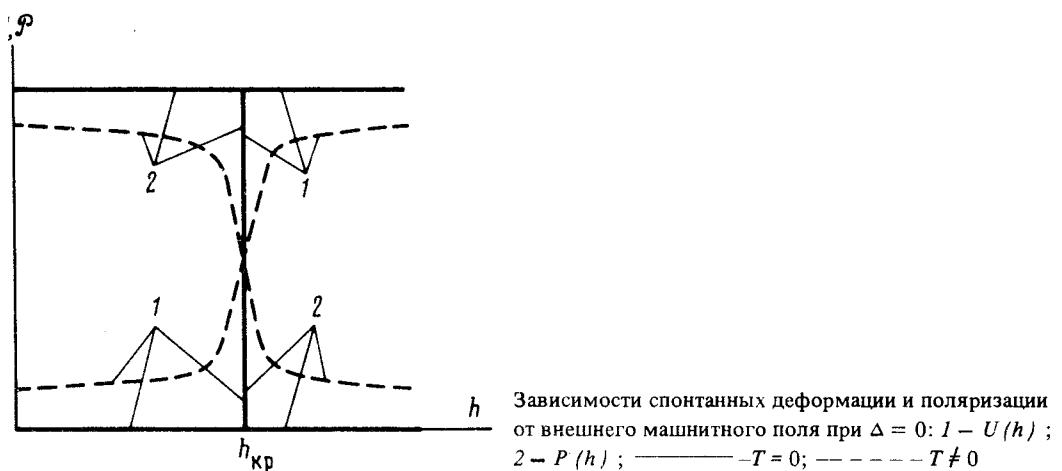
На основе микроскопической теории предсказывается новое явление метамагнитоупругости и метамагнитоэлектричества в ян-теллеровских антиферроэластиках.

1. Хорошо известное явление метамагнетизма заключается в резком нелинейном росте магнитного момента при увеличении внешнего магнитного поля и является характерным для антиферромагнетиков изинговского типа. В физике эластиков-кристаллов с фазовыми переходами, при которых параметром порядка является деформация, — аналогично антиферромагнетикам в магнетизме возможно исследование систем с антиферродисторсионным упорядочением. В микроскопической теории структурных фазовых переходов, основанной на кооперативном эффекте Яна – Теллера<sup>1</sup>, показано, что для широкого класса эластиков фазовый переход является следствием межэлектронного взаимодействия изинговского типа. Естественно, что для подобных антиферроэластиков аналогично метамагнетизму характерно явление метаупругости, заключающееся в сильно нелинейном поведении деформации как функции давления. В последнее время получен ряд экспериментальных результатов, свидетельствующих об обнаружении таких кристаллов<sup>2,3</sup>. С другой стороны антиферродисторсионная фаза системы может быть реализована и в ферроэластиках под действием внешних полей<sup>4</sup>. В связи с этим представляет особый интерес исследование специфических свойств ян-теллеровских антиферроэластиков. Как показывает рассмотрение, для них характерно такое необычное свойство как метамагнитоупругость, сопровождающаяся метамагнитоэлектричеством.

Особенностью ян-теллеровских систем является тесная взаимосвязь структурных и магнитных свойств. Это обстоятельство отмечалось в работе<sup>5</sup> при исследовании обусловленных общим орбитальными и спиновыми упорядочениями в соединениях переходных металлов. В отличие от последних в редкоземельных соединениях вследствие сильной спин-орбитальной связи состояния ян-теллеровского иона характеризуются полным моментом, через компоненты которого выражаются как операторы магнитных моментов, так и псевдоспинов, упорядочивающихся при структурном фазовом переходе. При этом возникающие ниже критической температуры молекулярные поля играют роль энергий магнитной анизотропии. С другой стороны, наоборот возможны ситуации, как, например, в соединениях диспрозия, когда магнитные поля, действующие в базисной плотности кристалла, поддерживают спонтанную деформацию (при этом операторы магнитного момента и параметры порядка коммутируют). В таких антиферроэластиках магнитное поле может перевернуть подрешетку псевдоспинов, действуя против межподрешеточного молекулярного поля и переводя кристалл в ферродисторсионную фазу. Этому соответствует резкое нелинейное возрастание деформации как функции магнитного поля. Такое явление может быть названо метамагнитоупругостью. С другой стороны в рассматриваемых кристаллах дисторсионное упорядочение может сопровождаться упорядочением дипольных моментов

в<sup>4</sup>, вследствие чего метамагнитоупругое поведение сопровождается метамагнитоэлектрическим – резко нелинейным изменением поляризации с ростом магнитного поля. Сказанное проиллюстрируем на примере антиферроэластиков со структурой циркона.

2. Рассмотрим кристалл типа DyVO<sub>4</sub>. Два ян-тэллеровских иона в ячейке связаны операцией гверсии. При  $T > T_c$  нижайшие состояния Dy<sup>3+</sup> – два крамерсовых дублета  $\Gamma_7$  и  $\Gamma_6$ , разделенных щелью и смещающихся колебаниями  $b_2$ -симметрии, вследствие чего возникает межэлектронное взаимодействие, приводящее к фазовому переходу. При  $T < T_c$  в каждой подрешетке действуют молекулярные поля разных знаков, что обусловливает различную анизотропию g-акторов, при которой  $g_x \gg g_{y,z}$  для основного состояния и  $g_y \ll g_{x,z}$  – для возбужденного в одной подрешетке и наоборот – в другой. Соответственно этому магнитное поле  $H \parallel x$  поддерживает деформацию вдоль x-оси, а  $H \parallel y$  – вдоль y-оси. Однако в рассматриваемом случае трапециональной симметрии соответствующие деформации отличаются знаком, откуда и следует возможность индуцированного магнитным полем матаэластического перехода.



Гамильтониан электронной подсистемы для  $a$ -той подрешетки в приближении молекулярного поля имеет вид

$$H_a = (A\bar{\sigma}_z^a + B\bar{\sigma}_z^{a'} \pm f\chi_0\mathcal{E})\sigma_z^a + \Delta\gamma\sigma_x^a - h_xS_x^a - h_yS_y^a, \quad (1)$$

де  $\mathcal{E}$  – электрическое поле,  $h_i = \frac{1}{2}g\mu_B H_i$ ,  $\gamma$  – фактор вибронной редукции,  $A$  и  $B$  – константы внутри- и межподрешеточного взаимодействия (в рассматриваемой системе  $B < 0$  в отличие от реального кристалла DyVO<sub>4</sub>, где  $B > 0$  и при  $T < T_c$  реализуется не антиферро-, а ферродисорционная фаза). Спектр системы определяется формулами

$$E_{1,2,3,4}^a = \pm \frac{h}{2}f_1(\theta) \pm \sqrt{\left[H_{mol}^a - \frac{h}{2}f_2(\theta)\right]^2 + \Delta^2\gamma^2}, \quad (2)$$

де  $h = \sqrt{h_x^2 + h_y^2}$ ,  $f_{1,2}(\theta) = \cos\theta \pm \sin\theta$ ,  $\theta$  – угол между магнитным полем и x-осью,  $H_{mol}^a = A\bar{\sigma}_z^a + B\bar{\sigma}_z^{a'} \pm f\chi_0\mathcal{E}$ . Используя выражения (2), можно получить систему трансцендентных уравнений для подрешеточных параметров порядка

$$\begin{aligned} \bar{\sigma}_z^a = \frac{2}{z_a} \left[ \left( H_{mol}^a - \frac{h}{2}f_2(\theta) \right) (E_a^-)^{-1} \exp\left(-\frac{\beta h}{2}f_1(\theta)\right) \operatorname{sh}\beta E_a^- + \right. \\ \left. + \left( H_{mol}^a + \frac{h}{2}f_2(\theta) \right) (E_a^+)^{-1} \exp\left(\frac{\beta h}{2}f_1(\theta)\right) \operatorname{sh}\beta E_a^+ \right], \quad (3) \end{aligned}$$

где

$$E_a^+ = \sqrt{\left[H_{mol}^a \pm \frac{h}{2} f_2(\theta)\right]^2 + \Delta^2 \gamma^2}, \quad (4)$$

$$Z_a = 2 \left[ \exp\left(-\frac{\beta h}{2} f_1(\theta)\right) \operatorname{ch} \beta E_a^- + \exp\left(\frac{\beta h}{2} f_1(\theta)\right) \operatorname{ch} \beta E_a^+ \right]. \quad (5)$$

Система уравнений (3) описывает температурное и полевое поведение спонтанных деформаций  $U \sim (\bar{\sigma}_z^I + \bar{\sigma}_z^{II})$  и поляризации  $\mathcal{P} \sim (\bar{\sigma}_z^I - \bar{\sigma}_z^{II})$ . Из анализа свободной энергии следует, что при  $H = \mathcal{E} = 0$  и  $T < T_c$  реализуется антиферродисторсионная фаза. Магнитное поле, действуя против молекулярного поля одной из подрешеток, может перевернуть последнюю, переводя кристалл в ферродисторсионную антисегнетоэлектрическую фазу (см. рисунок).

3. Обсудим возможность экспериментального наблюдения эффектов. Таких возможностей на наш взгляд, — две. Первая связана с реальными кристаллами  $DyVO_4$ ,  $DyAsO_4$ . Хотя они являются ферроэластиками, но воздействуя электрическим полем, их можно перевести в антиферродисторсионную сегнетоэлектрическую fazу<sup>4</sup>. При этом метамагнитоупругое поведение кристалла осуществляется в магнитных полях, действующих против межподрешеточного взаимодействия и электрического поля.

Другая возможность связана с использованием кристаллов двойных вольфраматов и молибдатов. В этих кристаллах обнаружены ян-теллеровские фазовые переходы<sup>6</sup>, которые исходя из ряда результатов, полученных в работах<sup>2,3</sup>, могут быть отнесены к антиферродисторсионным. Однако, в этих соединениях, по-видимому, антиферродисторсионная фаза является антисегнетической не сегнетоэлектрической. Хотя ситуация здесь несколько сложнее чем в цирконах, полученные выше результаты к ним применимы. Оценки величины критического магнитного поля, вызывающего метаупругое поведение кристалла дают  $H \sim 3 - 10 T$ , что достижимо в эксперименте.

Выражаю искреннюю благодарность Б.Г.Вехтеру за обсуждение результатов работы.

#### Литература

1. Gehring G.A., Gehring K.A. Rep. Prog. Phys., 1975, 38, 1.
2. Cooke A.H., Davidson M.N., England N.J., Leasu M.J.M., Loury J.B., Tropper A.C., Wells M.R. J. Phys. C: Sol. St. 1976, 9, L573.
3. Ельчанинова С.Д., Андерс С.Д., Звягин А.И., Кобец М.И., Литвиненко Ю.Г. ФНТ, 1981, 7, 187.
4. Вехтер Б.Г., Каплан М.Д. Письма в ЖЭТФ, 1979, 23, 173; ЖЭТФ, 1980, 78, 1781.
5. Кугель К.И., Хомский Д.И. Письма в ЖЭТФ, 1976, 23, 264; Khomskoo D.I., Kugel K.I. Phys. Stat. Sol. (b), 1977, 79, 441.
6. Pytte E. Phys. Rev., 1974, B9, 932.
7. Звягин А.И., Стеценко Т.С., Юрко В.Г., Вайшнорас Р.А. Письма в ЖЭТФ, 1973, 17, 135.