

АЛЬВЕНОВСКИЕ ДИПОЛЬНЫЕ ВИХРИ

В.И.Петвиашвили, О.А.Похотов

Показано, что при учете нелинейности кинетические альвеновские волны в плазме могут распространяться в виде двумерных уединенных вихрей.

В альвеновской волне, распространяющейся под большим углом к магнитному полю, скорость колебаний частиц уже при небольшой плотности энергии становится больше фазовой скорости, что может привести к искривлению фронта волны и образованию двумерных бегущих вихрей. Для описания этого эффекта необходимы нелинейные уравнения с учетом дисперсии и неоднородности плазмы. В¹ такие уравнения были получены в предположении стационарности волны и в пренебрежении давлением ионов, что справедливо только в сильно неизотермической плазме. Найденные в² решения этих уравнений не сшиты должным образом и поэтому некорректны. В³ была получена простая система эволюционных уравнений длинноволновых (по отношению к лармировскому радиусу ионов) альвеновских и желобковых волн в плазме малого давления. В безразмерной форме она имеет вид:

$$\frac{d}{dt} \Delta\phi + \operatorname{div} \{ P_i, \nabla_{\perp} \phi \} = \{ A, J \} - \frac{\partial J}{\partial z}; \quad J \equiv \Delta A; \quad (1)$$

$$\frac{dA}{dt} + \frac{\partial}{\partial z} (\phi - P_e) = \{ P_e, A \}; \quad \Delta \equiv \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2}, \quad (2)$$

$$\frac{dP_e}{dt} = \{ A, J \} - \frac{\partial J}{\partial z}; \quad \frac{dP_i}{dt} = 0; \quad c_s / c_A \ll 1. \quad (3)$$

Здесь введены обозначения:

$$\{ J, A \} \equiv \frac{\partial J}{\partial x} - \frac{\partial A}{\partial y} - \frac{\partial J}{\partial y} - \frac{\partial A}{\partial x}; \quad \frac{d}{dt} \equiv \frac{\partial}{\partial t} + \{ \phi, \dots \};$$

$$\phi = e\varphi / T_{e0}; \quad A = eA_z \omega_{Bi} / \omega_{Pi} T_{e0};$$

$$P_i = (p_i - p_{i0}) / p_{e0}; \quad P_e = (p_e - p_{e0}) / p_{e0}; \quad c_s = T_{e0} / M,$$

φ — электрический потенциал, A_z — компонента вектора-потенциала вдоль постоянного магнитного поля, время измеряется в единицах ω_{Bi}^{-1} , координаты x, y в единицах c_s / ω_{Bi} , z — в единицах c_A / ω_{Bi} , c_A — скорость Альвена, p_{e0} — постоянная часть давления электронов, p_{i0} — ионов. Сохраняется энергия $E = \int [(\nabla_\perp \phi)^2 + (\nabla_\perp A)^2 + P_e^2] d^3 r$. Ищем решение системы в виде стационарной волны $\phi = \phi(x, \eta)$, $\eta = y + \alpha z - ut$, где u — скорость распространения, α — угол наклона. С помощью простых преобразований, получаем:

$$P_i = f_i(\tilde{\phi}); \quad P_e = \tilde{\phi} + f_e(\tilde{A}); \quad (4)$$

$$\Delta\phi = [f_e(\tilde{A}) + f_\phi(\tilde{\phi})] / [1 + f'_i(\tilde{\phi})]; \quad (5)$$

$$J = f_A(\tilde{A}) - f'_e(\tilde{A})\tilde{\phi}; \quad \tilde{\phi} \equiv \phi - ux; \quad \tilde{A} \equiv A - \alpha x, \quad (6)$$

где f — произвольные функции, штрих означает производную по аргументу. В полярной системе координат $r^2 = x^2 + y^2$; $\operatorname{tg} \theta = y/x$, вводим круг, радиусом r_0 . Выберем f в виде разных линейных функций внутри и вне круга. Тогда из (5), (6) получим:

$$\Delta\phi = B(b_\phi \tilde{\phi} + b_e \tilde{A}); \quad J = b_A \tilde{A} - b_e \tilde{\phi}; \quad (7)$$

$$P_i = b_i \tilde{\phi}; \quad P_e = \tilde{\phi} + b_e \tilde{A}; \quad B \equiv (1 + b_i)^{-1},$$

где b — постоянные коэффициенты, отличающиеся снаружи и внутри круга. Внутри круга (7) имеет решение:

$$\begin{aligned} \tilde{\phi} &= [e_1 J_1(k_1 r) + e_2 J_1(k_2 r)] \cos \theta; \\ \tilde{A} &= [a_1 J_1(k_1 r) + a_2 J_1(k_2 r)] \cos \theta; \end{aligned} \quad r \leq r_0 \quad (8)$$

Здесь k_1, k_2 — положительные корни уравнения — условия разрешимости (7) в виде бесселевой функции J_1 :

$$(k^2 + B b_\phi)(k^2 + b_A) + B b_e^2 = 0 \quad r \leq r_0. \quad (9)$$

Постоянные коэффициенты e, a выбираются из условия непрерывного перехода $\phi, A, \partial\phi/\partial r, \partial A/\partial r$ в решение вне круга. В случае неоднородной плазмы, внешнее решение легко выразить через K_1 — функцию Макдональда, аналогично ^{3,4}. Здесь приведем уединенное решение в однородной плазме. Решение должно исчезать на бесконечности, что дает условия на коэффициенты в (7) вне круга $b_e = -u/\alpha$, $b_A = -b_e^2$, $B = b_\phi = 1$. Тогда из (7) получим $k^2 \equiv 1 - u^2/\alpha^2$

$$\phi = [e_3 K_1(kr) + \frac{e_4}{r}] \cos \theta; \quad A = [\frac{u e_3}{\alpha} K_1(kr) + \frac{\alpha e_4}{ur}] \cos \theta; \quad r \geq r_0. \quad (10)$$

Кроме того, для непрерывности при $r = r_0$ необходимо положить $\tilde{\phi} = \tilde{A} = 0$. Тогда ток J и завихренность $\Delta\phi$ также непрерывны. $P_i = 0; P_e = e_3 k^2 K_1(kr) \cos \theta, r \geq r_0$.

Полученный двумерный бегущий вихрь имеет довольно произвольную форму во внутренней области, а во внешней области, где плазма обтекает вихрь, решение (8) определяется скоростью u и углом наклона вихря α . Такие вихри возможно возникают при раскачке альвеновских волн в лабораторной и космической плазме. Они, по-видимому, наблюдались в экспериментах по искусенному возбуждению альвеновских импульсов в магнитосфере с помощью наземных взрывов⁵ и в полярной ионосфере⁶.

Литература

1. Михайловский А.Б., Лахин В.П., Михайловская Л.А., Онищенко О.Г. ЖЭТФ, 1984, 86, 2061.
2. Mikhailovskii A.B., Aburjania G.D., Onishchenko O.G., Churikov A.P. Phys. Lett., 1984, 101A, 263.
3. Петвиашвили В.И. Погуце И.О. Письма в ЖЭТФ, 1984, 39, 363.
4. Ларичев В.Д., Резник Г.М. ДАН СССР, 1976, 231, 1077.
5. Gokhberg M.B.. Aktive Experiments in Space, Proceedings of International Symposium, held at Alpbach, Austria, 1983, p. 99.
6. Биличенко С.В., Костин В.М., Чмырев В.М. Препринт ИЗМИРАН № 57 (531), 1984.

Институт атомной энергии им. И.В.Курчатова

Институт физики Земли им. О.Ю.Шмидта
Академии наук СССР

Поступила в редакцию
16 апреля 1985 г.