

*Письма в ЖЭТФ, том 17, вып. 8, стр. 405 – 409*

*20 апреля 1973 г.*

## **РЕЖИМЫ ГЕНЕРАЦИИ КОЛЬЦЕВОГО ОКГ НА ТВЕРДОМ ТЕЛЕ**

*Е.Л. Ключан, Л.С. Корниенко, Н.В. Красцов,*

*Е.Г. Ларионцев, А.Н. Шелаев*

В подавляющем большинстве работ, посвященных лазерам с кольцевым резонатором, исследования проводились на газовой активной среде с неоднородно уширенной линией люминесценции. В то же время несомненный интерес представляет изучение динамики генерации кольцевых лазеров на активных кристаллах с однородно уширенной линией

люминесценции. В таких ОКГ возникает сильная конкуренция между встречными волнами [1, 2]. В данной работе проведено теоретическое и экспериментальное исследование режимов генерации в твердотельном кольцевом ОКГ.

1. Динамика генерации кольцевого ОКГ описывается на основе следующей системы уравнений для комплексных амплитуд встречных волн  $\tilde{E}_{1,2}$  и плотности инверсии  $N$ :

$$\begin{aligned}\dot{\tilde{E}}_{1,2} = & -\frac{\omega}{2Q}\tilde{E}_{1,2} + \frac{i\tilde{m}_{1,2}}{2}\tilde{E}_{2,1} \mp i\frac{\Omega}{2}\tilde{E}_{1,2} + \\ & + \frac{\sigma}{2T}\left(\tilde{E}_{1,2}\int_0^L N dx + \tilde{E}_{2,1}\int_0^L N e^{\pm ikx} dx\right), \\ \ddot{N} = W - \frac{N}{T_1} - \frac{a}{T_1}N|\tilde{E}_1 e^{-ikx} + \tilde{E}_2 e^{ikx}|^2.\end{aligned}\quad (1)$$

Здесь  $\tilde{m}_{1,2} = m_{1,2} e^{\pm i\theta_{1,2}}$  – комплексные коэффициенты связи через обратное рассеяние ( $m_{1,2}$ ,  $\theta_{1,2}$  – модули и фазы коэффициентов связи),  $\omega/Q$  – ширина полосы резонатора,  $T = L/c$  – время обхода светом резонатора,  $\sigma$  – сечение перехода,  $W$  – скорость накачки,  $T_1$  – продолжительное время релаксации,  $L$  – длина активного элемента,  $k = 2\pi/\lambda$  – волновое число,  $\Omega = \omega_1 - \omega_2$  – разность собственных частот резонатора для встречных волн,  $a = \sigma c T_1 / 8\pi\hbar\omega$ . Предполагается, что режим генерации является одномодовым, с частотой близкой к центру линии люминесценции.

2. В кольцевом ОКГ может существовать режим взаимной синхронизации встречных волн (амплитуды волн  $\tilde{E}_{1,2}$  и разность фаз  $\Phi = \phi_1 - \phi_2$  постоянны во времени). Режим синхронизации может иметь место при расстройках собственных частот резонатора  $\Omega$ , лежащих внутри полосы синхронизации  $|\Omega| < \Omega_0$ . Внутри области синхронизации интенсивности и разность фаз встречных волн являются функциями от расстройки  $\Omega$ . В случае равных модулей коэффициентов связи ( $m_1 = m_2 = m$ ) условие устойчивости режима синхронизации встречных волн имеет вид:

$$m \left| \sin \frac{\theta_1 - \theta_2}{2} \right| > \frac{\omega}{Q} \left[ 1 - \frac{\sqrt{1 + 8(1 + \eta)} - 1}{2(1 + \eta)} \right]. \quad (2)$$

Отсюда следует, что в случае равных фаз коэффициентов связи ( $\theta_1 = \theta_2$ ) режим стоячей волны неустойчив при любых  $m$ . В случае  $\theta_1 \neq \theta_2$  режим стоячей волны может стать устойчивым при достаточно сильной связи. Нетрудно видеть, что при больших значениях  $\eta$  режим стоячей волны может стать неустойчивым.

Ширина полосы синхронизации  $\Omega_0$  определяется выражением

$$\Omega_0 = \sqrt{m^2 \sin^2 \frac{\theta_1 - \theta_2}{2} - \frac{1}{4} \left( \frac{\omega}{Q} \eta - m \left| \sin \frac{\theta_1 - \theta_2}{2} \right| \right)^2}. \quad (3)$$

Отсюда видно, что при заданном модуле коэффициента связи  $\Omega_0$  оказывается наибольшей при  $|\theta_1 - \theta_2| = \pi$ . Ширина полосы синхронизации зависит от накачки, уменьшаясь с ростом  $\eta$ .

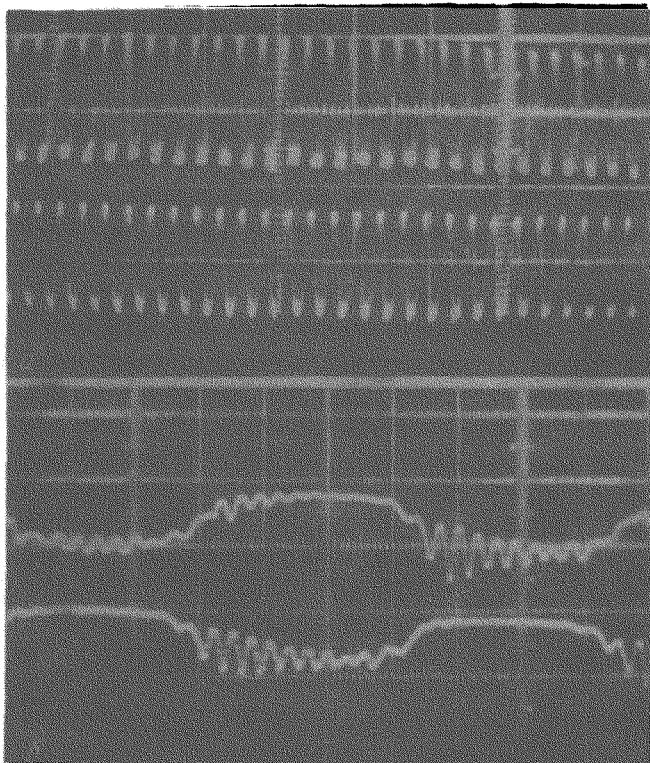


Рис. 1

**3.** В кольцевом ОКГ возможен также стационарный режим генерации с существенно неравными амплитудами волн (режим односторонней генерации). Этот режим исследовался нами в предположении  $\Omega = 0$  и комплексно-сопряженных коэффициентов связи ( $m_1 = m_2 = m$ ,  $\theta_1 = \theta_2$ ). Режим односторонней генерации может существовать при условии

$$m \ll \frac{\omega}{Q} \frac{\eta}{1 + \eta} \text{ и устойчив, если } m < \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\omega}{Q}} \eta \frac{1}{T_1} \frac{1 + \eta}{2 + \eta}.$$

Из полученных результатов следует, что в случае коэффициентов

$$\text{связи, близких к комплексно-сопряженным, при } m > \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\omega}{Q}} \eta \frac{1 + \eta}{2 + \eta} / T_1$$

оказываются неустойчивыми режим односторонней генерации и режим синхронизации встречных волн, т. е. становится невозможной генерация со стационарными амплитудами и разностью фаз встречных волн. В этом случае должен возникнуть автомодуляционный режим (амплитуды и разность фаз периодически изменяются со временем).

**4.** Режимы генерации кольцевого ОКГ на YAG : Nd<sup>3+</sup> исследовались экспериментально. ОКГ работал в непрерывном режиме на длине волны  $\lambda = 1,06 \text{ мкм}$ . Торцы активного элемента были просветлены (остаточный коэффициент отражения от торца не более 0,4%).

Было показано, что режимы генерации существенно зависят от настройки кольцевого резонатора и скорости вращения (ОКГ установлен

на вращающейся платформе). В покоящемся ОКГ в зависимости от настройки резонатора (например, при изменении положения одного из зеркал) наблюдались два режима: режим синхронизации двух встречных волн и режим автомодуляции интенсивностей встречных волн.

Внутри области синхронизации разность интенсивностей встречных волн являлась функцией скорости вращения и увеличивалась при приближении к границе области синхронизации. В покоящемся ОКГ разность интенсивностей зависела от настройки резонатора. От настройки зависела также величина области синхронизации, и при определенных настройках не удавалось выйти из области синхронизации (максимальная разность собственных частот при вращении ОКГ достигала 1 МГц). Было обнаружено, что режим синхронизации встречных волн может стать неустойчивым при превышениях накачки над порогом, больших некоторого значения, зависящего от настройки резонатора. Все эти результаты находятся в качественном согласии с приведенным выше теоретическим рассмотрением.

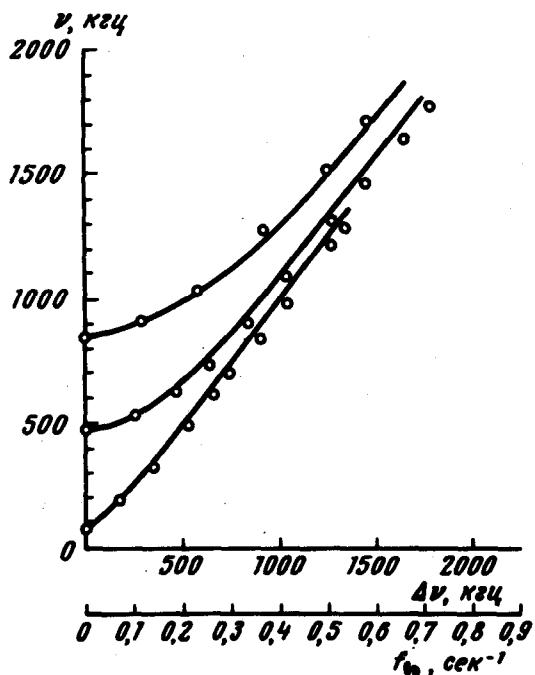


Рис. 2

Характерные осциллограммы автомодуляционных режимов приведены на рис. 1 (200 мксек/дел.). Как следует из рис. 1, автомодуляция интенсивностей встречных волн может быть периодической (рис. 1, а) или иметь более сложный характер (рис. 1, б – автомодуляционные колебания промодулированы более низкой частотой). Частоты автомодулированных колебаний существенно зависят от настройки резонатора и лежат в области от нескольких кГц до 1 МГц. Автоколебания интенсивностей встречных волн близки к противофазным. Зависимость частоты автомодуляционных колебаний  $\omega_m$  (при фиксированной настройке) от скорости вращения кольцевого ОКГ достаточно хорошо описывается формулой  $\omega_m(\Omega) = \sqrt{\omega_m^2(0) + \Omega^2}$ . Экспериментальные данные и рассчитанные по этой формуле значения  $\omega_m$  приведены на рис. 2.

Частота автомодуляции в покоящемся ОКГ  $\omega_m(0)$  определяется величиной связи [2]. В случае комплексно-сопряженных коэффициентов связи  $\omega_m(0) = m$ . Представив коэффициент связи в виде  $m = \sqrt{R}/T$  ( $R$  – отношение интенсивности волны, рассеянной назад, к интенсивности падающей волны) и полагая  $T = 0,3 \cdot 10^{-8}$  сек,  $\omega_m/2\pi \approx 10^6$  с/с, получим, что  $R \approx 4 \cdot 10^{-4}$ .

Институт ядерной физики  
Московского  
государственного университета  
им. М.В.Ломоносова

Поступила в редакцию  
28 февраля 1973 г.

### Литература

- [1] Б.Л.Желнов, А.П.Казанцев, В.С.Смирнов. ФТТ, 7, 2816,  
[4] И.П.Ефанова, Е.Г.Ларионцев. ЖЭТФ, 55, 1532, 1968.
-