

О ЗАТУХАНИИ ИЗОБАРИЧЕСКИХ АНАЛОГОВЫХ РЕЗОНАНСОВ

М.Г.Урин

С учетом связи протонных каналов распада изобарических аналоговых резонансов (ИАР) получена формула для ширины "развала" ИАР на конфигурации сложной природы за счет механизма "внешнего" кулоновского смешивания.

В силу приближенного сохранения изоспина ширина для распада аналогового состояния (ИАС) на конфигурации сложной природы Γ^* существует в меру кулоновского смешивания указанных состояний и мала в ядерном масштабе ($\Gamma^* \ll 2\omega$, где ω – мнимая часть оптического потенциала при соответствующей ИАР энергии возбуждения). Если пре-небречь влиянием изовекторного монопольного резонанса на формиро-вание ИАР, то ширина Γ^* определяется механизмом "внешнего" смешива-ния, обусловленным существованием общих (протонных) каналов рас-пада ИАР и конфигураций сложной природы. Существующие теорети-ческие подходы к описанию ИАР в несколько раз переоценивают вели-чины ширин Γ^* по сравнению с экспериментальными значениями [1,2].

Одна из возможных причин этой трудности заключена в предположении о независимости протонных каналов распада ИАР. В настоящей работе на основе оболочечной теории ИАР [3] предложен метод учета связи протонных каналов распада и вывод с помощью этого метода формул для распадных ширин ИАР.

Поправка к волновой функции (ВФ) ИАС, обусловленная существованием ν -го протонного канала распада ИАР $\delta\psi_\nu$, определяется как разность ВФ $|a\rangle_0 = (2T_o + 1)^{-1/2} \Gamma^{(-)} |n_\nu\rangle = |d_\nu\rangle + (2T_o + 1)^{-1/2} |p_\nu\rangle$, характеризуемой изоспином $T_o + 1/2$ и содержащей однопротонную компоненту $|p_\nu\rangle$ с той же пространственной конфигурацией, что и состояние материнского ядра $|n_\nu\rangle$; и ВФ $|a\rangle = |d_\nu\rangle + \sum_E a_{\nu E} |p_E\rangle$ с неопределенным изоспином, содержащей континuum однопротонных состояний. Коэффициенты $a_{\nu E}$ определяются матричными элементами от изовекторной части оболочечного потенциала $tTV(r)$ между состояниями $|d_\nu\rangle$ и $|p_E\rangle$: $a_{\nu E} = (2T_o + 1)^{-1/2} (T_o V)_{\nu E} (E_\nu - E + i\epsilon)^{-1}$. Следовательно, поправка $\delta\psi_\nu$ в координатном представлении равна:

$$\delta\psi_\nu(r) = - \int G_\nu(r, r') T_o V(r') \psi_\nu(r') dr' - \psi_\nu(r). \quad (1)$$

Здесь $\psi_\nu = (2T_o + 1)^{-1/2} X_\nu$; X_ν – радиальная ВФ нейтрона, принадлежащего нейтронному избытку в материнском ядре: $(h_n - \epsilon_\nu) X_\nu = 0$, где $h_n = K + U + 1/2 T_o V$ – гамильтониан оболочечной модели для нейтронов; $G_\nu = \sum_E (E - E_\nu + i\epsilon)^{-1} X_E(r) X_E(r')$ – функция Грина; $(h_p - E) X_E = 0$, где $h_p = K + U - 1/2 T_o V + V_C$ – гамильтониан оболочечной модели для протонов; K – кинетическая энергия, U – изоскалярная часть оболочечного гамильтониана, V_C – средняя кулоновская энергия взаимодействия протона с ядром; E_ν – энергия ИАР в протонном канале. Если энергию симметрии $T_o V \equiv v$ заменить на разность $v = h_n - (h_p - V_C)$, то поправку (1) можно представить в виде

$$\delta\psi_\nu(r) = - \int G_\nu(r, r') \{ V_C(r') - E_\nu + \epsilon_\nu \} \psi_\nu(r') dr'. \quad (2)$$

Таким образом, величины (1), (2) являются обобщением на случай учета непрерывного спектра поправок к ВФ ИАС за счет кулоновского смешивания с антианалоговыми состояниями. В соответствии с приведенным выводом указанные поправки найдены в приближении независимости протонных каналов распада ИАР.

В меру поправок (1), нарушающих изотопическую симметрию ИАР, возможен распад ИАС на сложные конфигурации $|\lambda\rangle$ (характеризуемые изоспином $T_o - 1/2$) за счет "остаточного" ядерного взаимодействия H' . Соответствующая ширина определяется с учетом вклада всех неупругих каналов: $\Gamma^\lambda = \sum_\nu \Gamma_\nu^\lambda$. Парциальная ширина Γ_ν в низшем порядке по H' равна

$$\Gamma_\nu^\lambda = 2\pi \rho g_\nu |\langle \lambda | H' | \delta\psi_\nu \rangle|^2_{a_\nu} = 2g_\nu \int w(r) |\delta\psi_\nu(r)|^2 dr. \quad (3)$$

Здесь ρ – плотность конфигураций $|\lambda\rangle$; g_ν – статистический фактор; w – мнимая часть оптического потенциала для протонов с энергией E_ν .

Связь протонных каналов распада ИАР учтем с помощью следующего приема. Пусть F – интенсивность зарядово-обменной части эффективного взаимодействия нуклонов ($F = \frac{1}{2} F \vec{r}_1 \vec{r}_2 \delta(\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2)$). Тогда дополнительное (по сравнению с энергией симметрии) зарядово-обменное поле, действующее на нуклон в процессе протонного распада ИАР, равно

$$\delta v(r) = F/(2 T_0 + 1) \sum_\nu g_\nu (4\pi r^2)^{-1} \delta \bar{\psi}_\nu(r) \psi_\nu(r), \quad (4)$$

где эффективная поправка к ВФ ИАС за счет ν -го протонного канала распада $\delta \bar{\psi}_\nu$ в свою очередь определяется полем $v + \delta v$, т. е. формулой (1'), которая получается из (1) заменой $v \rightarrow v + \delta v$. Таким образом, самосогласованные условия (1'), (4) позволяют найти величины $\delta \bar{\psi}_\nu$ и δv . Поскольку относительное различие поправок $\delta \psi_\nu$ и $\delta \bar{\psi}_\nu$ не имеет буквенного параметра малости, то можно ожидать, что такое утверждение справедливо и для ширин Γ_ν^\downarrow (3) и $\bar{\Gamma}_\nu^\downarrow$

$$\bar{\Gamma}_\nu^\downarrow = g_\nu \int w(r) \{ |\delta \bar{\psi}_\nu[v + \delta v^*]|^2 + |\delta \bar{\psi}_\nu[v + \delta v]|^2 \} dr. \quad (3')$$

Необходимость симметризации в этой формуле вызвана неэрмитовостью δv .

Для сравнения с экспериментальными значениями ширины Γ формулы (3) и (3') следует обобщить на случай учета нелинейных по $\Delta h = \Delta - iw$ эффектов (Δ – изменение действительной части оптического потенциала для протонов по сравнению с U). Так учет возбуждения сложных конфигураций в процессе протонного распада ИАР приводит к следующей модификации поправок (1) [3]:

$$\delta \tilde{\psi}_\nu(r) = \delta \psi_\nu(r) - \int \tilde{G}_\nu(r, r') \Delta h(r') \delta \psi_\nu(r') dr', \quad (5)$$

где \tilde{G}_ν – функция Грина гамильтониана оптической модели для протонов: $\tilde{h}_p = h_p + \Delta h$. Аналогичное уравнение имеет место и для функции $\delta \bar{\psi}_\nu$. Тогда воспользовавшись изложенным в [3] методом, для ширин $\bar{\Gamma}_\nu^\downarrow$ и $\tilde{\Gamma}_\nu^\downarrow$ найдем следующие выражения:

$$\bar{\Gamma}_\nu^\downarrow + \tilde{\Gamma}_\nu^\downarrow = \bar{\Gamma}_{\nu_0}^\downarrow - 2 g_\nu \operatorname{Im} \int \delta \bar{\psi}_\nu[v + \delta v^*] \Delta h(r) \delta \bar{\psi}_\nu[v + \delta v] dr, \quad (6)$$

где $\bar{\Gamma}_\nu^\downarrow$ и $\tilde{\Gamma}_{\nu_0}^\downarrow$ – соответственно эффективная и "естественная" протонные ширины ИАР: $\bar{\Gamma}_{\nu_0}^\downarrow = \bar{\Gamma}_\nu^\downarrow [\Delta h = 0]$ и

$$\bar{\Gamma}_\nu^\downarrow = 2\pi g_\nu \left| \int \psi_\nu(r) (v + \delta v^* - \Delta h) \tilde{X}_{E_\nu}^{(+)}(r) dr \right| \int \psi_\nu(r) (v + \delta v - \Delta h) \tilde{X}_{E_\nu}^{(+)}(r) dr. \quad (7)$$

Здесь $(\tilde{h}_p - E)\tilde{\chi}_E^{(+)} = 0$. Для конкретных расчетов формулу (6) удобно преобразовать к виду, не содержащему явно величин $\delta\bar{\psi}_\nu$:

$$\begin{aligned} \tilde{\Gamma}_\nu^+ + \tilde{\Gamma}_\nu^+ &= 2g_\nu \operatorname{Im}\left\{ \int \psi_\nu(v + \delta v^* - \Delta h), \tilde{G}_\nu(r, r')(v + \delta v - \Delta h), \psi_\nu dr dr' \right. \\ &\quad \left. - \int \psi_\nu^2 \Delta h dr \right\}. \end{aligned} \quad (8)$$

Непосредственной проверкой убеждаемся, что в первом по Δh порядке выражения (6) и (8) для ширин $\tilde{\Gamma}_\nu^+$ переходят в формулу (3').

Московский
инженерно-технический институт

Поступила в редакцию
13 марта 1975 г.

Литература

- [1] G.W.Bund, J.S.Blair. Nucl. Phys., A144, 384, 1970.
 - [2] N.Auerbach et al. Rev. Mod. Phys., 44, 48, 1972.
 - [3] М.Г.Урин. Оболочечные эффекты в резонансных ядерных реакциях с нуклонами. М., МИФИ, 1974.
-