

*Письма в ЖЭТФ, том 9, стр. 371 – 374*

*20 марта 1969 г.*

## **КВАНТОВЫЕ ЭЛЕКТРОННЫЕ СПИНОВО-АКУСТИЧЕСКИЕ ВОЛНЫ**

*П.С.Зырянов, В.И.Окулов, В.Л.Силин*

В работах [1] показано, что в металле при наличии квантующего магнитного поля существуют продольные колебания плотности электронного газа с акустическим законом дисперсии. В настоящем сообщении мы покажем, что подобные колебания электронной плотности связаны с колебаниями намагниченности, причем разность осциллирующей плотности числа электронов со спином вдоль и против магнитного поля  $2s_k^z$ , как правило, существенно превышает плотность числа электронов  $n_k$ , участвующих в колебании. Такой новый эффект обнаруживается благодаря спиновому парамагнетизму электронов проводимости металла, которым в работах [1] фактически пренебрегалось. С другой стороны, учет взаимодействия электронов в рамках теории электронной ферми-жидкости [2] позволяет выявить еще один новый эффект – продольные квантовые спиновые волны – аналог уже обсуждавшихся попечевых квантовых спиновых волн [3]. В таких волнах неравновесная намагниченность осциллирует вдоль направления постоянного магнит-

ногого поля, а осциллирующая плотность электронного газа равна нулю. В более общих условиях имеет место существенное взаимодействие квантовых спиновых волн и колебаний плотности электронов, сопровождающихся спиновыми колебаниями. В связи с этим подобные волны следует называть квантовыми электронными спиново-акустическими волнами (КЭСАВ).

Приведем здесь некоторые характерные результаты теории КЭСАВ для случая их распространения вдоль постоянного магнитного поля  $B \parallel$  оси  $z$ . Спектр колебаний определяется уравнением ( $\sim e^{-i\omega t + ikz}$ ):

$$X^+ + X^- + 4\psi X^+ X^- = 0, \quad (1)$$

а отношение спиновой плотности к плотности числа электронов равно

$$\frac{2s_z}{n_k} = -\frac{4\pi e^2}{k^2} \frac{X^+ - X^-}{1 + \psi(X^+ + X^-)}. \quad (2)$$

Здесь  $e$  – заряд электрона,  $\psi$  – характерная для теории электронной жидкости постоянная, учитывающая спиновую зависимость энергии электронов от их распределения [4] и

$$X^\pm = \int \frac{dp}{(2\pi\hbar)^2} \frac{|e|B}{c} \sum_n \frac{f(\pm)(\epsilon_{n,p}) - f(\pm)(\epsilon_{n,p} - \hbar k)}{\hbar\omega - \epsilon_{n,p} + \epsilon_{n,p} - \hbar k}, \quad (3)$$

где  $B$  – напряженность постоянного поля,  $c$  – скорость света,  $\epsilon_{n,p}$  – энергия электрона в магнитном поле, а  $f(\pm)$  – функция распределения электрона со спином вдоль и против направления  $B$ . При написании формул (1) и (2) принято, что длина волны колебаний существенно превышает радиус экранирования кулоновского поля, а частота мала по сравнению с плазменной.

Имея в виду, что для длинных волн

$$\epsilon_{n,p} - \hbar k \approx \epsilon_{n,p} - \hbar k v_{n,p} + (\hbar^2 k^2 / 2m_{n,p}),$$

нетрудно понять, что в пренебрежении температурным разбросом, приводящим к малым эффектам, затухание Ландау заведомо отсутствует, если  $|s - v_n^\pm| > \hbar k / m_n^\pm$ , где  $s = \omega/k$ , а  $v_n^\pm$  представляет собой скорость электрона на  $n$ -ом дискретном уровне квантующего магнитного поля, соответствующем поверхности Ферми для спина вдоль и против направления оси  $z$  соответственно. Для простоты написания формул будем считать  $|s - v_{n_0}^+| \ll v_{n_0}^+ \ll v$ , где  $v$  – обычная скорость

электрона на поверхности Ферми. Пусть  $v_{m_0}^-$  – ближайшее к  $v_{n_0}^+$  значение  $v_n^-$ . Тогда, используя обозначение

$$\Delta = (v_{m_0}^- - v_{n_0}^+) (2p/\hbar\Omega),$$

где  $p$  – импульс электрона на поверхности Ферми, а  $\Omega$  – гироскопическая частота электрона, получаем из дисперсионного уравнения (1) следующие два выражения для фазовой скорости КЭСАВ и отношения (2):

$$s_{1,2} = v_{n_0}^+ + \frac{\hbar\Omega}{4p} \left[ \Delta + \frac{1+2\beta}{1+\beta} \pm \sqrt{\frac{1}{(1+\beta)^2} + \Delta^2} \right];$$

$$\frac{2s_k^z}{n_k} = \frac{4e^2}{\pi\hbar\nu} \frac{p^2}{\hbar^2 k^2} \frac{\Delta}{-1 \pm \sqrt{1 + \Delta^2(1+\beta)^2}}, \quad (4)$$

где  $\beta = \psi p^2/(\pi^2 v \hbar^3)$ .

В пределе малых значений  $\Delta$  отсюда имеем

$$s_1 = v_{n_0}^+ + \frac{\hbar\Omega}{4p} \left( \frac{2\beta}{1+\beta} + \Delta \right); \quad \frac{2s_k^z}{n_k} = \frac{4e^2}{\pi\hbar\nu} \left( \frac{p}{\hbar k} \right)^2 \frac{2}{\Delta(1+\beta)^2}. \quad (5)$$

При  $\Delta = 0$  эти формулы описывают продольные спиновые волны, могущие существовать лишь благодаря учету междуэлектронного взаимодействия. Второе решение при  $(1+\beta)\Delta \ll 1$  имеет вид

$$s_2 = v_{n_0}^+ + \frac{\hbar\Omega}{4p} (2 + \Delta); \quad \frac{2s_k^z}{n_k} = \frac{4e^2}{\pi\hbar\nu} \left( \frac{p}{\hbar k} \right)^2 \frac{\Delta}{2}. \quad (6)$$

Только в пределе  $\Delta = 0$  имеют место волны, не сопровождающиеся колебаниями спина, что соответствует результатам работы [1].

В противоположном пределе  $1 \ll \Delta(1+\beta) \ll v/v_{n_0}^+$  фазовые скорости КЭСАВ отличаются на  $(\hbar\Omega/4p)(1+2\beta)/(1+\beta)$  соответственно от  $v_{n_0}^+$  и  $v_{m_0}^-$ . При этом

$$\frac{2s_k^z}{n_k} = \pm \frac{4e^2}{\pi\hbar\nu} \left( \frac{p}{\hbar k} \right)^2 \frac{1}{1+\beta}. \quad (7)$$

Из этого выражения видно, что поскольку для реальных металлов  $e^2/\hbar\nu \gtrsim 2$ , то для КЭСАВ с длиной волны, значительно большей междуэлектронного расстояния осцилляции спиновой плотности значительно превышают осцилляции плотности числа электронов. Заметим, что при  $\Delta = \pm 2\beta(1+2\beta)^{-1}$  фазовая скорость КЭСАВ оказывается совпадающей соответственно с  $v_{n_0}^+$  или  $v_{m_0}^-$ , когда благодаря черенковскому эффек-

ту на электронах распространение волн запрещается. Если фазовая скорость КЭСАВ не мала по сравнению с фермиевской, то она может быть не близка к одному из значений  $v_n^{\pm}$ , так что  $|s - v_{n_0}^+| \sim |v_{n_0}^+ - v_{n_0 \pm 1}^+|$ . Тогда  $(2s_k^2/n_k) \sim (\Omega p/\hbar k^2 v)$ . Сравнивая это выражение с формулой (7), можно говорить об уменьшении относительной роли спиновых осцилляций, хотя и здесь они оказываются превалирующими для длин волн  $\lambda \text{ см} > 3 \cdot 10^{-4} B^{1/2}$ , где  $B$  – в гауссах. В заключение заметим, что благодаря неравенству  $\hbar\Omega$  и разности энергий электрона со спином вдоль и против поля  $B$ , КЭСАВ будут иметь место в металлах в тех же условиях, что и волны, обсуждавшиеся в [1].

Физический институт  
им. П.Н. Лебедева  
Академии наук СССР

Поступило в редакцию  
12 февраля 1969 г.

### Литература

- [1] A. L. Mc Whorter, W. G. May. IBM J. Res. Dev., 8, 285, 1964;  
О.В.Константинов, В.И.Перель. ЖЭТФ, 53, 2034, 1967;  
А.С.Кондратьев. Канд. Диссертация, ЛГУ, 1969.
- [2] В.П.Силин. ЖЭТФ, 33, 495, 1957.
- [3] П.С.Зырянов, В.И.Окулов, В.П.Силин. Письма в ЖЭТФ, 8, 489, 1968.
- [4] В.П.Силин. ЖЭТФ, 55, 697, 1968.