

## $\tau$ -РАСПАД И АЛГЕБРА ТОКОВ

*А.И.Вайнштейн, А.Д.Долгов, В.И.Захаров, А.Б.Кайдалов*

1. Нелептонные распады  $K$ -мезонов в рамках гипотезы частично сохраняющегося аксиального тока (PCAC) и алгебры токов рассматривались в ряде работ [1-4]. В предположении, что гамильтониан слабого взаимодействия  $H$  имеет вид произведения тока на ток и матричные элементы медленно меняются при симметричном способе стремления 4-импульсов  $\pi$ -мезонов к нулю, в работе [1] было доказано правило  $\Delta T = 1/2$  и связаны вероятности  $K \rightarrow 3\pi$  и  $K \rightarrow 2\pi$ -распадов. Однако так как величина амплитуды в пределе нулевых импульсов  $\pi$ -мезонов зависит от способа перехода к пределу, то предположение о медленном изменении не является обоснованным. Чтобы учесть быстрое изменение, в работах [3] предполагалось разложение амплитуды по энергиям  $\pi$ -мезонов, но происхождение быстрого изменения не обсуждалось.

В случае распада  $K \rightarrow 2\pi$ , как было отмечено в работе [4], неоднозначность в вычислении предела амплитуды может быть объяснена полюсным графиком (рис.1).

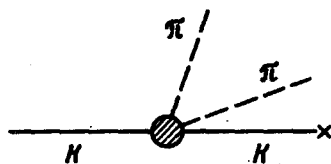


Рис.1

2. В настоящей заметке рассматриваются следствия из предположения о том, что амплитуда  $K \rightarrow 3\pi$ -распада представляет собой константу плюс быстроменяющийся вклад от полюсных диаграмм, представленных на рис.2. При этом в физической области быстрое изменение связано с сильной зависимостью [5, 6] амплитуд  $\pi\pi$ - и  $\pi K$ -рассеяния от импульсов, а при стремлении импульсов  $\pi$ -мезонов к нулю, учет полюсных графиков позволяет объяснить неоднозначность в вычислении предела. В

рамках рассматриваемой модели доказано правило  $\Delta T = 1/2$ , найдены отношение вероятностей  $K \rightarrow 2\pi$  и  $K \rightarrow 3\pi$ -распадов и спектры  $\pi$ -мезонов. Эти величины совпадают с полученными в работах [3].

3. Покажем, что правило  $\Delta T = 1/2$  выполнено в настоящей модели, если  $H$  имеет вид произведения тока на ток.

Легко видеть, что изменение изотопического спина в полюсных диаграммах (рис.2) определяется свойствами матричного элемента  $\langle \pi | H | K \rangle$ . В пределе  $\pi \rightarrow 0$   $\langle \pi | H | K \rangle$  пропорционален матричному элементу перехода  $K$ -мезона в вакуум и содержит, следовательно, только переходы с  $\Delta T = 1/2$ . Считая, что матричный элемент  $\langle \pi | H | K \rangle$  не зависит от импульса  $\pi$ -мезона, получаем правило  $\Delta T = 1/2$  для полюсных диаграмм.

Правило  $\Delta T = 1/2$  для постоянной части амплитуды следует из связи матричных элементов  $\langle 3\pi | H | K \rangle \rightarrow \langle 2\pi | H | K \rangle \rightarrow \langle \pi | H | K \rangle \rightarrow \langle 0 | H | K \rangle$ . Еще раз подчеркнем, что при этом предполагается, что все быстрое изменение амплитуд распадов  $K \rightarrow 2\pi$  и  $K \rightarrow 3\pi$  связано с полюсными графиками.

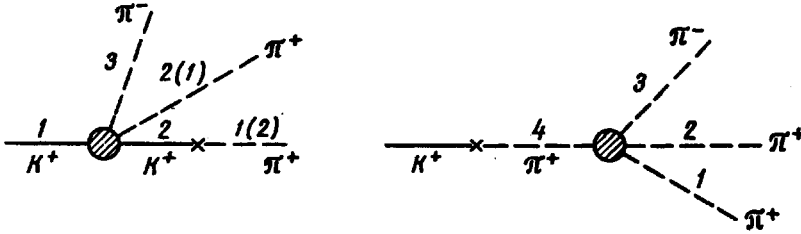


Рис.2

Для доказательства правила  $\Delta T = 1/2$  необходимо рассматривать матричные элементы при равных нулю импульсах  $\pi$ -мезонов, что означает несохранение 4-импульса. Можно считать [4], что в диаграммах рис.1, 2 шпурин слабого взаимодействия, помеченный крестиком, уносит недостающий 4-импульс. Такое продолжение амплитуды в точку  $\pi_i = 0$  естественно, например, при использовании редукционной формулы.

4. Согласно сделанному предположению, амплитуду  $K \rightarrow 3\pi$ -распада можно записать в виде (для определенности мы рассматриваем  $r$ -распад  $K^+ \rightarrow \pi^+ \pi^+ \pi^-$ )

$$M = r + \langle \pi^+ | H | K^+ \rangle \left\{ \frac{T_{\pi K}(K_1 \rightarrow \pi_3 \pi_1 K_2)}{(K_1 - \pi_3 - \pi_1)^2 - m^2} + \frac{T_{\pi K}(K_1 \rightarrow \pi_3 \pi_2 K_2)}{(K_1 - \pi_3 - \pi_2)^2 - m^2} + \frac{T_{\pi\pi}(\pi_4 \rightarrow \pi_1 \pi_2 \pi_3)}{(\pi_1 + \pi_2 + \pi_3)^2 - \mu^2} \right\}, \quad (1)$$

где  $T_{\pi K}$ ,  $T_{\pi\pi}$  — амплитуды  $\pi K$ - и  $\pi\pi$ -рассеяния,  $\mu$ ,  $\pi_i$ ,  $m$ ,  $K_i$  — массы и импульсы  $\pi$ - и  $K$ -мезонов (см. рис.2).

В работе [5] показано, что из гипотезы PCAC следует обращение в нуль  $T_{\pi K}$ ,  $T_{\pi\pi}$  в точке, где импульс одного из  $\pi$ -мезонов равен нулю, а

остальные частицы на массовой поверхности. Ограничиваясь квадратичными по 4-импульсам членами, выпишем наиболее общий вид  $T_{\pi K}$  и  $T_{\pi\pi}$ , удовлетворяющих этому условию

$$T_{\pi K}(K_1 \rightarrow \pi_3 \pi_2 K_2) = A[(\pi_1 + \pi_3)^2 - \mu^2] + B[(K_1 - \pi_3)^2 - (K_1 - \pi_2)^2] + C(\pi_2^2 + \pi_3^2 - \mu^2) + D(K_2^2 - m^2) + E(K_1^2 - m^2), \quad (2)$$

$$T_{\pi\pi}(\pi_4 \rightarrow \pi_1 \pi_2 \pi_3) = a[(\pi_1 + \pi_3)^2 - \mu^2 + (\pi_2 + \pi_3)^2 - \mu^2] + b[\pi_1^2 + \pi_2^2 + \pi_3^2 + \pi_4^2 - 3\mu^2], \quad (3)$$

причем в формуле (3) учтена тождественность  $\pi_1, \pi_2$ -мезонов (см. рис.2).

Используя предположение о виде одновременного коммутатора аксиальных зарядов, можно найти изотопически нечетные части амплитуд  $T_{\pi K}$ ,  $T_{\pi\pi}$  [6] в пределе  $\pi_2 = -\pi_3 \rightarrow 0$ , что приводит к соотношениям

$$B = c^2/2, \quad a = -2c^2, \quad (4)$$

где  $c = g_{\pi NN}/\sqrt{2} m_N g_A$ .

Рассмотрим теперь предельное значение амплитуды  $\tau$ -распада при  $\pi_i \rightarrow 0$ . Используя обычные предположения о виде коммутационных соотношений между операторами токов, можно показать, что

$$M \rightarrow 0 \text{ при } \pi_3 \rightarrow 0; \quad (5)$$

$$M \rightarrow c \langle \pi^+ \pi^- | H^- | K^+ \rangle \text{ при } \pi_2 \rightarrow 0. \quad (6)$$

$\langle \pi^+ \pi^- | H^- | K^+ \rangle$  связан изотопическими соотношениями с матричным элементом распада  $K^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ . При выводе соотношений (5), (6) учтено, что эффективно выполняется правило  $\Delta T = 1/2$ .

Матричный элемент  $\langle \pi^+ \pi^- | H^- | K^+ \rangle$ , который входит в соотношение (6), в прежних предположениях записывается в виде

$$\langle \pi^+ \pi^- | H^- | K^+ \rangle = \langle 0 | H^- | K^+ \rangle \left\{ -B - D + \frac{T_{\pi K}(K_1 \rightarrow \pi_3 \pi_1 K_2)}{(K_1 - \pi_3 - \pi_1)^2 - m^2} \right\}, \quad (7)$$

где мы использовали, что  $\langle \pi^+ \pi^- | H^- | K^+ \rangle \rightarrow 0$  при  $\pi_1 \rightarrow 0$ . Определяя с помощью условия (5) константу  $r$  в формуле (1) через параметры  $\pi K$ - и  $\pi\pi$ -рассеяния, легко убедиться, что соотношение (6) выполняется без каких-либо предположений о константах  $A, C, D, E, b$ .

Таким образом, применение гипотезы PCAC к нелептонным распадам  $K$ -мезонов и  $\pi K$ - и  $\pi\pi$ -рассеянию является самосогласованным.

5. Пренебрегая членами порядка  $\mu^2/m^2$ , амплитуду  $\tau$ -распада в физической области можно представить в виде

$$M(K^+ \rightarrow \pi^+ \pi^+ \pi^-) = c\sqrt{2} \frac{E_-}{m} M(K_1^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-), \quad (8)$$

где  $E_-$  — полная энергия  $\pi^-$ -мезона.

Соотношение (8), которое впервые было получено в работах [3], позволяет связать вероятности  $K \rightarrow 3\pi$ - и  $K \rightarrow 2\pi$ -распадов, а также вычислить спектр  $\pi$ -мезонов в  $K \rightarrow 3\pi$ -распаде в хорошем согласии с экспериментом [7]. Совпадение соотношения (8) с результатом работ [3] связано с тем, что при переходе от физической области  $K \rightarrow 3\pi$ -распада к физической области  $K \rightarrow 2\pi$ -распада полюсный знаменатель в диаграммах рис.2 не меняется с точностью до членов  $\sim \mu^2/m^2$ .

Авторы благодарны И.Ю.Кобзареву и Л.Б.Окуню за внимание к работе.

Поступило в редакцию  
12 декабря 1966 г.

### Литература

- [1] M.Suzuki. Phys.Rev., 144, B1154, 1966.
- [2] C.G.Callan, S.B.Treiman. Phys. Rev. Lett., 16, 153, 1966.
- [3] Y.Hara, Y.Nambu. Phys. Rev. Lett., 16, 875, 1966. D.K.Elias, J.C.Taylor. Nuov. Cim., 44, 518, 1966.
- [4] C.Bouchiat, Ph. Meyer. Phys. Lett., 22, 198, 1966.
- [5] S.L.Adler. Phys.Rev., 139, B1638, 1965.
- [6] S.Weinberg. Phys. Rev.Lett., 17, 616, 1966.
- [7] B.M.K.Nefkens. Phys.Lett., 22, 94, 1966.