

## “ДВОЙНАЯ” СТИМУЛЯЦИЯ КРИТИЧЕСКОГО ТОКА В ЧИСТЫХ *SNINS*-СИСТЕМАХ

А.Д. Заикин, Г.Ф. Жарков

Показано, что под воздействием СВЧ поля возможно резкое увеличение критического тока чистых *SNINS*-контактов, что обусловлено сразу двумя причинами: неравновесностью функции распределения электронов в контакте и наличием резонансных особенностей (логарифмических пиков) джозефсоновского тока<sup>1</sup>.

Микроскопическая теория нестационарного эффекта Джозефсона в *SNINS*-контактах (т.е. контактах сверхпроводник – нормальный металл – сверхпроводник с диэлектрической прокладкой в *N*-металле) при произвольном законе изменения напряжения на контакте построена в работе авторов<sup>1</sup>. В частности, было показано, что амплитуда тока пар при наличии нап-

ржания зависит от толщины слоя нормального металла  $d$  степенным образом даже при температурах  $T \gg v_F / d$ , хотя стационарный ток в  $SNS$ -системах при таких температурах экспоненциально мал  $j \sim \exp\{-2\pi T d / v_F\}$  (см., например,<sup>2</sup>). Этот эффект связан с неравновесностью распределения квазичастиц в  $N$ -слое, которая возникает при прохождении электронами, туннелирующими через диэлектрическую прослойку, разности потенциалов на контакте. Однако, разность фаз параметров порядка сверхпроводящих берегов в этом случае колеблется во времени, так что среднее по времени от тока пар будет равно нулю.

Можно, однако, рассмотреть несколько иную ситуацию. Пусть через  $SNINS$ -контакт протекает стационарный ток, так что сверхпроводящая разность фаз имеет значение  $\varphi_0$ , не зависящее от времени. Поместим такой контакт в СВЧ поле и будем считать, что на контакте появилась дополнительная разность фаз  $\varphi_1(t)$

$$\varphi(t) = \varphi_0 + \varphi_1(t), \quad \varphi_1(t) = 2e \int V(t') dt', \quad V(t') = V_0 \cos \omega_0 t. \quad (1)$$

При этом туннельный ток будет иметь вид

$$j(t) = \operatorname{Im} \sum_{n, k} J_n \left( \frac{eV_0}{\omega_0} \right) e^{ik\omega_0 t} \left\{ J_{k+n} \left( \frac{eV_0}{\omega_0} \right) j_q(n\omega_0) + e^{i\varphi_0} J_{k-n} \left( \frac{eV_0}{\omega_0} \right) j_p(n\omega_0) \right\}. \quad (2)$$

Здесь  $J_n$  — функция Бесселя  $n$ -го порядка, токи  $j_p$  и  $j_q$  вычислялись в<sup>1</sup>. Усредняя (2) по времени, получаем

$$j = \operatorname{Im} e^{i\varphi_0} \left\{ J_0^2 \left( \frac{eV_0}{\omega_0} \right) j_p(0) + 2 \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n J_n^2 \left( \frac{eV_0}{\omega_0} \right) j_p(n\omega_0) \right\}. \quad (3)$$

Рассмотрим случай  $eV_0 \ll \omega_0$  (т.е.  $\varphi_1(t) \ll 1$ ). Тогда из (3) имеем

$$j = \left\{ j'_1(0) - \frac{e^2 V_0^2}{2\omega_0^2} [j'_1(0) + j'_1(\omega_0) + j''_1(\omega_0)] \right\} \sin \varphi_0 - \frac{e^2 V_0^2}{2\omega_0^2} j_2 \cos \varphi_0, \quad (4)$$

где  $j'_1 + j''_1 = \operatorname{Im} j_p$ ,  $j_2 = \operatorname{Re} j_p$ . При  $T \gg v_F / d$  ток  $j'_1$  экспоненциально мал, а токи  $j''_1$  и  $j_2$  такой малости не содержат<sup>1</sup>. Таким образом, наличие переменного электромагнитного поля приводит к усилению сверхпроводящих свойств  $SNS$ -контактов.

Этот эффект по существу аналогичен хорошо известному явлению стимуляции сверхпроводимости СВЧ полем<sup>3</sup>. Действительно, роль щели в спектре квазичастичных возбуждений  $SNS$ -систем играет величина  $\Delta_N \sim v_F / d$ . При  $\omega_0 \gtrsim \Delta_N$  в  $N$ -слое будут находиться неравновесные квазичастицы с энергиями порядка (или больше) обратного времени пролета через контакт  $v_F / d$ , которые при  $T \gg v_F / d$  и дают основной вклад в ток. Очевидно, что такой эффект должен иметь место для любого типа  $SNS$ -контактов. От расположения диэлектрической прослойки в  $N$ -слое (и вообще от ее наличия или отсутствия) зависит лишь величина тока, но не сам эффект. Аналогичное явление имеет место в сверхпроводящих мостиковых структурах<sup>4</sup>. Отметим еще, что имеются экспериментальные указания на усиление критического тока в  $SNS$ -контактах с малой длиной свободного пробега в СВЧ поле<sup>5 1)</sup>.

В  $SNINS$ -системах имеет место также дополнительное усиление критического тока, связанного с наличием логарифмических пиков на зависимости  $j''_1(\omega_0)$ <sup>1</sup>. При условиях  $v_F / d \ll T$ ,  $\omega_0 \ll \Delta$ , и  $d \gg \xi_0$  ( $\Delta$  — модуль параметра порядка сверхпроводников

1) Нам также стало известно о работе<sup>6</sup>, в которой исследуется эффект стимуляции сверхтока в грязных  $SNS$ -мостиках при малых интенсивностях СВЧ облучения. Критический ток в этих условиях также не содержит экспоненциальной зависимости от толщины  $N$ -слоя ( $I_c \sim d^{-4}$ ).

$\xi_0$  – длина когерентности) выражение для  $j^a_1$  имеет особенно простой вид<sup>1</sup>

$$j^a_1(\omega_0) = \eta \frac{v_F}{eRd} \ln \left| \frac{1 + \cos(\omega_0 d / v_F)}{1 - \cos(\omega_0 d / v_F)} \right|, \quad \eta = \begin{cases} 1, & \omega_0 \gg T, \\ \omega_0/T, & \omega_0 \ll T \end{cases} \quad (5)$$

( $R$  – сопротивление диэлектрического слоя), а  $j_2(\omega_0) = 0$ . В этом случае критическая плотность тока в контакте есть

$$j_c = \frac{e^2 V_0^2}{2 \omega_0^2} |j_1^a(\omega_0)|. \quad (6)$$

Расходимости в выражении (5) при значениях  $\omega_{0n} = \pi v_F n/d$  объясняются резонансным поглощением фотонов электронами, туннелирующими через диэлектрическую прослойку между двумя системами уровней Андреева<sup>1</sup>. Таким образом, для проявления этого механизма стимуляции критического тока необходимо наличие дискретного спектра возбуждений по обе стороны от диэлектрика, что специфично для *SNINS*-систем. Расходимости в выражении (5) носят, очевидно, формальный характер, поскольку уровни Андреева всегда имеют конечную ширину, обусловленную наличием рассеяния электронов на примесях, неоднородностях  $N$ -границ, а также неупругими процессами релаксации. Вблизи значений частоты  $\omega_{0n}$  с логарифмической точностью имеем

$$j_c = \eta \frac{v_F e V_0^2}{R d \omega_0^2} \ln \frac{v_F}{\gamma_N d}. \quad (7)$$

Здесь  $\gamma_N$  – характерное уширение уровней дискретного спектра  $N$ -металла.

Итак, в СВЧ поле стимуляция критического тока чистых *SNINS*-систем может происходить сразу по двум причинам. Облучение контакта приводит к образованию неравновесных электронов в  $N$ -слое, которые свободно проходят через контакт и, кроме того, к резонансному (при определенных частотах) перескоку туннелирующих электронов с одного уровня энергии на другой. В результате этого критический ток даже при малой мощности облучения может иметь заметную величину, изменяясь обратно пропорционально толщине  $N$ -слоя (7) (а не экспоненциально, как в равновесном случае). Полученные результаты справедливы при условии<sup>1</sup>

$$\nu_T \ll 1/\tau_{eN} \ll v_F/d, \quad (8)$$

которое позволяет говорить о наличии дискретного спектра, а также вычислять ток по теории возмущений по параметру  $8\pi^2/e^2 p_F^2 R \ll 1$  ( $\nu_T$  – характерная частота "перескока" электронов через барьер,  $\tau_{eN}$  – время энергетической релаксации квазичастиц в  $N$ -слое).

Выражаем благодарность Л.Г.Асламазову за предоставленную возможность ознакомиться с работой<sup>6</sup> до ее опубликования.

#### Литература

- Зайкин А.Д., Жарков Г.Ф. ЖЭТФ, 1981, 81, 1781.
- Кулик И.О. Слабая сверхпроводимость. Препринт ИФМ АН СССР, Свердловск, 1973.
- Элиашберг Г.М. Письма в ЖЭТФ, 1970, 11, 186.
- Асламазов Л.Г., Ларкин А.И. ЖЭТФ, 1978, 74, 2184.
- Warlambont J.M., Brown J.C., Foxe T., Buhrtman R.A. Phys. Rev. Lett., 1979, 43, 169.
- Асламазов Л.Г., Лемпицкий С.В. ЖЭТФ, 1982, 82, 1671.