

# ПОГЛОЩЕНИЕ СВЕТА В ВОДОРОДНОЙ ПЛАЗМЕ НА СВЯЗАННО-СВОБОДНЫХ И СВОБОДНО-СВОБОДНЫХ ПЕРЕХОДАХ СИСТЕМЫ H-H<sup>+</sup>

**В.С.Лебедев, Л.П.Пресняков, И.И.Собельман**

**Физический институт им. П.Н.Лебедева РАН, 117924 Москва, Россия**

Поступила в редакцию 4 июля 2000 г.

Проведен теоретический анализ радиационных переходов в системе протон – атом водорода в широкой области длин волн и температур равновесной водородной плазмы. Установлено, что при  $T \sim 1500 - 3500$  К поглощение света в результате фотодиссоциации и переходов в непрерывном спектре иона  $H_2^+$  вносит сравнимый вклад с фотопоглощением системой электрон – атом водорода в окрестности максимума планковского распределения.

**PACS:** 31.50.+w, 32.80.-t, 33.10.-n

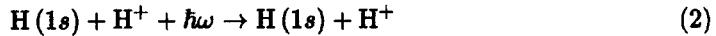
Исследование радиационных характеристик водородной плазмы, содержащей помимо атомов и молекул H и  $H_2$  также ионы  $H^-$  и  $H_2^+$ , допускает детальный теоретический анализ и представляет интерес для многих приложений. Известно, что в квазиравновесной водородной плазме с температурой  $T \approx 6000$  К (характерной для фотосферы Солнца) основной вклад в поглощение света в видимой области спектра вносит отрицательный ион водорода  $H^-$ , концентрация которого мала и составляет  $N_{H^-}/N_H \sim 10^{-8}$  от концентрации нейтрального атома водорода H(1s). В инфракрасном диапазоне до порога процесса  $H^- (1s^2 1S) + \hbar\omega \rightarrow H (1s) + e$  ( $\lambda > \lambda_{H^-}^{th} = 1.64$  мкм) фотопоглощение определяется свободно-свободными переходами  $H (1s) + e + \hbar\omega \rightarrow H (1s) + e$ . Коэффициенты фотопоглощения обоих процессов известны с высокой точностью [1, 2]. При  $T \sim 6000 - 10000$  К концентрация  $N_{H_2^+}$  молекулярного иона  $H_2^+$  оказывается того же порядка, что и  $H^-$ , а с уменьшением температуры ( $T < 3000$  К) становится много больше, чем  $H^-$ .

Количественное рассмотрение связанных и свободно-свободных радиационных переходов в системе H-H<sup>+</sup> было впервые проведено Бейтсом на основе квазистатической теории фотопоглощения [3] и точных расчетов электронных термов [4] и сил осцилляторов [5] перехода  $X^2\Sigma_g^+ \rightarrow A^2\Sigma_u^+$ . Квантовые расчеты [6, 7] сечений фотодиссоциации иона  $H_2^+$  (без учета вращательного возбуждения  $J = 0$ ) были ориентированы на анализ пучковых экспериментов, а не радиационных характеристик плазмы. Совокупность имеющихся результатов свидетельствует [8], что для равновесной водородной плазмы с  $T \sim 4500 - 10000$  К интегральный по спектру вклад фотопоглощения ионом  $H_2^+$  мал (< 7 – 10 %) по сравнению с поглощением света ионом  $H^-$ .

В настоящей работе показано, что при температурах  $T \sim 1400 - 3500$  К фотопоглощение системой атом водорода – протон в области длин волн  $\lambda \sim 1.6 - 4$  мкм оказывается порядка или превышает фотопоглощение системой атом водорода – электрон. Выполнены расчеты вклада всех колебательно-вращательных уровней  $vJ$  иона  $H_2^+$  в сечение и коэффициенты фотодиссоциационного поглощения (связанные-свободные переходы):



Аналогичные расчеты проведены для свободно-свободных переходов:



с изменением электронного состояния  ${}^2\Sigma_g^+ \rightarrow {}^2\Sigma_u^+$  квазимолекулы  $\text{H}-\text{H}^+$ .

Суммарный по всем состояниям  $vJ$  коэффициент фотодиссоциационного поглощения  $k_T^{(1)}(\omega)$  [ $\text{см}^{-1}$ ] на частоте  $\omega$  (отнесенный к полной концентрации  $N_{\text{H}_2^+}$  молекулярных ионов  $\text{H}_2^+$ ) выражается через усредненное по Больцмановскому распределению сечение  $\sigma_T^{(1)}(\omega)$  [ $\text{см}^2$ ] процесса (1) при заданной температуре плазмы:

$$k_T^{(1)}(\omega) = \sigma_T^{(1)}(\omega) N_{\text{H}_2^+}, \quad \sigma_T^{(1)}(\omega) = \frac{1}{Z_{v,r}} \sum_{vJ} (2J+1) \sigma_{vJ}^{(1)}(\omega) e^{-\epsilon_{vJ}/kT}. \quad (3)$$

Здесь  $\sigma_{vJ}^{(1)}(\omega)$  – парциальное сечение фотодиссоциации с уровня энергии  $\epsilon_{vJ}$ ;  $Z_{v,r}$  – колебательно-вращательная статистическая сумма иона  $\text{H}_2^+$  в основном электронном состоянии  $X^2\Sigma_g^+$ .

Теоретическое рассмотрение фотопроцессов (1) и (2) проведено в работе единым образом на основе теории неадиабатических переходов между электронными термами двухатомной системы [9] в приближении квазинепрерывного спектра колебательно-вращательных уровней  $vJ$ . Это оправдано, поскольку в видимой инфракрасной и ближней ультрафиолетовой областях спектра основной вклад в полный коэффициент фотопоглощения вносит большое число уровней  $vJ$  с высокими значениями квантовых чисел  $v$  и  $J$ . Для каждой заданной частоты  $\omega$  фотопередачи происходят в узкой окрестности точки  $R_\omega$ , в которой пересекаются кривые потенциальной энергии системы в начальном,  $\text{H}_2^+(X^2\Sigma_g^+) + \hbar\omega$ , и конечном,  $\text{H}_2^+(A^2\Sigma_u^+)$ , состояниях, то есть когда расщепление четного и нечетного термов молекулярного иона становится равным энергии кванта  $U_u(R_\omega) - U_g(R_\omega) = \hbar\omega$ . В оптическом диапазоне величина  $R_\omega \gg R_e$ , где  $R_e = 1.058 \text{ \AA}$  – равновесное межъядерное расстояние в основном состоянии  $X^2\Sigma_g^+$ . Пересекающиеся кривые потенциальной энергии четного связанного,  $U_g(R)$ , и нечетного отталкивателяного,  $U_u(R)$ , термов имеют наклоны разного знака. В зависимости от величины  $\omega$  точка  $R_\omega$  может быть расположена как в классически разрешенной ( $R < a$ ), так и в классически запрещенной ( $R > a$ ) областях за правой точкой поворота  $R = a$  в терме  $U_g(R)$ .

Расчет радиальных матричных элементов дипольного момента по волновым функциям относительного движения ядер и парциальных сечений неадиабатических переходов проведен на основе квантовой формулы Ландау – Лифшица [9]. Результат выражается в виде функции Эйри и позволяет описать вклады как в классически разрешенной, так и в запрещенной областях движения протонов. При вычислении усредненного по Больцмановскому распределению сечения фотодиссоциации  $\sigma_T^{(1)}(\omega)$  суммирование в (3) по колебательно-вращательным уровням  $vJ$  заменено на интегрирование по  $dv$  и  $dJ$  и выполнено методом, развитым в работе [10]. Вычисление коэффициента фотопоглощения в непрерывном спектре системы  $\text{H}_2^+$  проведено аналогично случаю связанных-свободных переходов.

Коэффициент фотопоглощения  $k_T^{(2)}(\omega)$  [ $\text{см}^{-1}$ ] в процессе (2) пропорционален произведению концентраций  $N_{\text{H}}N_{\text{H}^+}$  атомов  $\text{H}(1s)$  и протонов  $\text{H}^+$  в свободном состоянии. Поскольку полная равновесная концентрация  $N_{\text{H}_2^+}$  ионов  $\text{H}_2^+(X^2\Sigma_g^+)$  может быть выражена в (3) с помощью закона действующих масс через  $N_{\text{H}}N_{\text{H}^+}$ , удобно

ввести полный коэффициент поглощения света  $k_T(\omega)$  в процессах (1) и (2):

$$k_T(\omega) = k_T^{(1)}(\omega) + k_T^{(2)}(\omega) = \eta_T(\omega) N_H N_{H^+}, \quad K_T(\omega) = k_T(\omega) [1 - e^{-\hbar\omega/kT}], \quad (4)$$

где  $\eta_T(\omega)$  [см<sup>5</sup>] – константа скорости фотопоглощения. Величина  $K_T(\omega)$  в (4) описывает результирующий коэффициент поглощения света на частоте  $\omega$  с учетом вынужденного излучения.

Результат для интегрального коэффициента фотопоглощения  $k_T(\omega)$  имеет вид

$$k_T(\omega) = 4\pi^3 \alpha \left(\frac{\hbar^2}{m}\right) \frac{R_\omega^2 f_{ug}(R_\omega)}{\Delta F_{ug}(R_\omega)} \exp\left(-\frac{U_g(R_\omega)}{kT}\right) \Theta_T(\omega) N_H N_{H^+}. \quad (5)$$

Здесь  $f_{ug}(R_\omega)$  – сила осцилляторов электронного перехода  ${}^2\Sigma_g^+ \rightarrow {}^2\Sigma_u^+$  при межъядерном расстоянии  $R_\omega$ ;  $\Delta F_{ug}(R_\omega) = |dU_u/dR - dU_g/dR|_{R=R_\omega}$  – разность наклонов кривых потенциальной энергии связанного,  $U_g$ , и отталкивателяного,  $U_u$ , термов иона  $H_2^+$ , коррелирующих с электронным состоянием  $H(1s)+H^+$  при  $R \rightarrow \infty$  ( $U_g(\infty) = U_u(\infty) = 0$ );  $m$  – масса электрона;  $\alpha = e^2/\hbar c$  – постоянная тонкой структуры. Безразмерный фактор  $\Theta_T(\omega)$  описывает отличие квазиклассического результата ( $\Theta_T^{WKB}(\omega) = 1$ ) от квантового, учитывающего подбарьерные переходы и реальное поведение вероятностей переходов вблизи классических точек поворота:

$$\Theta_T(\omega) = 2\sqrt{\pi} \int_{\beta_{\min}}^{\infty} e^{-\beta} d\beta \int_0^{\infty} \Lambda_\xi^{1/2} \text{Ai}^2[-\Lambda_\xi(\beta - \xi)] d\xi. \quad (6)$$

Здесь  $\text{Ai}(x)$  – функция Эйри,  $\beta_{\min} = -U_u(R_\omega)/kT < 0$ , а величина  $\Lambda_\xi$  выражается через наклоны четного,  $F_g^{(\xi)} = -d(U_g + \mathcal{E})/dR$ , и нечетного,  $F_u^{(\xi)} = -d(U_u + \mathcal{E})/dR$ , термов иона  $H_2^+$  ( $\mu$  – его приведенная масса) с учетом центробежной энергии  $\mathcal{E} = \hbar^2 J^2/2\mu R^2$  и их разность  $\Delta F_{ug}$  в точке  $R_\omega$ :

$$\Lambda_\xi = \left(\frac{2\mu}{\hbar^2}\right)^{1/3} \frac{kT |\Delta F_{ug}(R_\omega)|^{2/3}}{\left|F_g^{(\xi)}(R_\omega) F_u^{(\xi)}(R_\omega)\right|^{2/3}}, \quad \xi = \frac{\mathcal{E}(R_\omega)}{kT}. \quad (7)$$

При  $\Theta_T(\omega) = 1$  результат (5) совпадает с квазистатической формулой [3].

Результаты расчета сечения  $\sigma_T^{(1)}(\omega)$  фотодиссоциации иона  $H_2^+$  представлены на рис.1 для различных значений температуры водородной плазмы. Для кривых потенциальной энергии и сил осцилляторов переходов всюду в данной работе использовались численные данные [4, 5, 11]. При каждом значении  $T$  сечение имеет ярко выраженный максимум  $\sigma_T^{\max}$ , величина которого уменьшается с ростом температуры, а его положение  $\omega_{\max}(T)$  смещается в сторону малых частот. Это объясняется увеличением вклада высоких энергетических уровней  $vJ$  с ростом  $T$ .

Характерные значения сечений в максимуме оказываются порядка  $10^{-18} - 10^{-17}$  см<sup>2</sup>. На рис.2 приведены результаты расчета суммарной константы скорости поглощения света  $\eta_T(\lambda)$  системой  $H-H^+$  с учетом вклада процессов (1) и (2). Видно, что за исключением случая очень высоких температур зависимость  $\eta_T(\lambda)$  оказывается очень резкой в окрестности максимума, а характерные величины изменяются на несколько порядков при изменении  $T$  от 1500 до 10000 К. В длинноволновой области  $\lambda > 1.5$  мкм значения  $\eta_T$  изменяются в диапазоне  $\sim 10^{-39} - 10^{-38}$  см<sup>5</sup>.

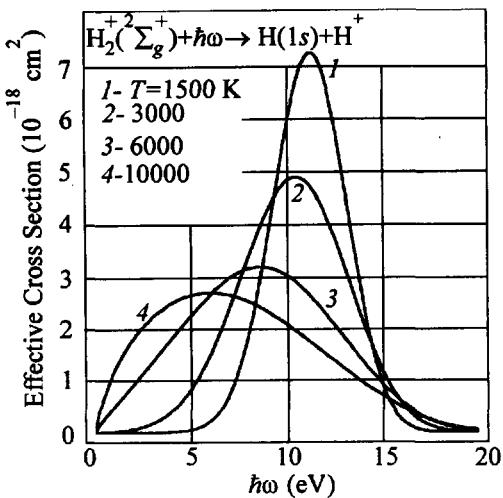


Рис.1. Зависимость усредненного по Больцмановскому распределению сечения  $\sigma_T^{(1)}(\omega)$  фотодиссоциации иона  $H_2^+$  от энергии кванта  $\hbar\omega$  при различных температурах

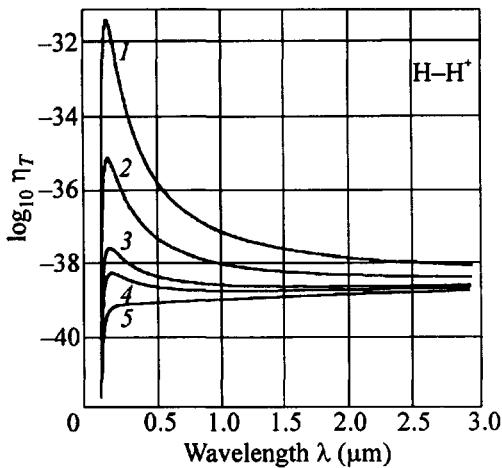


Рис.2. Зависимость полной константы скорости фотопоглощения  $\eta_T^{H^+} = k_T^{H^+} / N_H N_{H^+}$  ( $\text{см}^5$ ) системой  $H-H^+$  от длины волны фотона  $\lambda$ . Цифры у кривых 1, 2, 3, 4, 5 – соответствующие значения  $T = 1500, 2500, 4500, 5800, 10000 \text{ К}$

Рис.3 демонстрирует зависимость относительного вклада  $\zeta = k_T^{(2)} / k_T$  свободно-свободных переходов (2) в полный коэффициент поглощения света от длины волны фотона  $\lambda$ . При  $T = 1500 \text{ К}$  и  $T = 3000 \text{ К}$  в области максимума планковского распределения ( $\lambda_{\max} = 1.93 \text{ мкм}$  и  $\lambda_{\max} = 0.97 \text{ мкм}$ ) отношение  $\zeta$  составляет около 15–20%. С увеличением температуры и длины волны вклад свободно-свободных переходов (2) быстро возрастает и становится преобладающим.

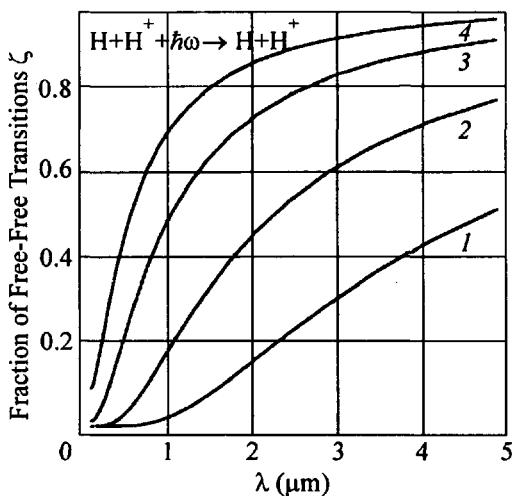


Рис.3. Отношение  $\zeta = k_T^{(2)} / k_T$  коэффициента поглощения света  $k_T^{(2)}$  в непрерывном спектре системы  $H-H^+$  к его полной величине  $k_T = k_T^{(1)} + k_T^{(2)}$ , включающей вклады процессов (1) и (2). Кривые 1, 2, 3, 4 соответствуют  $T = 1500, 3000, 6000, 10000 \text{ К}$

Представляет интерес сравнение коэффициентов  $k_T^{H^+} = \eta_T^{H^+} N_H N_{H^+}$  и  $k_T^{H^-} = \eta_T^{H^-} N_H N_e$  фотопоглощения системами  $H-H^+$  и  $H-e$  в условиях, когда концентрации протонов и электронов равны  $N_{H^+} = N_e$ . Для  $T \geq 4500 \text{ К}$  такое сравнение проведе-

но в [8]. Результаты сравнения констант скоростей фотопоглощения  $\eta_T^{\text{H}_2^+}$  и  $\eta_T^{\text{H}^-}$  для  $T = 1400$  К приведены на рис.4. Видно, что соответствующие коэффициенты фотопоглощения сравниваются при  $\lambda \approx 2$  мкм, что соответствует максимуму кривой планковского распределения (ее ширина по полувысоте составляет  $1.27 < \lambda < 3.76$  мкм). В области  $1.64 < \lambda < 2$  мкм, то есть вплоть до порога  $\lambda_{\text{H}^-}^{\text{th}}$ , вклад исследованных в работе радиационных процессов оказывается определяющим. С увеличением  $T$  роль поглощения инфракрасного излучения системой  $\text{H}-\text{H}^+$  снижается по сравнению с системой  $e-\text{H}$ . Однако процессы (1), (2) продолжают вносить существенный вклад в полный коэффициент фотопоглощения в водородной плазме при  $T < 3000 - 3500$  К. Так, например, при  $T = 2800$  К отношение величин  $k_T^{\text{H}_2^+}/k_T^{\text{H}^-}$  в пороге фотонейтрализации  $\lambda_{\text{H}^-}^{\text{th}} = 1.64$  мкм и при  $\lambda = 2$  мкм составляет соответственно 37% и 24%.

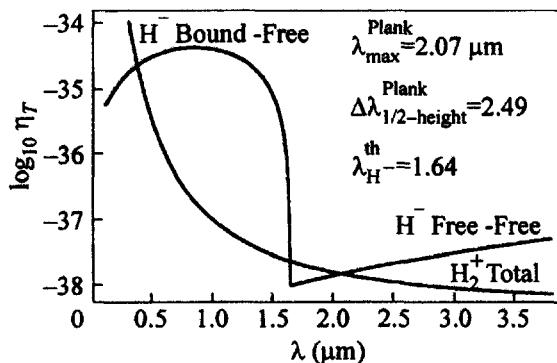


Рис.4. Сравнение полных констант скоростей поглощения света  $\eta_T^{\text{H}_2^+}$  и  $\eta_T^{\text{H}^-}$  положительными,  $\text{H}_2^+$ , и отрицательными,  $\text{H}^-$ , ионами водородной плазмы ( $T = 1400$  К) с учетом вкладов связанных и свободно-свободных переходов

Проведенные расчеты фотопоглощения системой  $\text{H}-\text{H}^+$  представляют непосредственный интерес для фотосфер звезд с низкими температурами  $\sim 1500 - 3500$  К. Среди таких звезд имеются классы звезд с резко обедненным содержанием элементов, более тяжелых нежели  $\text{H}$  и  $\text{He}$  (см. [12]). Для них процессы фотопоглощения в значительной мере определяются водородной компонентой атмосферы.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проекты # 99-02-16602 и # 00-02-17245) и INTAS (# 99-01326).

- 
1. M.Venuti and P.Decleva, J. Phys. **B30**, 4839 (1997).
  2. K.L.Bell and K.A.Berrington, J. Phys. **B20**, 801 (1987).
  3. D.R.Bates, Monthly Notices Roy. Astron. Soc. **111**, 303 (1951); ibid. **112**, 40 (1952).
  4. D.R.Bates, K.Ledsham, and A.L.Stewart, Philos. Trans. Roy. Soc. **A246**, 215 (1953) .
  5. D.R.Bates, J. Chem. Phys. **19**, 1122 (1951).
  6. Ю.Д.Оксюк, Оптика и спектроскопия, **23**, 214 (1967) [Opt. Spectrosc. **23**, 115 (1967)].
  7. G.H.Dunn, Phys. Rev. **A172**, 172 (1968).
  8. В.С.Лебедев, Л.П.Пресняков, И.И.Собельман, Астроном. ж. **77**, 3090 (2000) [Astronomy Reports **44**, 338 (2000)].
  9. Л.Д.Ландау, Е.М.Лифшиц, Квантовая механика, Наука, Москва, 1974.
  10. V.S.Lebedev, J. Phys. **B24**, 1993 (1991).
  11. D.M.Bishop and L.M.Cheung, J. Phys. **B11**, 3133 (1978).
  12. A.Unsöld and B.Baschek, The New Cosmos, Springer-Verlag, Berlin, 1991.