

*Письма в ЖЭТФ, том 15, вып. 4, стр. 226 – 228 20 февраля 1972 г.*

**О ВРЕМЕНИ УСТАНОВЛЕНИЯ СТАЦИОНАРНОГО РЕЖИМА  
ВЫНУЖДЕННОГО РАССЕЯНИЯ СВЕТА**

*Б. Я. Зельдович*

В работах [1 – 3] был рассмотрен вопрос о времени установления стационарного режима вынужденного рассеяния света в случае лорен-

цевой зависимости коэффициента усиления  $g(\omega)$  (по интенсивности, в  $\text{см}^{-1}$ ) от частоты  $\omega$ :

$$g(\omega) = g_{\max} \operatorname{Im} \frac{-\Gamma}{\omega - \omega_m + i\Gamma}. \quad (1)$$

В этих работах на основании явного аналитического выражения функции Грина соответствующей системы уравнений (содержащего функцию Бесселя мнимого аргумента) был получен следующий результат для времени установления:

$$t_{\text{уст}} = \frac{1}{2} g_{\max} z \frac{1}{\Gamma}. \quad (2)$$

В настоящей статье дано обобщение формулы (2) на случай произвольной формы линии усиления  $g(\omega)$  и предложена наглядная интерпретация формулы (2), не связанная с конкретным аналитическим выражением функции Грина.

Для определения времени установления мы будем следовать обычной постановке задачи (см. [1]), в которой поле накачки предполагается монохроматическим и постоянным во времени, и рассмотрим распространение по среде  $\delta$ -образного входного импульса. Момент, когда усиленный отклик на выходе достигает максимального значения, мы и будем считать моментом установления.

Так как, рассматриваемая задача линейна по усиливаемому полю, то наличие коэффициента усиления, зависящего от частоты, по дисперсионным соотношениям приводит и к вещественной части добавки к волновому вектору. Полная добавка  $\delta k(\omega)$  может быть представлена в виде

$$\delta k(\omega) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{g(\omega') d\omega'}{\omega - \omega' + i\epsilon}; \quad \epsilon \rightarrow +0. \quad (3)$$

Кроме того, волновой вектор в среде в отсутствие поля накачки имеет вид  $k_o(\omega) = k_o(\omega_m) + (\omega - \omega_m)/v_{\text{grp}}^{(o)}$ , где  $v_{\text{grp}}^{(o)}$  – групповая скорость света в среде. Задержка времени прихода импульса света в точку  $z$  среды дается формулой

$$t_{\text{задер}} = \frac{z}{v} = z \frac{d \operatorname{Re} k(\omega)}{d\omega}. \quad (4)$$

В нашем случае следует учесть оба слагаемых в величине  $k(\omega)$ : как за счет исходной среды, так и за счет взаимодействия с полем накачки. В результате получаем:

$$t_{\text{задер}} = \frac{z}{v_{\text{grp}}^{(o)}} - z \frac{1}{2\pi} \operatorname{Re} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{g(\omega') d\omega'}{(\omega - \omega' + i\epsilon)^2}. \quad (5)$$

Первое слагаемое в (5) имеет тривиальный смысл. Второе слагаемое зависит от частоты  $\omega$  как от параметра. Очевидно, что время установления вынужденного рассеяния получится, если взять значение вто-

рого слагаемого в точке  $\omega = \omega_m$ , где коэффициент усиления  $g(\omega)$  имеет максимум. В результате для времени установления получается выражение

$$\tau_{\text{уст}} = \frac{1}{2} g_{\max} z \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} d\omega \left[ 1 - \frac{g(\omega)}{g(\omega_m)} \right] (\omega - \omega_m)^{-2}. \quad (6)$$

Постановка лоренцевой формы линии (1) в (6) дает известный результат (2).

Приведенные выше наглядные соображения могут быть подтверждены вычислением функции Грина

$$G(z, t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} d\omega \exp \{ -i\omega t + i[k_0(\omega) + \delta k(\omega)]z \} \quad (7)$$

с помощью метода перевала, применимого в асимптотическом пределе  $g_{\max} z \gg 1$ .

В качестве конкретного примера приведем выражение для  $\tau_{\text{уст}}$  в случае, когда контур линии усиления имеет вид

$$g(\omega) = \text{const} (\omega_1 - \omega) \exp \{ -(\omega - \omega_1)^2 / \Delta^2 \} \quad (8)$$

(такая форма линии усиления отвечает допплеровскому или гауссовскому контуру линии спонтанного рассеяния, см. например, [4]). В этом случае  $\omega_m = \omega_1 - (\Delta/\sqrt{2})$ , и формула (6) дает

$$\tau_{\text{уст}} = g_{\max} z \frac{1}{\Delta} \sqrt{\frac{e}{\pi}}. \quad (7)$$

Таким образом, показано, что время установления вынужденного рассеяния можно трактовать как время групповой задержки сигнала при распространении импульса по среде, в которой изменена групповая скорость за счет реактивной составляющей ( $\text{Re} k(\omega)$ ) эффективной диэлектрической проницаемости, обусловленной действием поля накачки.

Физический институт  
им. П.Н.Лебедева  
Академии наук СССР

Поступила в редакцию  
12 января 1972 г.

### Литература

- [1] N. Kroll. J. Appl. Phys., 36, 34, 1965.
- [2] C.S. Wang. Phys. Rev., 182, 481, 1969.
- [3] Ю.Е.Дьяков. Письма в ЖЭТФ, 9, 487, 1969.
- [4] Б.Я.Зельдович, И.И.Собельман. УФН, 101, 3, 1970.