

*Письма в ЖЭТФ, том 10, стр. 523–527*

5 декабря 1969 г.

## ДИСПЕРСИЯ СКОРОСТИ ЗВУКА В ГАЛИИ В СИЛЬНЫХ МАГНИТНЫХ ПОЛЯХ

*П.А.Безуэльй, Н.Г.Бурма*

Как впервые отмечено в работе Кулика [1], в металлах в приближении квадратичного закона дисперсии при  $\omega r \gg 1$ ,  $q \perp H$  в сильных магнитных полях, таких, что  $qr_H \ll 1$ , должен наблюдаться эффект значительного ( $10 \pm 20\%$ ) изменения скорости продольного звука. Здесь  $\omega$ ,  $q$  – соответственно частота и волновой вектор звука,  $r_H$  – радиус орбиты электрона в магнитном поле  $H$ ,  $r$  – время релаксации электронов. Этот эффект связан с тем, что закон дисперсии продольных фононов в значительной степени определяется экранирующим действием электронного газа [2–4].

Качественно влияние магнитного поля на изменение скорости продольного звука можно объяснить следующим образом. В приближении простой теории диэлектрического экранирования Хартри и модели жеље закон дисперсии продольных фононов выражается известной формулой Бома – Ставера [2]

$$\omega^2(q) = \Omega_p^2 / \epsilon(q),$$

где  $\Omega_p$  – плазменная частота ионов решетки,  $\epsilon(q)$  – диэлектрическая проницаемость металла. В присутствии магнитного поля характер изменения скорости продольного звука в металле определяется поведением компоненты тензора  $\epsilon_{11}(q, \omega, H)$  вдоль направления распространения звука. Как следует из работ [5,6], в условиях  $\omega r >> 1$ ,  $q \perp H$  в сильном магнитном поле при  $qr_H \ll 1$  имеет место аномально большое изменение  $\epsilon_{11}$ , а отсюда и соответствующее изменение скорости продольного звука.

Необходимо отметить, что в приближении  $\omega r \rightarrow \infty$  и  $\beta = 0$  ( $\beta$  – отношение глубины скин-слоя в металле к длине волны звука) основные результаты работы [1] полностью совпадают с результатами, полученными в [5]. Согласно этих работ, относительное изменение скорости продольного звука при  $q \perp H$  определяется выражением

$$\frac{\Delta S}{S} = \frac{z m \omega^2 r^2 v_F^2}{6 M S^2 (1 + \omega^2 r^2)} f(qr_H),$$

где  $z$  – число валентных электронов,  $v_F$  – фермиевская скорость электронов,  $M$  – масса ионов металла,  $f(qr_H)$  – функция, характеризующая изменение  $\Delta S/S$  в магнитном поле и имеющая следующие предельные значения:  $f(0) = 0.2$ ;  $f(\infty) = 0$ .

Имеющиеся в настоящее время экспериментальные данные об изменении скорости продольного звука в металлах в магнитном поле дают  $\Delta S/S$  на несколько порядков меньше максимального значения (10–20%), полученного в [1]. Для Al [7] при  $\omega r \sim 10^{-2}$ ,  $qr_H \ll 1$  и  $q \perp H$  изменение скорости звука составляло  $5 \cdot 10^{-5}$ . В работе [8] условие сильного поля выполнено не было. Максимальное значение  $\Delta S/S$  составляло при  $\omega r \sim 1/3$ ,  $qr_H \sim 1$  величину около  $2 \cdot 10^{-4}$  для Cd и  $8 \cdot 10^{-4}$  для Cu.

Нами были предприняты попытки обнаружить эффект значительного изменения скорости продольного звука. В качестве объекта исследования был выбран Ga, для которого удается обеспечить условие  $\omega r \gg 1$  уже на достаточно низких частотах ультразвука. Образцы Ga представляли собой цилиндры диаметром 11 мм и толщиной 1–2 мм. Ось цилиндра была близка к направлению [010] и совпадала с направлением  $q$ . Образец мог поворачиваться относительно направления  $H$  так, что  $H$  оставался в плоскости (010). Устройство наклона образца позволя-

ло плавно менять  $\phi$  — угол отклонения  $q$  и  $H$  от  $\pi/2$ . Измерения проводились на частотах 50, 100 и 200 мГц. Температура образца изменялась от 4,2 до 1,6°К откачкой паров Не.

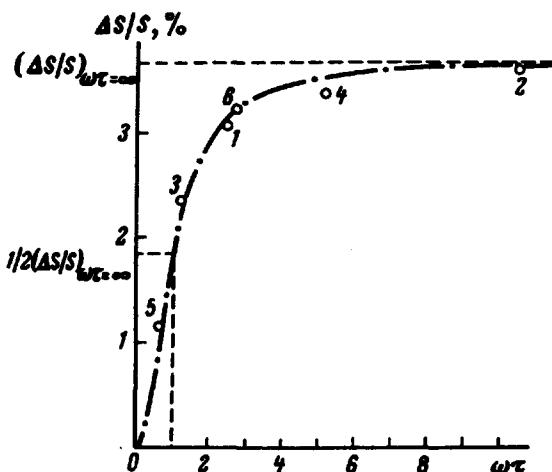


Рис. 1. Штрихпунктирная кривая —  $f(\omega\tau) =$   
 $= \left( \frac{\Delta S}{S} \right)_{\omega\tau \rightarrow \infty} \times \frac{(\omega\tau)^2}{1 + (\omega\tau)^2}$ . Точки: 1 —  $200 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$ ,  
 $T = 4,2^\circ\text{K}$ ; 2 —  $200 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$ ,  $T = 1,6^\circ\text{K}$ ;  
3 —  $100 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$ ,  $T = 4,2^\circ\text{K}$ ; 4 —  $100 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$ ,  
 $T = 1,6^\circ\text{K}$ ; 5 —  $50 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$ ,  $T = 4,2^\circ\text{K}$ ;  
6 —  $50 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$ ,  $T = 1,6^\circ\text{K}$

На рис.1 приведена зависимость  $\Delta S/S$  от  $\omega\tau$  при  $H \parallel [001]$  и  $qr_H \ll 1$ . Построение этой зависимости производилось следующим образом. Точки 5, 3, 1 соответствуют  $\Delta S/S$  на частотах соответственно 50, 100 и 200 мГц при  $T = 4,2^\circ\text{K}$ . Для нанесения точек 6, 4, 2, отвечающих  $\Delta S/S$ , полученному на тех же частотах при  $T = 1,6^\circ\text{K}$ , требовалось знать, во сколько раз увеличивается время релаксации при откачке. Отношение  $\tau_{1,6^\circ\text{K}} / \tau_{4,2^\circ\text{K}}$  определялось на частоте 50 мГц. При этом использовалось то обстоятельство, что точки 5, 3, 1 хорошо ложатся на теоретическую кривую [5]. Полагая, что точка 6 лежит на этой же кривой, находим  $\tau_{1,6^\circ\text{K}} / \tau_{4,2^\circ\text{K}} = 4,3$ .

Масштаб по  $\omega\tau$  определялся из соотношения  $(\Delta S/S)_{\omega\tau=1} = 0,5 (\Delta S/S)_{\omega\tau \rightarrow \infty}$ , следующего из [5]. Найденное таким способом максимальное значение  $\omega\tau$  при  $\omega/2\pi = 200 \text{ mG}\ddot{\text{c}}$  и  $T = 1,6^\circ\text{K}$  равнялось 10,4. Видно, что в полном соответствии с [1,5],  $\Delta S/S$  испыты-

вает насыщение. Это дает основание считать, что максимальное значение  $\Delta S/S$ , измеренное в эксперименте, близко к  $(\Delta S/S)_{\omega r \rightarrow \infty}$ .

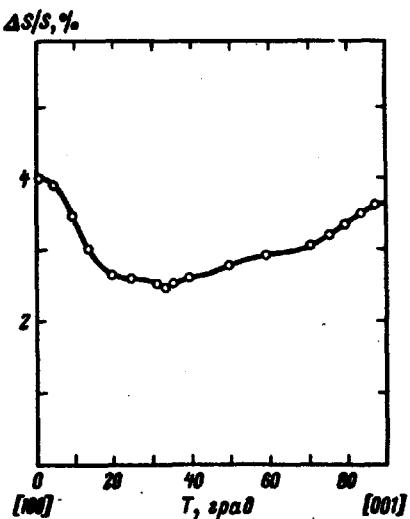


Рис. 2

Ориентационная зависимость  $\Delta S/S$  при  $\omega r = 10,4$  и  $qr_H \ll 1$  приведена на рис.2. При изменении направления  $H$  в плоскости (010) от

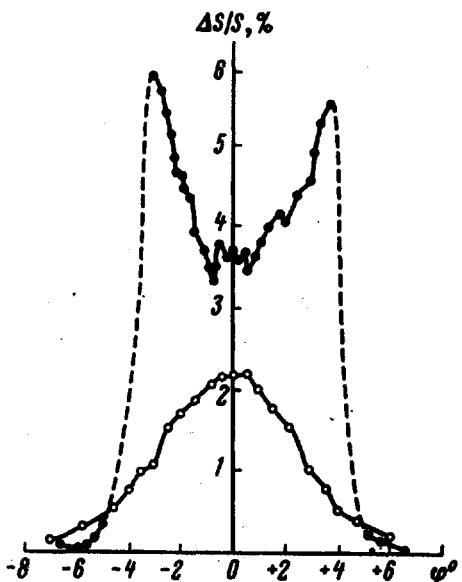


Рис. 3. —— соответствует  $\omega r = 10,4$ , —○— соответствует  $\omega r = 1,2$

$H \parallel [100]$  до  $H \parallel [001]$   $\Delta S/S$  изменяется от 2,5 до 4%, в то время как в приближении изотропного квадратичного закона дисперсии для Ga имеем  $\Delta S/S = 15\%$ . Такое расхождение связано, по-видимому, с тем, что реальная электронная структура Ga сложна и закон дисперсии в нем отличается от квадратичного.

В заключение необходимо отметить слабое изменение  $\Delta S/S$  в довольно широком интервале углов  $\phi$ , в то время как согласно [1] резкое уменьшение  $\Delta S/S$  должно происходить уже при  $\phi$  в несколько раз больших  $S/v_F$ , то есть при углах около  $1^\circ$ . Полученная в эксперименте зависимость  $\Delta S/S$  от  $\phi$  при  $qr_H \ll 1$  приведена на рис.3. Видно, что при  $\omega_r = 10,4$   $\Delta S/S$  не только не уменьшается, а даже увеличивается в области углов  $\phi$  вплоть до  $4^\circ$ , испытывая при этом ряд экстремумов. Для объяснения наблюдаемой зависимости предлагаются проведение дополнительных экспериментов.

Физико-технический институт  
низких температур  
Академии наук Украинской ССР

Поступила в редакцию  
27 октября 1969 г.

#### Литература

- [1] И.О.Кулик. ЖЭТФ, 47, 107, 1964.
- [2] D.Bohm, T.Staver. Phys. Rev., 84, 836, 1952.
- [3] Е.Г.Бровман, Ю.Каган. ЖЭТФ, 5, 557, 1967.
- [4] W.M.Shyu, G.D.Gaspari. Phys. Rev., 177, 1041, 1969.
- [5] S.Rodriquez. Phys. Rev., 130, 1778, 1963; 132, 535, 1963.
- [6] M.H.Cohen, H.J.Harrison, W.A.Harrison. Phys. Rev., 117, 937, 1960.
- [7] A.G.Beattie, E.A.Uehling. Phys. Rev., 148, 657, 1964.
- [8] B.G.Yee, I.Gayenda. Phys. Rev., 175, 805, 1968.