

*Письма в ЖЭТФ, том 12, стр. 191 – 193*

*20 августа 1970 г.*

**ПРОВЕРКА МОДЕЛЕЙ АСИМПТОТИЧЕСКОГО ПОВЕДЕНИЯ  
АМПЛИТУД  $K^{\pm}p$ -РАССЕЯНИЯ**

*О.В.Думбрайс, Н.М.Куин<sup>1)</sup>*

Экспериментальные данные по полным сечениям  $K^{\pm}p$ -рассеяния выше 20 Гэв [1] не согласуются с экстраполяцией параметризаций при более низких

---

<sup>1)</sup>Бирмингемский университет, Англия.

энергиях, полученных на основе суммы нескольких полюсов Редже [2, 3]. Недавно предложенные модели позволяют хорошо параметризовать новые данные, но требуют наличия либо разрезов Редже [4], либо членов, нарушающих теорему Померанчука [5-8]. Следовательно, в настоящее время имеет место большая неоднозначность в теоретическом описании  $K^{\pm}p$ -рассеяния при высоких энергиях. В настоящей работе показывается, что, используя простое правило сумм, можно значительно ограничить число различных параметризаций.

Пусть  $F_{\pm}(\omega)$  — амплитуды  $K^{\pm}p$ -рассеяния вперед в лабораторной системе, удовлетворяющие оптической теореме

$$\sigma_{\pm}(\omega) = 4\pi \text{Im}F_{\pm}(\omega)/k,$$

где  $\omega^2 = k^2 + m_K^2$ . Используя хорошо известные свойства аналитичности и кроссинг-симметрии амплитуд [9] и применяя теорему Коши к  $F_{-}(\omega)$  вдоль замкнутого контура, состоящего из прямолинейного отрезка  $-W + i\epsilon \leq \omega \leq W + i\epsilon (\epsilon \rightarrow 0^+)$  и полуокружности  $S(W)$ , где  $\omega = W \exp(i\phi)$ ,  $0 \leq \phi \leq \pi$  можно получить правило сумм

$$\frac{1}{4\pi} \int_{m_K}^W k [\sigma_{-}(\omega) - \sigma_{+}(\omega)] d\omega + \int_{\omega_{\pi\lambda}}^{m_K} \text{Im}F_{-}(\omega) d\omega - 0,19 G^2 = R(W), \quad (1)$$

где  $G^2 = g_{\lambda}^2 + 0,84 g_{\Sigma}^2$ ,  $g_{\gamma}$  — константа связи  $KN\gamma$ , а

$$R(W) = - \int_{S(W)} \text{Im}F_{-}(\omega) d\omega. \quad (2)$$

Уравнение (1) аналогично стандартному правилу сумм при конечных энергиях [10]. Однако его вывод не требовал никаких предположений об асимптотическом поведении амплитуд.

Для  $W \leq 20 \text{ Гэв}$  первый интеграл в (1) можно вычислить на основе экспериментальных данных по  $\sigma_{\pm}$ . Ссылки на них можно найти в [9]. Для  $W \geq 10 \text{ Гэв}$  вклад второго и третьего членов в (1) не больше нескольких процентов вклада первого члена, так что левая часть уравнения (1) нечувствительна к моделям, на основе которых вычисляются эти члены. Для определенности интеграл в нефизической области  $\omega_{\pi\lambda} \leq \omega \leq m_K$  вычислен с использованием длины  $K^{\pm}p$ -рассеяния, приведенной в [11]. Значения констант связи брались из недавней работы [12] —  $G^2 = 8,8 \pm 3,0$ , что согласуется с более ранними оценками [9].

Из уравнения (2) для каждой рассматриваемой модели  $F_{\pm}(\omega)$  для  $|\omega| \geq W$  следует определенное предсказание значений  $R(W)$ . Для разных моделей, при трех значениях  $W$ , в таблице приводится сравнение значений  $R(W)$  (в естественных единицах) со значениями левой части уравнения (1). Степень нарушения теоремы Померанчука в каждой модели характеризуется предсказанной разностью асимптотических сечений  $\Delta\sigma \equiv \sigma_{-}(\infty) - \sigma_{+}(\infty)$ . Из приведенных в таблице результатов ясно, что  $R(W)$  является довольно чувствительным к выбору модели. В частности, правило сумм никак нельзя согласовать с гипотезой [7, 8] о достижении сечениями  $\sigma_{\pm}$  своих асимптотических пределов  $\sigma_{\pm}(\infty)$  уже при  $20 \text{ Гэв}$ . Эта крайняя гипотеза также дает самое плохое согласие с некоторым, полученным модельно-независимым путем [13], параметром, описывающим асимптотическое поведение  $F_{\pm}(\omega)$ .

Ссылка	$\Delta\sigma, \text{мбн}$	$R, 10 \text{ Гэв}$	$R, 16 \text{ Гэв}$	$R, 20 \text{ Гэв}$
[2] <sup>1)</sup>	0	82	168	236
[3] <sup>1)</sup>	0	75	145	198
[4] <sup>1)</sup>	0	78	150	205
[5] <sup>1)</sup>	2,5	91	193	277
[6]	$2,1 \pm 0,3$	$64 \pm 6$	$137 \pm 13$	$198 \pm 18$
[7, 8] <sup>2)</sup>	$3,7 \pm 0,5$	—	—	$152 \pm 21$
Левая часть уравнения (1)		$73 \pm 2$	$176 \pm 3$	$234 \pm 7$

<sup>1)</sup> Не приведены ошибки параметров.

<sup>2)</sup> Правило сумм неприменимо в этом случае для  $W < 20 \text{ Гэв}$ .

Один из нас (Н.М.К.) выражает благодарность ОИЯИ за гостеприимство, а также ЦЕРНу — за финансовую поддержку.

Объединенный институт  
ядерных исследований

Поступила в редакцию  
14 июля 1970 г.

### Литература

- [1] J.V.Allaby et al. Phys. Lett., 30B, 500, 1969.
- [2] R.J.N.Phillips, W.Rarita. Phys. Rev., 139B, 1336, 1965.
- [3] G.V.Dass, C.Michael, R.J.N.Phillips. Nucl. Phys., B9, 549, 1969.
- [4] V.Barger, R.J.N.Phillips. Phys. Rev. Lett., 24, 291, 1970.
- [5] V.Barger, R.J.N.Phillips. Phys. Lett., 31B, 643, 1970.
- [6] R.Amowitz, P.Rotelli. Imperial College (London) preprint ICTP (69), 14.
- [7] D.Horn. Phys. Lett., 31B, 30, 1970.
- [8] O.V.Dumbrais, N.M.Queen. Phys., Lett., 32B, 65, 1970.
- [9] N.M.Queen, M.Restignoli, G.Violini. Fortschritte der Physik, 17, 467, 1969.
- [10] В.И.Журавлев, К.В.Перих. ЯФ, 6, 165, 1967.
- [11] J.K.Kim. Phys. Rev. Lett., 14, 29, 1965.
- [12] A.D.Martin, R.Perrin. Durham University preprint, 1970.
- [13] O.V.Dumbrais, T.Yu.Dumbrais, N.M.Queen. JINR preprint, E-2-5216, Dubna, 1970.