

ОБ ИЗЛУЧЕНИИ СИСТЕМЫ ВОЗБУЖДЕННЫХ ЯДЕР  
В КРИСТАЛЛЕ

А.М.Афанасьев, Ю.Каган

I. Обычно предполагается, что система возбужденных частиц с длиной волны излучения  $\lambda < \alpha$  ( $\alpha$  - характерное расстояние между частицами) эквивалентна системе некогерентных излучателей. Однако в регулярном кристалле (даже при  $\lambda \ll \alpha$ ) могут в принципе существовать возбужденные состояния, скорость распада которых будет во много раз больше или меньше скорости распада некогерентной системы.

Рассмотрим кристалл, состоящий из  $N$  идентичных ядер с низко лежащим изомерным уровнем, и пусть одно ядро возбуждено.  $\Psi$ -функцию такого состояния запишем в виде:  $\Psi = \sum_m c_m \varphi_m$ , где  $\varphi_m$  описывает состояние, когда  $m$  - ядро возбуждено, а остальные находятся в нормальном состоянии. Вследствие идентичности ядер рассматриваемое состояние можно задать большим числом способов. Если положение возбужденного ядра строго определенно, т.е.  $c_m = \delta_{mo}$ , то вероятность излучения  $\gamma$ -кванта в единицу времени  $W_0$  будет определяться обычным выражением для отдельного ядра. С другой стороны, можно задать делокализованное состояние, например, в виде  $c_m = N^{-1/2} e^{i\vec{q}\vec{r}_m}$ . В этом случае время жизни возбужденного состояния будет зависеть от значения  $\vec{q}$ . Вычисляя вероятность излучения  $\gamma$ -кванта, находим:

$$W = (2\pi/\hbar) \int |M|^2 \left\{ \frac{1}{N} \left| \sum_m e^{i(\vec{k}-\vec{q})\vec{r}_m} \right|^2 \right\} \delta(E_0 - E_{\vec{k}}) \frac{\alpha^3 k}{(2\pi)^3}. \quad (1)$$

Здесь  $M$  - матричный элемент, соответствующий переходу из возбужденного состояния в основное с испусканием  $\gamma$ -кванта.

Если  $q$  или  $|\vec{q} + 2\pi\vec{b}| \neq k_0 = E_0/\hbar c$  ( $\vec{b}$  - вектор обратной решетки), то в неколеблющейся решетке  $W \sim W_0/N$ , и, таким образом, соответствующая ширина  $\Gamma$  макроскопически падает. Пусть  $q$

или  $|\vec{q} + 2\pi\vec{b}| \approx k_0$ . Ограничимся рассмотрением кристаллов, для которых справедливы неравенства:

$$(2\pi\hbar c/\alpha N^{1/3}) \gg \Gamma, \hbar/t; \quad \frac{1}{\alpha^2} \sigma_t N^{1/3} < 1. \quad (2)$$

При выполнении первого неравенства выражение в фигурных скобках имеет большую размазанность в импульсном пространстве по сравнению с реальной размазанностью  $\delta$ -функции по энергии, которое определяется шириной уровня  $\Gamma$  или временем наблюдения  $t$ . Второе неравенство, как правило, являющееся более жестким, предполагает, что линейный размер кристалла меньше длины поглощения.

Учитывая (2), из (1) находим:

$$W \approx W_0 \pi N^{1/3} / (ka)^2. \quad (3)$$

Таким образом имеет место сильное возрастание вероятности  $\gamma$ -распада, сопровождающееся резкой направленностью излучения вдоль вектора  $\vec{q}$ . При этом как направление этого вектора, так и величина  $k_0$ , могут принимать произвольные значения. (Ширина, соответствующая конверсии, остается неизменной). Принципиально эти эффекты, по-видимому, можно наблюдать, импульсно возбуждая изомерные уровни ядер в кристалле. (с использованием мёссбауэровского перехода), т.е. сразу формируя состояние с  $\vec{q} \approx k_0$  и затем наблюдая интенсивность  $\gamma$ -излучения вдоль направления падавшего пучка и под углом к нему или же эффективное изменение коэффициента конверсии. (Заметим, что случай сильно конвертированного уровня является предпочтительным.)

2. Возникает вопрос, не появляется ли состояние с аномально большой скоростью излучения по мере распада ядер в кристалле ( $\lambda \leq a$ ), если в начальный момент все они были возбуждены (т.е. состояние, в каком-то смысле аналогичное "сверхизлучательному" состоянию, проявляющемуся в системе с  $\lambda > L$  [1];  $L$ -размер системы). Обычное выражение для гамильтонiana, описывающего систему двухуровневых частиц и их взаимодействие с электромагнитным

полем, в пренебрежении конверсиях и колебанием ядер имеет следующий вид:

$$\hat{H} = H_0 + H^1, \quad H_0 = -\frac{1}{2} E_0 \sum_m (\hat{\sigma}_m^z + 1), \quad (4)$$

$$H^1 = \frac{1}{2\sqrt{N}} \sum_m \sum_{k,\vec{q}} \left\{ M \hat{\sigma}_{\vec{q}}^z \hat{Q}_k^z \exp(i(\vec{q} - \vec{k})\vec{r}_m) + k.c. \right\},$$

$$\hat{\sigma}_{\vec{q}}^z = N^{-1/2} \sum_m \hat{b}_m^z \exp(-i\vec{q}\vec{r}_m).$$

Здесь  $\hat{\sigma}^z$ ,  $\hat{b}^z$  - обычные матрицы Паули. Если ограничиться той стадией распада, когда число ядер в нормальном состоянии  $\beta N$  мало еще по сравнению с  $N$ , то в полной аналогии с теорией спиновых волн [2] операторы  $\hat{b}_{\vec{q}}^z$  можно заменить на операторы вторичного квантования с бозеевскими правилами коммутации:

$\hat{\sigma}_{\vec{q}}^z = 2\hat{b}_{\vec{q}}$ ,  $\hat{b}_{\vec{q}}^z = 2\hat{b}_{\vec{q}}^+$ . Рождение каждого  $\gamma$ -кванта сопровождается появлением одного нормального состояния, которое имеет нелокализованный характер и является фактически коллективным возбуждением (с отрицательной энергией) в системе почти полностью возбужденных ядер. Эти возбуждения бозеевского типа мы будем называть деэкситонами. Ясно, что состояние системы полностью задается набором чисел заполнения деэкситонов  $n_{\vec{q}}$ , причем сумма  $\sum_{\vec{q}} n_{\vec{q}}$  равна числу испущенных  $\gamma$ -квантов (дисперсией деэкситонов мы здесь пренебрегаем). Число распадов в единицу времени для состояния, характеризуемого набором  $\{n_{\vec{q}}\}$ , в соответствии с [4] определяем выражением:

$$W(\{n_{\vec{q}}\}) = (2\pi/\hbar) \frac{1}{N} \sum_{\vec{k}, \vec{q}} |M|^2 \left| \sum_m \exp(i(\vec{q} - \vec{k})\vec{r}_m) \right|^2 (n_{\vec{q}} + 1) \delta(E_0 - E_{\vec{k}}). \quad (5)$$

В начальный момент  $n_{\vec{q}} = 0$  и мы приходим к очевидному результату:  $W = NW_0$ . Однако в дальнейшем картина резко меняется. Согласно (5), спонтанное излучение фотонов является индуцированным по деэкситонам и нарастание скорости будет зависеть от значения чисел  $n_{\vec{q}}$ . В соответствии с (5)  $\vec{q}$  может отличаться от  $k_0$  только в пределах  $2\pi/a N^{1/3}$ . Следовательно, деэкситоны будут рождаться в фазовом пространстве только в узком шаровом слое вблизи  $\vec{q} = k_0$ , с числом состояний

$$\sim \frac{4\pi k_o^2}{(2\pi)^3} (Na^3) (2\pi/a N^{1/3}) = (k_o a)^2 N^{2/3}/\pi.$$

С учетом этого результата для состояния, возникшего после  $\beta N^-$ -распадов, имеем:

$$W = W_o [\pi \beta N^{4/3} / (k_o a)^2]. \quad (6)$$

Таким образом, скорость распада нарастает макроскопически и это должно иметь место в идеальном кристалле при совершенно произвольном значении  $k_o$ . Легко найти и временной ход интенсивности излучения. Для этого достаточно решить уравнение:

$$\dot{n}_{\vec{q}} = W_{\vec{q}} (n_{\vec{q}} + 1) - n_{\vec{q}}/\tau_{\vec{q}}; \quad W_{\vec{q}} \approx NW_o \pi / (k_o a)^2 N^{2/3} = g W_o N^{4/3}.$$

(Здесь мы чисто формально ввели релаксационный член для десктинов; до сих пор молчаливо предполагалось  $1/\tau_{\vec{q}} \ll W_{\vec{q}}$ .)

Отсюда следует, что при  $W_{\vec{q}} > 1/\tau_{\vec{q}}$  имеет место экспоненциальное нарастание интенсивности излучения. Заметим, что при анизотропии  $W_{\vec{q}}$  немедленно возникает резкая анизотропия излучения.

3. В только что появившемся сообщении [3] утверждается без доказательства, что можно создать "сверхизлучательное" состояние в кристалле, только если так искусственно подобрать решетку и ядро, что  $k_o = 2\pi\beta$ . Этот результат представляется нам неверным, ибо, как видно из предыдущего, эффект может существовать при любом  $k_o$ . С другой стороны, неверны и остальные два утверждения, что интенсивность излучения будет  $\sim N^2$ , а само излучение направлено вдоль вектора  $\vec{b}$ .

Аналогичные утверждения о необходимости выполнения условия  $k_o = 2\pi\beta$  для увеличения скорости распада ядра и о макроскопической направленности излучения вдоль вектора  $\vec{b}$  содержатся также в работе [4]. К сожалению, ошибочным является и основной результат, согласно которому при выполнении этого условия время жизни при распаде пространственно фиксированного возбужденного ядра макроскопически уменьшается.

4. Отметим, что проведенные выше рассмотрения носят идеализированный характер, и анализ конкретных случаев нуждается в учете целого ряда факторов.

Поступило в редакцию  
12 июня 1965 г.

### Литература

- [1] R.H. Dicke . Phys. Rev., 93, 99, 1954.
- [2] T. Holstein, H. Primakoff. Phys. Rev., 58, 1098, 1940;  
A.I.Ахиезер, В.Г.Барыкхтар, М.И.Каганов, УФН,71, 533, 1960.
- [3] I.H. Ternhune, G.C. Baldwin. Phys. Rev. Lett.,14, 589,  
1965.
- [4] Д.Ф.Зарецкий, В.В.Ломоносов, ЖЭТФ, 48, 368, 1965.